文章编号:1674-2974(2020)06-0077-10

DOI:10.16339/j.cnki.hdxbzkb.2020.06.010

基于改进小波阈值函数和变分模态分解的 电能质量扰动检测

徐长宝¹,古庭赟¹,高云鹏^{2†},吴聪²,龙秋风¹,周金² (1.贵州电网有限责任公司电力科学研究院,贵州贵阳 550001; 2.湖南大学电气与信息工程学院,湖南长沙 410082)

摘要:针对强噪声环境下扰动特征提取困难的问题,提出一种基于改进小波阈值函数和 变分模态分解的电能质量扰动检测算法.采用改进小波阈值函数滤除电能质量扰动信号的噪 声,通过傅里叶变换确定预设尺度,再基于变分模态分解准确地求出电能质量扰动信号的各个 本征模态函数,结合 Hilbert 变换和奇异值分解分别求解每个本征模态函数的振幅、频率、起止 时间等特征量,并据此搭建 PXI 和 LabVIEW 结合的电能质量扰动检测平台.分别采用单一扰 动、复合扰动和电网实际扰动数据验证本文算法的准确性与有效性,相比现有经验模态分解和 集合经验模态分解,本文提出算法不仅具有抗模态混叠和虚假分量的能力,且在强噪声环境下 仍具有较高的准确性和鲁棒性.

关键词:电能质量;变分模态分解;希尔伯特变换;奇异值分解;改进小波阈值函数 中图分类号:TM711 文献标志码:A

Power Quality Disturbance Detection Based on Improved Wavelet Threshold Function and Variational Mode Decomposition

XU Changbao¹, GU Tingyun¹, GAO Yunpeng^{2†}, WU Cong², LONG Qiufeng¹, ZHOU Jin²

(1. Electric Power Research Institute of Guizhou Power Grid Co, Ltd, Guiyang 550001, China;

2. College of Electrical and Information Engineering, Hunan University, Changsha 410082, China)

Abstract: In order to extract the disturbance features accurately in strong noisy environment, a power quality disturbance detection and location algorithm based on improved wavelet threshold function denoising and Variational Mode Decomposition(VMD) is proposed. The improved wavelet threshold function is used to denoise the noisy power quality disturbance signal. The default scale can be determined by the Fourier transform. This paper uses the variational mode decomposition to decompose signals into some intrinsic modes. Hilbert transform is used to extract the characteristic information such as the amplitude and frequency of each mode. Meanwhile, the effective location of the start and stop time of the disturbance signal is realized by the principle of singular value decomposition. A power quality disturbance detection platform based on PXI and LabVIEW is also built based on the above algorithm. The accuracy and effectiveness of the proposed algorithm are verified by single disturbance, complex disturbance and actual

* 收稿日期:2019-07-24

作者简介:徐长宝(1977一),男,河南南阳人,贵州电网有限责任公司教授级高工

基金项目: 国家自然科学基金资助项目(51777061), National Natural Science Foundation of China (51777061); 贵州电网科技项目 (GZKJXM20171048), Guizhou Power Grid S&T Project (GZKJXM20171048)

[†]通讯联系人, E-mail:gaoyp@hnu.edu.cn

disturbance data. Compared with the existing empirical mode decomposition and ensemble empirical mode decomposition, the proposed algorithm not only has the ability of resisting modal aliasing and false components, but also has high accuracy and robustness under the environment of strong noise.

Key words:power quality; Variational Mode Decomposition(VMD); Hilbert transform; singular value decomposition; improved wavelet threshold function

电力系统非线性、冲击性、波动性负载的数量和 容量不断增加,导致电网中出现大量谐波、电压暂 降、短时中断等电能质量扰动问题,不仅严重危害电 力系统和用电设备,导致数据丢失、设备误动作、生 产流水线停机等系列问题,且容易给国家和企业带 来不可弥补的经济损失.因此,深入研究影响电能质 量下降的各种因素,对电能质量扰动问题进行准确 检测与分析具有重要的现实意义¹¹⁻².

现有特征提取分析方法已被应用于电能质量扰 动检测领域^[3-4].小波变换具有良好时频局部化特性, 适合于暂态电能质量扰动检测,但其检测结果易受 噪声影响,且分解效果取决基函数的选择和分解尺 度^[5].S变换相比小波变换,抗噪性明显提高,但其窗 函数缺乏灵活性,检测电压暂降和短时中断时效果 不理想^[9].原子分解具有优秀信号分解和重构能力, 但暂态扰动检测计算量大、运算时间长^[7].经验模态 分解(Empirical Mode Decomposition, EMD)不需选取 基函数,具有完全自适应性,适合于处理突变信号. 集合经验模态分解(Ensemble Empirical Mode Decomposition, EEMD)在检测分析电能质量扰动信号 时有较强的自适应性,但EMD 和 EEMD 得到的固有 模态函数易出现模态混叠和端点效应^[8],不利于扰动 特征的准确提取.

