文章编号:1674-2974(2020)03-0089-08

DOI:10.16339/j.cnki.hdxbzkb.2020.03.011

桥梁动态称重技术在中小跨径混凝土 梁桥上的适用性研究

邓露^{1†},李树征¹,淡丹辉²,赵华¹,余加勇¹,晏班夫¹ (1. 湖南大学 土木工程学院,湖南长沙 410082;2. 同济大学 桥梁工程系,上海 200092)

摘要:为准确了解桥梁动态称重(BWIM)技术在不同类型桥梁上的适用性,从而为 BWIM 技术选型提供理论依据,针对我国应用范围最广的中小跨径混凝土梁桥开展了 BWIM 系统测试精度和稳定性的研究.首先基于公路桥梁通用图集建立了典型截面和跨度的梁桥模 型,利用数值仿真方法获得了不同加载工况下车辆和桥梁的动态响应;然后利用经典 BWIM 方法计算了车辆总重和轴重及其识别误差;最后利用参数分析方法研究了桥梁跨径、截面类 型、车辆类型、传感器测点位置、路面平整度、测量噪声、行驶速度等重要因素对识别效果的影 响.研究发现:在不同跨径和截面类型的桥梁及各种复杂工况下,利用 BWIM 技术均可以获得 理想的总重识别效果;而在轴重识别方面,桥梁跨径越小,识别效果越佳;另外,空心板桥具有 更好的识别精度,T 梁桥次之,小箱梁桥最次;路面平整度的劣化和输入信号噪声可能对 BWIM 系统的轴重识别效果产生不利的影响,实际应用中维护路面平整和控制输入噪声对于 获得可靠的车辆称重结果具有重要的意义.

关键词:动态称重;荷载识别;识别误差;车桥耦合振动 中图分类号:U441.2 文献标志码:A

Study on Applicability of Bridge Weigh-in-Motion Technology in Short- to Medium-span Concrete Girder Bridges

DENG Lu^{1†}, LI Shuzheng¹, DAN Danhui², ZHAO Hua¹, YU Jiayong¹, YAN Banfu¹

(1.College of Civil Engineering, Hunan University, Changsha 410082, China;

2. Department of Bridge Engineering, Tongji University, Shanghai 200092, China)

Abstract: In order to accurately understand the applicability of Bridge Weigh-In-Motion (BWIM) technologies in different types of bridges, and therefore to provide a theoretical basis for the selection of BWIM technology, the accuracy and stability of BWIM systems were studied by adopting the most widely used short- to medium-span concrete girder bridges in China. Firstly, beam bridge models with typical cross sections and span lengths were established based on the standard highway bridge drawings, and the dynamic responses of vehicles and bridges under different loading conditions were obtained by means of numerical simulation. Then, the gross vehicle weight and axle weight were calculated by classical BWIM methods and the identification errors were obtained. Finally, the influence of some important factors such as bridge span length, section type, vehicle type, vehicle speed, sensor installation position,

* 收稿日期:2019-06-23

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51778222,51478176), National Natural Science Foundation of China(51778222,51478176) 作者简介:邓露(1984一),男,湖南娄底人,湖南大学土木工程学院教授,博士

[†]通讯联系人, E-mail:denglu@hnu.edu.cn

90

road roughness and measurement noise on the identification accuracy was studied based on parametric studies. The research results show that, for gross weight identification, satisfactory accuracy can be achieved by the BWIM technologies investigated under various complex working conditions with different types of bridges and different bridge span lengths and cross sections; for axle weight identification, better identification accuracy is achieved on shorter bridge span lengths and the best accuracy is achieved on hollow slab bridges, followed by T-beam bridges and small box girder bridges. In addition, the deterioration of road roughness and input signal noise may adversely affect the axle weight identification accuracy of the BWIM systems. Therefore, it is of significant importance to maintain the road surface condition and control the input noise in order to obtain the reliable weighing results.