变分模态分解算法(Variational Mode Decomposition,VMD)是由 Dragomiretskiy等¹⁹提出的一种利用 变分思想进行信号分解的时频分析方法,通过变分 框架准确求出非平稳信号的各本征模态函数,不仅 具有抗模态混叠能力和噪声鲁棒性,还可有效提高 分解效率.文献[10]分别研究变分模态分解在稳态电 能质量扰动、暂态电能质量扰动中算法的适用性,不 仅能准确提取振幅、频率等特征信息,且在处理复合 扰动和频率相近的奇数次谐波时检测效果良好.文 献[11]采用 VMD 将电能质量扰动信号分解为系列调 幅-调频函数之和,分别求解每个调幅-调频函数瞬 时幅值和瞬时频率,相比经验模态分解和局部均值 分解算法,不仅提取的扰动信号误差较小,且不存在 模态混叠现象.但文献[10]未讨论在噪声情况下算法 的适用性,文献[11]所提算法在噪声强度为 20 dB 时 算法失效.

因此,为了在强噪声情况下实现对电能质量扰 动信号的准确检测和分析,本文提出一种基于改进 小波阈值函数和变分模态分解的电能质量扰动检测 算法,首先通过改进小波阈值函数对噪声信号进行 预处理,再利用 VMD 分解将去噪后的扰动信号分解 成一系列本征模态函数,采用希尔伯特变换提取信 号振幅、频率等特征信息,并通过奇异值分解(Singular Value Decomposition,SVD)实现扰动发生起止 点的精准检测,最后通过仿真实验与实测数据验证 本文提出算法的有效性和准确性.

1 变分模态分解和小波阈值去噪

1.1 变分模态分解

VMD 是一种非递归自适应技术,与传统的递归 分解方法经验模态分解相比,VMD 具有更强的抗模 态混叠能力和抗噪能力^[12-13],其实质是将输入信号 *x* 分解成一系列有限带宽的模态,每个模态围绕一个 中心频率脉动,分解过程中的中心频率的值将被确 定,VMD 根据调制标准对模态进行重新定义.模态 的表达式为:

 $u_k = A_k \cos(\phi_k(t))$ (1) 式中: u_k 为调制解调信号; $\phi_k(t)$ 为相位,是非递减函数; A_k 为包络函数.包络函数 A_k 和瞬时频率 $\omega_k = \phi_k(t)$ 的变化速度比 $\phi_k(t)$ 的变换速度缓慢.

为估计各个模态的带宽,对每个模态函数进行 Hilbert 变换,得到对应的单边频谱;通过指数调节将 每个模态解调到各自对应估计的中心频率,将获得 的单边频谱转换到基带;对调制后的信号进行高斯 平滑估计,即梯度的平方 L²,据此估计每个模态的带 宽.所定义的约束变分模型为:

$$\min_{\{u_{i}\}\{\omega_{i}\}} \left\{ \sum_{k} \| \partial_{i} [(\delta(t) + \frac{j}{\pi t}) u_{k}(t)] e^{-j\omega t} \|_{2}^{2} \right\}$$
s.t. $\sum u_{k} = f$
(2)

式中:u_k 为 k 个模态;ω_k 为每个模态所对应的中心频 率.为了使式(2)的变分问题不受约束,引入拉格朗 日算子和二次惩罚因子将约束性变分问题转化成非 约束性变分问题,其表达式为:

$$L(u_k,\boldsymbol{\omega}_k,\boldsymbol{\lambda}) = \alpha \sum_k \|\partial_i [(\delta(t) + \frac{j}{\pi t}) u_k(t)] e^{-j\omega_k t} \|_2^2 +$$

$$\langle \lambda(t), x(t) - \sum_{k} u_{k}(t) \rangle$$
 (3)

式中: α 为二次惩罚因子; λ 为拉格朗日算子.采用乘 法算子交替方向法求取式(3)的最优解,即通过采用 乘法算子交替方向法(Alternating Direction of Method of Multipliers, ADMM)求取式(3)的最优解交替更新 u_{k}^{n+1} 、 ω_{k}^{n+1} 寻找拉格朗日表达式的"鞍点". u_{k}^{n+1} 的 表达式为:

$$u_{k}^{n+1} = \underset{u_{k} \in X}{\operatorname{argmin}} \left\{ \alpha \parallel \partial_{i} [(\delta(t) + \frac{j}{\pi t}) u_{k}(t)] e^{-j\omega_{i}t} \parallel^{2}_{2} + \\ \parallel x(t) - \sum_{i} u_{i}(t) + \frac{\lambda(t)}{2} \parallel^{2}_{2} \right\}$$
(4)

利用 Parseval/Plancherel 傅里叶等距变换将式 (4)转换至频域,可得

$$\hat{u}_{k}^{n+1}(\boldsymbol{\omega}) = \frac{\hat{x}(\boldsymbol{\omega}) - \sum_{i \neq m} \hat{u}_{i}(\boldsymbol{\omega}) + (\hat{\boldsymbol{\lambda}}(\boldsymbol{\omega})/2)}{1 + 2\alpha(\boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{\omega}_{k})^{2}}$$
(5)

同理模态更新的推导过程,在傅里叶域中优化 中心频率,求得中心频率的优化式为:

$$\boldsymbol{\omega}_{k}^{n+1} = \frac{\int_{0}^{\infty} \boldsymbol{\omega} \left| \hat{\boldsymbol{u}}_{k}(\boldsymbol{\omega}) \right|^{2} \mathrm{d}\boldsymbol{\omega}}{\int_{0}^{\infty} \left| \hat{\boldsymbol{u}}_{k}(\boldsymbol{\omega}) \right|^{2} \mathrm{d}\boldsymbol{\omega}}$$
(6)

式中: $\hat{u}_k(\omega)$ 为 $\hat{x}_k(\omega) - \sum_{i \neq k} \hat{u}_k(\omega)$ 的维纳滤波; ω_k^{n+1} 为模

态功率谱的中心频率. 对 $\hat{u}_k(\omega)$ 进行傅里叶逆变换可得到各个模态的时域形式.

VMD 3 个参数需预先定义,预设尺度 K、拉格朗 日乘子更新参数 τ 和惩罚因子 $\alpha^{[14]}$. 对检测信号傅里 叶谱分析可确定 K 的大小; α 主要影响分解后各模 态带宽以及收敛速度,且 α 越大,各分量的带宽越 小,反之则各分量带宽越大; α 取值过大或过小, VMD 计算耗时都会增加.因此本文综合考虑运行时 间和各模态带宽两个因素,惩罚因子 α 取 2 000. τ 表 征抗噪性, *τ* 越小, 抗噪性越强, 反之, 则抗噪性能越弱, 一般来说, *τ* 取 0 或较小值的分解效果较好.

1.2 小波阈值去噪

电力系统中存在大量非线性负荷,实际采集的 电能质量扰动信号常受噪声的污染,不利于对电能 质量扰动信号突变点和频率幅值等特征信息的提 取,只有有效滤除噪声,才能准确提取扰动特征.由 文献[15]中提出的小波阈值去噪是一种有效的降噪 处理方法,小波阈值降噪具体包括小波分解、阈值函 数选取与阈值估计、一维电能质量扰动信号小波重 构^[16-17],其具体步骤如下:

1)确定小波基和小波,对原始含噪信号 Z(t)进行小波分解,得到各层小波系数 w_{i,k};

2)确定阈值 T 并使用阈值函数对小波系数 w_{j,k} 进行处理,得到阈值处理后新的小波系数 w_{j,k};

3)依据小波系数 w_{j,k}和近似系数对电能质量扰 动信号进行重构,从而得到降噪信号.

阈值和阈值函数的选取是小波阈值去噪方法的 关键.不同的小波系数估计方法,对应于不同的小波 阈值去噪方法,相应地形成硬、软阈值降噪方法.硬 阈值函数的表达式为:

$$w_{j,k}^{'} = \begin{cases} w_{j,k} & |w_{j,k}| > T \\ 0 & |w_{j,k}| \le T \end{cases}$$
(7)

软阈值函数的表达式为:

$$w_{j,k}^{'} = \begin{cases} \operatorname{sgn}(w_{j,k})(|w_{j,k}| - T) & |w_{j,k}| > T \\ 0 & |w_{j,k}| \le T \end{cases}$$
(8)

阈值 T 估计的计算式为:

$$T = \sigma \sqrt{2 \ln N} \tag{9}$$

$$\sigma = \frac{\text{median}(|w_{j,k}|)}{0.6745} \tag{10}$$

硬阈值和软阈值去噪方法虽得到广泛应用,但 其本身有许多缺点,硬阈值函数得到的信号信噪比 较高,但易产生信号局部振荡现象;而软阈值函数虽 得到的信号较平滑,但信号信噪比较低,且得到的估 计小波系数值与原小波系数存在固定偏差¹⁶.

2 改进小波阈值函数和 VMD 的扰动检测

由于传统的硬、软阈值函数对实际电网信号降 噪处理过程的缺陷,本文提出改进小波阈值函数,该 函数综合软硬阈值函数的优点,既具有连续性,又能 很好地保留高频信息.其表达式为:

$$w_{j,k}^{'} = \begin{cases} w_{j,k} - T/(1 + e^{(w_{j,k} - T)^{2}/a}) - T/(2e^{1/a}) & w_{j,k} \ge T \\ 0 & |w_{j,k}| < T \\ w_{j,k} + T/(1 + e^{(-w_{j,k} - T)^{2}/a}) + T/(2e^{1/a}) & w_{j,k} \le -T \end{cases}$$
(11)

式中:a为调节因子,可取任意正常数. 当 $a \rightarrow +\infty$ 时, 改进小波阈值函数的极限趋近于 $w_{j,k}$ -T,改进小波阈 值函数等效于软阈值函数;当a取任意正常数时,改 进小波阈值函数极限趋向于T/2,使得阈值函数具有 快速衰减和软阈值函数平滑的特点;当a趋于0时, 改进小波阈值函数趋近于 $w_{j,k}$,阈值函数等效于硬阈 值函数,因此通过调节a的值可得到不同的阈值函 数,使阈值函数分别具有硬阈值函数和软阈值函数 的特点. 图 1 为改进小波阈值函数的示意图.



Fig.1 Improved wavelet threshold function diagram

为了消除电能质量扰动信号噪声,同时较好地 保留扰动信号的高频分量,实现准确检测扰动时刻, 提取信号幅值、频率等特征信息,本文提出基于改进 小波阈值函数和变分模态的电能质量扰动检测算 法,其具体步骤如下:

步骤1 设输入的扰动检测信号为 *S*(*t*),对其进行归一化处理.

$$S(t) = \frac{S(k)}{\max(abs(s))}, k = 1, 2, \cdots, N$$
(12)

式中:k 为采样点;N 为采样点总数.

步骤 2 选取 sym8 小波基,设置分解层数为 4, 计算各层小波系数的噪声方差,再采用改进小波阈 值函数对小波系数 *w*_{j,k}进行阈值处理,得到阈值处理 后的小波系数 *w*_{j,k}.