Key words: Weigh-in-Motion(WIM); load identification; identification error; vehicle-bridge coupled vibration

随着交通运输业的迅速发展,桥上车辆荷载发 生了很大的变化.一方面,车辆数量和载重量的大幅 增长造成了实际交通荷载可能与桥梁结构设计荷载 存在较大差异;另一方面,日益增多的车辆超载事件 还可能会导致桥梁产生严重的损伤甚至发生失效事 故,给桥梁安全带来巨大的威胁^[1].快速识别车辆重 量的技术可用于实际车辆荷载统计和超载车辆监 测,该类技术的发展对于桥梁等公路设施的安全运 营具有重要作用. 桥梁动态称重(Bridge Weigh-inmotion, BWIM) 技术能够高效地识别正常行驶车辆 的重量、轴距轴重分布信息,且具有安装、维护方便 而且不需要中断交通的优点. Moses^[2]于 1979 年第一 次提出了 BWIM 的概念和算法, 而后国内外学者开 展了大量的研究,并开发了不同的 BWIM 系统.早期 的欧洲 WIM (Weigh-in-Motion, WIM)规范³³推荐以 跨径 5~15 m 的梁桥或涵洞作为 BWIM 系统的测试 载体,并初步明确了动态称重技术的识别精度等级. Oh^{lei}将 BWIM 系统应用到一座跨径 28 m 的 T 梁桥, 采用数值模拟方法得到三轴车重量识别误差为±8%. Kalin 等同测量了重量为 40 吨的 5 轴半挂车通过多 座桥梁时的桥梁动应变,并利用 BWIM 方法测量了 车辆重量,发现 BWIM 技术也适用于跨径达 30.5 m 的简支 T 梁桥.Yu 等使用小波分析方法从桥梁整体 响应中获得了车轴的纵向位置¹⁰,同时利用同一截面 不同传感器的响应差异, 识别出了车轴在桥梁上的 横向位置¹⁷,而后利用识别的车轴信息识别出了车辆 轴重.近几年,Yu 等18和任伟新等19国内外多位学者对 BWIM 技术的发展历史和研究现状进行了总结.王宁 波等¹⁰⁰还研究了 BWIM 技术适用的桥型范围,并探 讨了现阶段能达到的测试精度水平.

我国桥梁中占比最大的桥梁类型为中小跨径混凝土桥梁,然而目前关于桥梁类型、桥梁跨径以及 BWIM 技术方案等对识别精度和稳定性的综合性影响的研究还较少,已有研究中对于路面平整度、系统 噪声等因素的影响作用的考虑也不够充分.

基于以上研究现状,本文建立了不同桥梁截面 类型和跨径的9座桥梁模型,利用车桥耦合振动数 值模拟获得了桥梁在不同车辆模型作用下的动力响 应,然后利用 BWIM 算法计算了移动车辆的重量,最 后基于误差分析对比研究了不同 BWIM 技术方案在 我国常见中小跨径混凝土梁桥上的测试精度和稳定 性.研究中考虑了桥梁跨径、截面类型、车辆类型、传 感器测点位置、路面平整度、测量噪声、行驶速度等 因素的影响,结果可为工程应用中 BWIM 系统的方 案选择提供参考.

1 BWIM 技术的求解理论

1.1 基于 Moses 算法的 BWIM 技术

使用 O'Brien 等¹¹¹提出的"矩阵方法"可以标定 出高精度的桥梁影响线,然后利用影响线加载法可 以获得车辆过桥时桥梁响应的理论值;另一方面,桥 梁实际响应还可以通过数值模拟或试验测量得到. 当车辆轴重未知时,可基于桥梁响应理论值和实际 值之差建立以未知轴重为变量的误差函数,然后通 过求解误差函数最小值,获得车辆轴重的估计.实际 误差函数 E 的表达式如式(1):

$$E = \sum_{k=1}^{K} [S_k^a - S_k^b]^2$$
(1)

式中:K表示总的时间步数;S%为第 k个时间步

的桥梁响应实测值;S^k为第 k 个时间步的桥梁响应 理论值.利用最小二乘法求解上式误差函数的最小 值,可求得车辆轴重:

$$P = (I^{\mathrm{T}}I)^{-1}I^{\mathrm{T}}S^{b} \tag{2}$$

式中:P为车辆的轴重向量;I为基于荷载位置 和影响线坐标建立的列满秩矩阵;S^b为桥梁响应的 实测值向量,T表示矩阵转置.而后将算得的车辆各 轴轴重进行叠加即可得车辆总重,表达式如下:

$$G = \sum_{i=1}^{N} P_i \tag{3}$$

其中N为车辆轴数.