步骤3利用得到的新小波系数 w_{j,k}重构信号, 得到去噪后电能质量扰动信号 Z(t),将扰动信号 Z(t)傅里叶变换,确定预设尺度 K,利用 VMD 将 Z(t) 分解成 K 个模态.

$$Z(t) = \sum_{i=1}^{K} c_i(t)$$
 (13)

步骤4 将分解得到的每个 *c_i*(*t*)进行 Hilbert 变换,得到

$$d_{i} = \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{c_{i}(\tau)}{t - \tau} d\tau$$
(14)

式中: d_i 为第 $i \uparrow c_i(t)$ 的 Hilbert 变换; τ 为时间. 由此可以构造解析信号.

$$z_i(t) = c_i(t) + jd_i(t) = a_i(t)e^{j\varphi_i(t)}$$
(15)

式中:

$$a_i(t) = \sqrt{c_i(t)^2 + d_i(t)^2}$$
(16)

$$\varphi_i(t) = \arctan[d_i(t)/c_i(t)]$$
(17)

 $a_i(t)$ 为信号的瞬时幅值函数; $\varphi_i(t)$ 为相位函数. 由相位函数进一步算出每个 IMF 的瞬时频率为:

$$f_i(t) = \frac{1}{2\pi} w_i(t) = \frac{1}{2\pi} \frac{\mathrm{d}\varphi_i(t)}{\mathrm{d}t}$$
(18)

步骤5 根据瞬时幅值函数 a(t)构造 Hankel 矩 阵,可得:

$$\boldsymbol{Q} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 & \cdots & a_n \\ a_2 & a_3 & \cdots & a_{n+1} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ a_{N-n+1} & a_{N-n+2} & \cdots & a_N \end{bmatrix}$$
(19)

步骤 6 对矩阵 Q 进行四层线性分解,得到 U= $[u_1, u_2, \dots, u_m], V=[v_1, v_2, \dots, v_m],$ 可得

$$\boldsymbol{Q} = \sum_{i=1}^{M} \boldsymbol{Q}_{i} = \sum_{i=1}^{M} \sigma_{i} u_{i} v_{i}^{\mathrm{T}}$$
(20)

步骤7 依据每个矩阵 **Q**_i 的第一行以及除去第 一行元素的最后一列构造 **P**_i 向量,则

$$a(t) = \sum_{i=1}^{M} \boldsymbol{P}_{i}$$
(21)

采用 P_i分量中的突变信息来对电能质量扰动信号进行检测,本文选取 P₃实现电能质量扰动信号的检测.

3 仿真实验与分析

3.1 改进小波阈值函数与其他阈值函数对比

在电力系统中,常见的电能质量扰动信号包括 电压暂降、电压暂升、短时中断、暂态振荡、谐波、暂 态脉冲等.对电能质量扰动信号进行检测和分析前, 需要针对信号的不同扰动类型,建立能够表征实际 扰动信号典型特性的数学模型.表1为上述6种电 能质量扰动信号模型*S*(*t*).其中,*T*为工频周期;*u*(*t*)

81

为单位阶跃函数.

表 1 电能质量基本扰动信号模型 Tab.1 Basic disturbance signal model of power quality

信号类型	信号模型	参数
斩斗	$S(t) = \{1 + k[u(t) - u(t)]\} \operatorname{sin}(\omega t)$	$0.1 < k \le 0.9$
百八	$S(t) - \{1 + h[u(t_2) - u(t_1)]\} SIII(wt)$	$0.5T < t_2 - t_1 < 30T$
暂降	$S(t) - [1 - k[u(t_{t}) - u(t_{t})]]sin(\omega t)$	$0.1 \leq k \leq 0.9$
	$S(t) = \{1 - k[u(t_2) - u(t_1)]\}$ (m)	$0.5T < t_2 - t_1 < 30T$
中断	$S(t) - [1 - k[u(t_{t}) - u(t_{t})]]sin(\omega t)$	$0.9 < k \le 1$
	$S(t) = \{1 - k[u(t_2) - u(t_1)]\}$ (m)	$0.5T < t_2 - t_1 < 30T$
振荡	$S(t) = \sin(\omega t) + \alpha \exp[-\lambda(t-t_1)] \times$	0.05 <a<1< td=""></a<1<>
	$\sin(\boldsymbol{\beta}\boldsymbol{\omega}t)[\boldsymbol{u}(t_2)-\boldsymbol{u}(t_1)]$	$15 < \lambda < 130, 10 \le \beta \le 40$
脉冲	$S(t) = \sin(\omega t) + a[u(t_1) - u(t_2)]$	$1 \text{ ms} \le t_2 - t_1 \le 3 \text{ ms}$
谐波	$S(t) = \sin(\omega t) + \sum_{k=2}^{13} a_k \sin(k\omega t)$	0.05< <i>a</i> ^{<i>k</i>} <0.4

为直观反映各类阈值函数降噪性能的优劣,将 信噪比(Signal to Noise Ratio, SNR)和均方误差(Mean Square Error, MSE)作为评判降噪效果的依据^[18-19].降 噪信噪比越高,均方误差越小,则降噪效果越好.为 进一步验证本文算法的准确性与抗噪性,分别采用 本文的改进小波阈值函数、常用的软、硬函数以及 EEMD 降噪、数学形态法滤除噪声对电能质量扰动 信号 *S*(*t*)进行降噪处理,其中原始信号的信噪比为 20 dB. 对比结果如表 2 所示.