1.2 基于应变面积法的 BWIM 技术

应变面积法^[12,13]是另一种求解车辆总重的方法. 该方法基本思想为车辆荷载作用下的桥梁累积响应 与车辆重量呈正相关,其不需要复杂的影响线标定 过程.具体过程为令已知重量(记为 *G*_c)的标定车辆 通过桥梁,记录桥梁的应变历程并进行积分得到积分 值 *A*_c而后只需记录待测车辆过桥时的桥梁应变历程 和积分面积*A*,则待测车辆重量 *G* 可由下式估计:

$$G = G_c \frac{A}{A_c} \tag{4}$$

需要指出的是,尽管该方法名为应变面积法,但 实际上,与 Moses 方法一样,该方法也可利用桥梁挠 度、支反力等其它类型的桥梁响应来进行车辆重量 的识别.

2 车桥耦合振动仿真系统

车桥耦合数值仿真中,首先利用模态综合法降低耦合系统微分方程的规模,然后利用 Newmark-β法求解模态坐标下的动力学方程,具体求解过程可参考文献[14,15].通过与实桥试验数据进行对比^[15],可知本文的车桥耦合仿真程序是较为准确和可靠的.

2.1 桥梁模型

本文从《公路桥梁结构上部构造系列通用设计 图》(2010年版)¹⁰9中选取了9座具有代表性的桥梁, 并利用有限元分析软件 ANSYS 建立了桥梁有限元 模型,其中桥梁支承方式为两端简支,主梁和桥面板 均采用 Solid185 单元模拟,单元边长最大尺寸限制 为 0.2 m. 桥梁模型基本参数如表 1 所示.由表中可 知,这些桥梁具有不同的截面类型、跨径和基频.桥 梁跨中横截面及车辆横向加载位置如图 1 所示.

	衣I	你杀侯空	少 奴
Tah 1	Brid	a model	noromotore

		8 1		
桥梁类型	简称	桥梁跨径/m	梁高/m	基频/Hz
空心板桥	H1	10	0.6	11.61
空心板桥	H2	16	0.8	6.06
空心板桥	Н3	20	0.95	4.6
T 梁桥	T1	20	1.5	5.87
T 梁桥	T2	30	2	3.75
T 梁桥	Т3	40	2.5	2.88
小箱梁桥	B1	20	1.2	5.11
小箱梁桥	B2	30	1.6	3.14
小箱梁桥	B3	40	2	2.31



2.2 车辆模型

本文选用三种车辆模型,分别是 2 轴车^[17]、3 轴 车^[18]以及能表征我国设计车辆荷载动力特性的 5 轴 车^[19].车辆模型的总重分别为 73.5 kN、320.1 kN、550 kN. 仿真试验中,将 2 轴车作为标定车辆,3 轴车和 5 轴车作为待测车辆.需要注意的是,由于五轴车的第 二、三轴间距和四、五轴间距很小,均为 1.4 m,利用 BWIM 算法可能难以获得这些车轴的准确重量,此 时,合理的做法是将紧密相临的多个车轴当做轴组 处理^[20].因此,在识别出该车车轴的各自重量后,将 二、三轴的轴重相加,视为一个轴组的重量,四、五轴 的轴重相加,视为另一个轴组的重量.后续的误差分 析也是基于获得的轴组重量进行.车辆模型的车轴 位置和轴重如图 2 所示.



Fig.2 Vehicle models (right view and front view)

3 BWIM 技术适用性研究

3.1 工况设置

为研究 BWIM 技术在不同类型中小跨径混凝土 梁桥上的适用性,本文建立了9座桥梁的有限元模 型,每座桥梁选取了5种不同的纵向测点位置,获得 了测点位置的弯曲应变和桥梁挠度2种桥梁响应, 然后分别利用 Moses 方法和应变面积法来进行车辆 重量识别;研究中使用了3种车辆模型、5种车辆行 驶速度、3种等级的路面不平整度和4种水平的输 入噪声,输入噪声被假设为高斯白噪声,添加噪声的 方法可参考文献[21]. 车桥耦合振动仿真的时间步长 取为 0.001 s, 即采样频率为 1000 Hz.由于通行车辆 在中小跨径混凝土梁桥上通行时间很短(1~2s),故 假设车辆为匀速行驶且车辆行驶位置与标定车道一 致,这也是众多研究普遍采用的假设.研究考虑的工 况详细如表 2 所示.其中,路面平整度根据我国 GB 7031-1986 规范模拟.为减小路面平整度样本的随机 性对识别结果的影响,对于每种等级的路面平整度, 随机生成 20 个路面样本并分别用于车桥耦合振动 仿真,然后进行20次独立的车辆重量识别,最后取 20 次识别结果的统计值来进行后续的误差分析.

表 2 数值模拟计算工况

Tab.2 V	alues of	parameters	considered	in case studies
---------	----------	------------	------------	-----------------

参数	范围
桥梁模型	H1 \H2 \H3 \T1 \T2 \T3 \B1 \B2 \B3
测点纵向位置	2/8 跨、3/8 跨、4/8 跨、5/8 跨、6/8 跨
桥梁响应	弯曲应变、挠度
路面平整度	良好、中等、较差
噪声水平	0 \1% \5% \10%
标定车辆	2 轴车
测试车辆	3 轴车、5 轴车
车速/(m·s ⁻¹)	10,15,20,25,30

3.2 车辆总重和轴重识别误差统计

欧洲 WIM 规范³³将车辆重量识别精度划分为如表 3 所示的 7 个等级,表中数值为各个等级的最大限值.

表 3 WIM 测试精度等级表/% Tab.3 Test accuracy scale of WIM

类别	A(5)	B+(7)	B(10)	C(15)	D+(20)	D(25)	Е
总重/%	5	7	10	15	20	25	>25
单轴/%	8	11	15	20	25	30	>30
轴组/%	7	10	13	18	23	28	>28

为更细致地研究车辆总重识别误差的分布情况,将总重误差A(5)级别进一步细分为A(1)、A(2)、A(3)和A(5)等级,分别对应识别误差≤1%、≤2%、≤3%和≤5%.

图 3 所示为数值模拟中共计 216 000 次仿真试 验中识别的车辆总重的误差分布图,其中左边的饼 图为 Moses 算法的识别结果,右边为应变面积法的 识别结果.从图 3 可以看出,对于所考虑的各种桥梁 截面类型和桥梁跨度,两种车辆总重识别算法均可 以获得理想的识别精度(<3%).当然,实桥应用时的 识别精度一般不会如数值模拟般理想,但基于数值 仿真,依然可以获得 BWIM 方法在不同桥型、识别算 法等因素影响下的相对表现.例如从图 3 还可以看 出,Moses 算法识别结果达到 A(1)级的占比 94%,超 过应变面积法的 89%,且 Moses 算法识别结果全部 为 A(2)级以上,不含 A(3)级,这表明了 Moses 算法 识别车辆总重的效果整体上要优于应变面积法的识 别效果.



Fig.3 Distribution of identification error of gross vehicle weight by different algorithms

由于应变面积法无法识别车辆轴重, 而总重识 别方面 Moses 方法也要优于应变面积法, 故后续关 于车辆总重和轴重识别时均采用 Moses 方法.表4 所 示为使用 Moses 算法识别的 3 轴车和 5 轴车各车轴 及总重识别误差的有效值,由表中可以看到,两个车 辆的后两轴(轴组)及总重的识别误差有效值都在 5%以内,达到了A(5)级精度,而最轻的前轴(重约3 吨)的识别误差分别超过了11%和25%,导致精度等 级降至了 B(10)和 D(25). 其中,对于同一辆车,轴 重越轻,识别误差越大,轴重越大,识别误差越小,目 总重识别精度要高于轴重识别精度. 注意到两辆车 前轴的重量均为3吨左右,但5轴车前轴的识别误 差却要远大于3轴车前轴的识别误差,其中的原因 可能是5轴车前轴重量占整车总重的比例更小,为 5.5%, 而3轴车前轴重量在整车重量中的占比为 11.1%.另外,5轴车的第2轴组重达240.0kN,大于3 轴车第3轴的142.4 kN,但后者的识别误差并未超 过前者的识别误差,也表明了识别误差不仅与车轴 的绝对重量相关,更多受车轴重量在整车重量中的 占比影响.

表 4 车辆总重与轴重识别误差有效值 Tab.4 The root mean square of identification error of gross vehicle weight and axle weight

	3 轴	由车	5 轴车		
	真实重量 识别误差		真实重量	识别误差	
	/kN	有效值/%	/kN	有效值/%	
车轴 1	35.6	13.55	30.0	28.97	
车轴 2	142.1	4.83	240.0	4.26	
车轴 3	142.4	2.39	280.0	1.11	
总重	320.1	0.48	550.0	0.47	

3.3 桥梁跨径对识别效果的影响

图 4 所示为 3 轴车和 5 轴车的总重和轴重识别

误差有效值随桥梁跨径变化的情况.从图 4 中发现, 随着桥梁跨径的增大,车辆重量识别误差可能会迅 速增大.为此,将基于不同跨径和不同截面的 9 座桥 梁识别出的车辆总重和轴重的识别误差有效值列于 表 5. 由表中结果可以得知,车辆总重的识别效果受 桥梁跨径和截面类型的影响较小,识别误差一直保 持在 0.5%左右,并不随跨径的增长而增大.