> 表 2 不同降噪方法 SNR 和 MSE 对比结果 Tab.2 Comparison of SNR and MSE results for different noise reduction methods

	10, 101	127.14	र म रे च	ナレンゴ	FEME	数学	改进
位测	位测	原始	(世國 (古	(((((((((((((((((((EEMD	形态	小波
奀型	佰你	恒安	徂.	徂.	哞喍	法	阈值
暂升	SNR	20	25.67	24.89	24.69	17.95	25.76
	MSE	0.086	0.045	0.049	0.050	0.110	0.044
暂降	SNR	20	23.63	22.26	24.13	18.36	24.45
	MSE	0.057 6	0.037	0.043	0.035	0.068	0.033
中断	SNR	20	24.47	22.40	24.32	18.16	24.56
	MSE	0.053	0.032	0.041	0.033	0.068	0.032
振荡	SNR	20	18.02	16.31	15.14	12.90	19.26
	MSE	0.090	0.119	0.110	0.127	0.163	0.078
脉冲	SNR	20	23.23	22.98	23.31	17.52	23.49
	MSE	0.072	0.049	0.050	0.048	0.094	0.047
谐波	SNR	20	15.69	15.62	22.24	17.48	18.27
	MSE	0.078	0.130	0.131	0.045	0.106	0.097

由表2可知,数学形态法降噪后信号信噪比最低,滤波效果较差;EEMD 算法在脉冲、暂升以及暂 降谐波中抗噪性能较好,但在振荡、暂降振荡中,检 测效果较差且容易将高频有效分量滤除;软阈值函 数对谐波信号的降噪效果较差,降噪后的信号容易 丢失特征信息,影响去噪效果;硬阈值函数降噪总体 降噪效果优于软阈值、EEMD 以及数学形态法,但在 谐波检测中效果较差且重构信号所得的信号容易出 现局部震荡,不利于信号进一步检测;改进小波阈值 函数降噪方法无论在单一扰动信号还是复合信号扰 动中,重构信号的信噪比和均方根误差的指标上相 对于其他4种降噪方法明显提高.实验结果表明,本 文算法能有效去除干扰噪声,在提高信号信噪比的 同时能最大还原原始不含噪信号,有利于信号的进 一步检测.

3.2 单一扰动信号分析

在单一扰动信号检测仿真中,分别利用 EMD、 EEMD 和 VMD 对同一扰动信号进行检测.电压暂降 信号的表达式为:

 $S(t) = \{1 - \alpha[u(t_2) - u(t_1)]\}sin(\omega t)$ (22) 式中: $\omega = 2\pi f$, f = 50 Hz, $t_2 = 0.14$ s, $t_1 = 0.08$ s, $\alpha = 0.7$ pu,采样频率为 3 200 Hz,原始信号信噪比为 20 dB, 仿真时长为 0.2 s. 原始信号 S(t)和降噪信号 Z(t)的 对比结果如图 2(a)所示;图 2(b)为信号 Z(t)的傅里 叶频谱图. 由图 2 可知,信号中仅存在 50 Hz 的频 率,因此分解个数 K 的取值为 1.



图 2 单一扰动下改进小波阈值降噪信号及其傅里叶频谱图 Fig.2 Improved wavelet threshold denoising signal and its Fourier spectrum under single disturbance

图 3 分别为采用 EMD、EEMD 和 VMD 得到的 瞬时幅值和瞬时频率图.通过对比可知,VMD 相比 EMD 和 EEMD 得到的幅值频率信息更准确,波动范 围小,曲线更为平缓,能准确得到基波幅值为 1 pu, 频率为 50 Hz,暂降深度为 0.665 pu. EMD 和 EEMD 受噪声影响导致扰动信息提取不准确,EEMD 提取 出的瞬时频率模态混叠现象严重,而 EMD 提取的幅 值、频率曲线波动大,检测误差较大.因此,在强噪声 环境下,EMD 和 EEMD 易受噪声的影响,在提取扰 动特征信息时算法容易失效,而 VMD 不但抗噪性能 比 EMD 和 EEMD 好,且检测准确度更高.



EEMD and VMD under single disturbance signal

图 4 为采用奇异值分解算法进行阈值处理得到的暂降信号的扰动检测结果.由图 4 可知,扰动发生的时刻为 0.079 6 s,终止时刻为 0.140 3 s.由上述结果分析可得,在噪声强度为 20 dB 的强噪声环境下,本文所提算法不仅能准确提取出电压暂降信号的扰动幅值和时间等信息,且检测精度高.

为验证本文算法对不同类型扰动信号的检测性能,对表1中5种电能质量扰动信号添加信噪比20dB的高斯白噪声,分别采用EMD、EEMD和VMD对其进行检测.检测结果如表3所示.其中,C1为暂降信号,C2为暂升信号,C3为电压中断信号,C4为

暂态脉冲信号,C5为电压暂态振荡信号.



Fig.4 Voltage sag signal positioning result

表 3 不同类型扰动信号的起止时刻检测对比结果 Tab.3 Starting and ending moment comparison results of different types of disturbance signals

类 型	起始时刻				终止时刻			
	实 际 值	测量值			实际	测量值		
		EMD	EEMD	VMD	值	EMD	EEMD	VMD
C1	$40\Delta t$	$39\Delta t$	$43\Delta t$	$39\Delta t$	$70\Delta t$	$73\Delta t$	$69\Delta t$	$70\Delta t$
C2	$20\Delta t$	—	$22\Delta t$	$19\Delta t$	$50\Delta t$	$52\Delta t$	—	$50\Delta t$
C3	$34\Delta t$	$33\Delta t$	$33\Delta t$	$34\Delta t$	$66\Delta t$	$66\Delta t$	$67\Delta t$	$65\Delta t$
C4	$32\Delta t$	$32\Delta t$	$32\Delta t$	$32\Delta t$	$33\Delta t$	$32\Delta t$	$33\Delta t$	$33\Delta t$
C5	$25\Delta t$	—	—	$23\Delta t$	$40\Delta t$	—	—	$38\Delta t$

注: $\Delta t = 2 \text{ ms}$;一表示检测不出.

由表 3 可知, VMD 在 3 种检测算法中的检测精 度最高. EMD 方法的检测能力最差, 抗噪性较弱. 由 于 EMD 和 EEMD 的模态混叠作用,导致两者在暂态 振荡信号检测中检测失效.

由表4可知,本文算法的检测效果优于EMD和 EEMD;VMD对幅值和频率的检测精度要高于其他 两类检测算法.对于脉冲信号,由于去噪算法会平滑 掉一些幅值信息,所以EMD、EEMD以及VMD算法

表 4 不同类型扰动信号的幅值和频率检测对比结果 Tab.4 Amplitude and frequency comparison results of different types of disturbance signals

	扰动幅值/pu				扰动频率/Hz			
类 ⁻ 型	实 际 值	测量值		实际	测量值			
		EMD	EEMD	VMD	值	EMD	EEMD	VMD
C1	0.7	0.640	0.654	0.665	*	*	*	*
C2	1.4	1.364	1.369	1.378	*	*	*	*
C3	0.08	0.140	0.176	0.104	*	*	*	*
C4	1.7	1.102	1.108	1.145	*	*	*	*
C5	1.7	_	—	1.178	500	—	—	500

注:*表示无需检测;一表示检测不出.

在扰动幅值检测上会有一定的误差. EMD 和 EEMD 在暂态振荡信号中已无法提取出电能质量扰动信息,但 VMD 算法在振荡信号中仍然适用. 结合表 3 和表 4 可得,本文所提算法在单一扰动信号中的检测效果优于 EMD 和 EEMD,且检测准确度更高、抗噪能力更好.

3.3 复合扰动信号分析

复合扰动信号暂降谐波信号的数学模型为: $S(t) = [1 - \alpha(u(t_2) - u(t_1))] \sin(\omega t) +$

$$\beta \sin(3\omega t) + \delta \sin(5\omega t)$$
(23)

式中: $\omega = 2\pi f$, f = 50 Hz, $t_2 = 0.14$ s, $t_1 = 0.05$ s, $\alpha = 0.7$ pu, $\beta = 0.35$ pu, $\delta = 0.2$ pu, 采样频率为 3 200 Hz, 原 始信号的信噪比为 20 dB, 仿真时长为 0.2 s. 采用改 进小波阈值函数降噪后的结果和信号傅里叶频谱图 如图 5 所示. 由图 5(b)可知,应用 VMD 分析暂降谐 波信号时 K 设置 3.





图 6 为利用 VMD 算法分解得到的本征模态分量. 由图 6 可知, VMD 能准确地分离出基波、3 次谐 波和 5 次谐波且扰动细节保留完好.

图 7 为采用 EMD、EEMD 和 VMD 分解后得到 的复合扰动信号的幅频对比图.由图 7 可知,VMD 能有效地将信号分离出基波 50 Hz、3 次谐波 150 Hz 和 5 次谐波 250 Hz. EMD 和 EEMD 算法无法分离出 不同频率的本征模态函数分量,模态混叠现象严重. VMD 分离出瞬时幅频曲线虽有一定幅度的波动,但 特征信息明显.因此,在 20 dB 强噪声情况下,对于 复合扰动信号的检测,VMD 能正确分离出扰动分量, 既没有因过分解产生的虚假分量也没有出现模态混 叠现象,其检测效果同样优于 EMD 和 EEMD 算法.



图 8 是暂降谐波信号定位检测结果图. 由图 8 可知,暂降发生的时刻为 0.050 3 s,终止时刻为 0.139 4 s. 为验证 VMD 算法在复合扰动信号中的抗 模态混叠能力和检测能力,本文还对暂降振荡复合 信号进行检测,表 5 为暂降谐波信号和暂降振荡信 号的检测结果.其中,D1 信号为暂降谐波信号,D2 为暂降振荡信号.



Fig.8 Dumping harmonic signal positioning result

表 5 不同类型复合扰动信号的检测对比结果 Tab.5 Detection and comparison results of different types of composite disturbance signals

类	起始时刻/s		终止时刻/s		扰动响	畐值/pu	扰动频率/Hz	
型	实际值	测量值	实际值	测量值	实际值	测量值	实际值	测量值
D1	0.05	0.05	0.14	0.139	0.7	0.668	*	*
D2	0.04	0.049	0.15	0.153	0.5	0.517	*	*
	0.08	0.083	0.11	0.116	0.7	0.340	500	468
类	3 次幅值/pu		5次幅值/pu		3 次频率/Hz		5 次频率/Hz	
型	实际值	测量值	实际值	测量值	实际值	测量值	实际值	测量值
D1	0.35	0.210	0.2	0.067	150	150	250	252.8

注:* 表示无需检测

由表 5 可知,在扰动检测方面,本文所提算法的 检测结果与预设参数几乎无异;在扰动检测方面,由 于暂降振荡信号中振荡信号的幅值呈指数递减,在 降噪过程中会滤除掉一部分有效信息,造成扰动幅 值的检测有一定的偏差,但仍能提取出明显的扰动 信息.由上述结果可知,VMD 在强噪声条件下可实 现复合扰动信号有效分析与检测,进一步验证了本 文提出算法的准确性与有效性.

3.4 实际电网数据分析

采用 IEEE 1159 监测电能质量网站上实时故障 事件产生的电压信号,评估本文算法的有效性^[20],三 相原始电压信号如图 9 所示. 扰动信号包括 16 个正 弦波周期,采样点数为 256 个,信号频率为 60 Hz.

图 10(a)为实测信号的改进小波阈值函数降噪 结果,图 10(b)为实测信号的傅里叶频谱图.图 10 (a)中的信号幅值进行归一化处理.由图 10(b)可知, 实测信号进行 VMD 分解时 K 取 1.

图 11 为信号经 Hilbert 变换得到的幅频分析结果. 由图 11 可得信号频率为 60 Hz, 基波幅值为 0.815 3 pu, 扰动幅值为 0.321 7 pu, 与 FFT 分析结果 一致.



图 9 PQDiffractor 三相原始电压信号





其傳里叶频谱图

Fig.10 Improved wavelet threshold denoising signal and its Fourier spectrum under actual disturbance of power grid





图 12 为实测信号的检测结果,扰动起始时刻为 0.1667s,结束时刻为 0.225s.结合图 11 和图 12 可 知,实测信号的扰动类型为电压暂降.综上所述,本 文提出的算法对实际电网中非平稳信号具有很好的 分析能力,能准确提取出扰动信息的时频特征,且可 有效检测扰动的发生和恢复时刻.



4 电能质量扰动检测平台

为模拟实际电网信号采集检测分析的过程,基于 Agilent 33500B 函数发生器、PXIe-1071 机箱、PX-Ie-8840 控制器、NI PXIe-6341 数据采集卡、DSOX-2012B 示波器以及 LabVIEW 上位机平台,开发了电能质量扰动检测平台.其中,PXIe-8840 控制器主频为 2.7 GHz,具有多个 USB 接口,可外接鼠标、键盘、显示器等设备,具有强大的运算能力.NI PXIe-6341 数据采集卡具有 16 位的 ADC 分辨率、单通道以及多通道采样率,最大为 500 kS/s,输入电压为±10 V.图 13 为基于 PXI 和 LabVIEW 架构的电能质量扰动检测实验平台.



图 13 基于 PXI 和 LabVIEW 架构的电能质量扰动检测平台 Fig.13 Power quality disturbance detection platform based on PXI and LabVIEW architecture

由图 13 可知,实际电网信号由函数信号发生器 动态产生,通过示波器观察显示实测的电压波形,信 号经 PXI 高速数据采集卡电压模拟量输入通道实现 数据采集,通过 NI-DAQmx 进行通道数目、采样速率 和输入范围等参数设置将数据实时传输至上位机, 由上位机软件编程实现采集数据的实时波形显示、 数据处理分析、检测分类识别、历史数据查询以及查 询结果导出等功能.

5 结 论

针对现有的电能质量检测算法抗噪性弱和检测 精度不高的问题,本文提出了基于改进小波阈值函 数和变分模态分解的电能质量扰动检测算法,将本 文算法分别采用改进小波阈值与其他阈值函数对 比、单一扰动、复合扰动仿真实验和实测信号的检测 实验,结果表明,本文提出算法能准确提取信号的检测 实验,结果表明,本文提出算法能准确提取信号的扰 动起止时刻、幅值和频率等特征信息,且提取的特征 值具有较高的精度;同时,对比 EMD 和 EEMD 的检 测效果,证明了本文算法在抗模态混叠、抗虚假分 量和噪声鲁棒性方面的优势;最终通过搭建基于 PXI 和 LabVIEW 的电能质量扰动检测平台进一步 验证本文提出算法在强噪声环境下检测的准确性和 有效性.

参考文献

- [1] 刘志刚,张巧革,张杨. 电能质量复合扰动分类的研究进展[J].
 电力系统保护与控制,2013,41(13):146—153.
 LIU Z G,ZHANG Q G,ZHANG Y. Review of power quality mixed disturbances identification [J]. Power System Protection and Control,2013,41(13):146—153. (In Chinese)
- [2] 江亚群,何怡刚.基于图像边缘检测方法的暂态电力扰动检测
 [J].湖南大学学报(自然科学版),2008,35(12):37-41.
 JIANG Y Q,HE Y G. Transient power disturbance detection based on image edge detection theory [J]. Journal of Hunan University (Natural Sciences),2008,35(12):37-41. (In Chinese)
- [3] 杨晓梅,罗月婉,肖先勇,等. 基于自适应阈值和奇异值分解的 电能质量扰动检测新方法 [J]. 电网技术,2018,42(7):2286-2294.

YANG X M, LUO Y W, XIAO X Y, *et al.* A new detection approach of power quality disturbances based on adaptive threshold and singular value decomposition [J]. Power System Technology, 2018, 42 (7):2286–2294. (In Chinese)

[4] 宋海军,黄传金,刘宏超,等. 基于改进 LMD 的电能质量扰动检 测新方法[J]. 中国电机工程学报,2014,34(10):1700—1708.
SONG H J,HUANG C J,LIU H C,et al. A new power quality disturbance detection method based on the improved LMD [J]. Proceedings of the CSEE,2014,34(10):1700—1708. (In Chinese)

- [5] THIRUMALA K, UMARIKAR A C, JAIN T. Estimation of singlephase and three -phase power -quality indices using empirical wavelet transform [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2015, 30(1):445-454.
- [6] 王燕,李群湛,周福林,等.一种暂态电能质量扰动检测的新方法[J].中国电机工程学报,2017,37(24):7121-7132.
 WANG Y,LI Q Z,ZHOU F L,*et al.* A novel algorithm for transient power quality disturbances detection[J]. Proceedings of the CSEE, 2017,37(24):7121-7132. (In Chinese)
- [7] 王宁,李林川,贾清泉,等.应用原子分解的电能质量扰动信号 分类方法[J].中国电机工程学报,2011,31(4):51—58.
 WANG N,LI L C, JIA Q Q, et al. Classification of power quality disturbance signals using atomic decomposition method [J]. Proceedings of the CSEE,2011,31(4):51—58. (In Chinese)
- [8] 张杨,刘志刚. EEMD 在电能质量扰动检测中的应用[J]. 电力自动化设备,2011,31(12):86—91.
 ZHANG Y,LIU Z G. Application of EEMD in power quality disturbance detection [J]. Electric Power Automation Equipment, 2011,31(12):86—91. (In Chinese)
- [9] DRAGOMIRETSKIY K,ZOSSO D. Variational mode decomposition
 [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2013, 62 (3):531-544.
- [10] 陈陈,李晓明,杨玲君,等.变分模态分解在电力系统谐波检测中的应用[J].电力系统保护与控制,2018,46(14):63-70.
 CHEN C,LI X M,YANG L J,*et al.* Application of variational mode decomposition in power system harmonic detection [J]. Power System Protection and Control,2018,46(14):63-70. (In Chinese)
- [11] 黄传金,周铜.基于变分模态分解的电能质量扰动检测新方法
 [J].电力自动化设备,2018,38(3):116—123.
 HUANG C J,ZHOU T. A new detection method of power quality disturbance based on VMD [J]. Electric Power Automation Equipment,2018,38(3):116—123. (In Chinese)
- [12] ZHANG X ,MIAO Q ,ZHANG H ,et al. A parameter –adaptive VMD method based on grasshopper optimization algorithm to analyze vibration signals from rotating machinery [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2018, 108(8):58–72.
- [13] LIAN J J, LIU Z, WANG H J, et al. Adaptive variational mode decomposition method for signal processing based on mode character-

istic[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2018, 107(7): 53-77.

- [14] CHAKRAVORTI T, DASH P K. Multiclass power quality events classification using variational mode decomposition with fast reduced kernel extreme learning machine-based feature selection[J]. IET Science, Measurement & Technology, 2018, 12(1):106-117.
- [15] 范小龙,谢维成,蒋文波,等.一种平稳小波变换改进阈值函数 的电能质量扰动信号去噪方法 [J].电工技术学报,2016,31 (14):219-226.

FAN X L,XIE W C,JIANG W B,et al. An improved threshold function method for power quality disturbance signal de –noising based on stationary wavelet transform [J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2016,31(14):219–226. (In Chinese)

- [16] 李涛,何恰刚,张宇,等. 基于提升小波的电能质量高效定位算法[J].仪器仪表学报,2013,34(2):281-288.
 LI T,HE Y G,ZHANG Y,*et al.* High efficient location algorithm for power quality signals with lifting wavelet transform [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument,2013,34(2):281-288.
- [17] 张全明,刘会金,兰泉妮,等. 基于小波混合阈值方法的电能质量信号去噪[J].电力自动化设备,2008,28(8):28—30.
 ZHANG Q M, LIU H J, LAN Q N, et al. Power quality signal denoising based on wavelet hybrid threshold method [J]. Electric Power Automation Equipment,2008,28(8):28—30. (In Chinese)
- [18] 徐永海,赵燕.基于短时傅立叶变换的电能质量扰动识别与采 用奇异值分解的扰动时间定位 [J].电网技术,2011,35(8): 174--180.

XU Y H,ZHAO Y. Identification of power quality disturbance based on short-term Fourier transform and disturbance time orientation by singular value decomposition [J]. Power System Technology, 2011,35(8):174-180. (In Chinese)

- [19] BÍSCARO A A P, PEREIRA R A F, KEZUNOVIC M, et al. Integrated fault location and power-quality analysis in electric power distribution systems [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2016, 31 (2):428–436.
- [20] WANG M H, TSENG Y F. A novel analytic method of power quality using extension genetic algorithm and wavelet transform [J]. Expert Systems with Applications, 2011, 38(10):12491—12496.