表 5 不同跨径桥梁的车重识别误差 Tab.5 Identification error of vehicle weight under different bridge span lengths

広亿		识别误差有效值/%							
^{跨位} 桥梁 /m		3 轴车			5 轴车				
		总重	轴1	轴 2	轴 3	总重	轴1	轴 2	轴 3
10	H1	0.47	2.27	0.64	0.80	0.51	5.36	0.74	0.77
16	H2	0.50	5.74	2.37	1.75	0.55	6.66	1.88	1.36
20	H3	0.49	5.72	2.36	1.55	0.50	7.25	2.07	1.23
	T1	0.48	6.34	2.90	1.88	0.48	9.19	2.46	1.48
	B1	0.54	7.61	2.96	1.80	0.50	8.69	2.37	1.37
30	T2	0.48	13.21	5.64	2.85	0.44	24.20	5.41	2.18
	B2	0.47	11.81	5.20	2.84	0.44	30.36	5.60	2.18
40	Т3	0.45	18.54	6.82	3.90	0.45	36.84	6.97	2.94
	В3	0.42	28.73	8.69	2.68	0.39	38.12	7.57	2.25

关于轴重识别,10 m 跨径空心板桥上的识别效 果最好;16 m 和 20 m 跨径的空心板桥上的识别精度 也达到了欧洲 WIM 规范中的最高 A(5)级别;20 m 跨径的 T 梁桥和小箱梁桥的轴重识别误差略大,精 度下降到 B+(7)级;当跨径超过 20 m 时,无论 T 梁 桥还是小箱梁桥,轴重识别精度均大幅下降,甚至部 分识别误差已超过 20%,不再具有良好的参考价值. 显然,与总重识别不同的是,基本上,轴重识别误差 会随桥梁跨径增长而明显增大,尤其较轻的前轴受 影响最为明显,而最重的后轴所受影响则相对较小; 另外,3种不同类型的桥梁截面中,空心板桥的识别 效果最好,T梁桥次之,小箱梁桥的识别效果最次.

3.4 传感器测点位置对识别效果的影响

基于5个不同纵向位置的桥梁响应识别的车辆 总重和轴重的误差有效值如图 5 和图 6 所示. 从图 中可以看到,对于3种典型截面的梁桥,传感器测点 位置变化时,总重和轴重识别误差基本上变化不大, 表明在本文所研究的情况中, 传感器纵向位置对重 量识别的影响很小.这可能是因为利用数值仿真模 拟桥梁振动时,桥梁不同位置响应的模拟精度是基 本一致的,故识别结果的精度也较为接近.值得注意 的是,跨中位置的轴重识别精度略低于两侧,这与既 往研究中普遍认为最优的传感器安装位置为跨中位 置不同.不过,在实桥应用中,桥头搭板落差等其它 局部缺陷可能对安装在其附近的传感器的信号测量 产生不利的影响;此外,越接近桥梁端部,桥梁响应 越小,对信号采集设备的要求也会越高,因此实际工 程中应综合考虑各方面影响因素,选择合适的测点 位置.









3.5 路面平整度对识别效果的影响

车重识别误差随路面平整度变化情况如图 7 和 图 8 所示.由图容易发现,对于车辆总重和轴重的识 别,路面平整度越差,识别的相对误差也越大,其中 "良好"路面等级下的识别效果和"中等"路面等级下 的识别效果差异相对较小,而当路面状况劣化到"较 差"等级时,识别误差会较为明显地增大.显然,作为 车桥耦合振动的主要激励源,路面不平整会导致桥 梁不规则振动,从而对车辆重量的识别产生影响,因 此及时维护修缮桥梁,保持桥面平整对于获得可靠 的车辆重量识别效果具有非常重要的意义.







3.6 车辆速度对识别效果的影响

图 9 和图 10 分别为车辆按不同速度行驶时,总 重和轴重识别误差的有效值.由图可以看到,车速对 车重识别误差的影响没有较为明确的规律.对于不 同的桥梁,识别误差的变化并不一致,峰/谷值对应 的车速也不相同.尤其需要注意的是,更小的行驶速 度,并不一定获得更小的识别误差,但基本上轴重识 别误差的最大值均发生在车辆以 30 m/s 的最高速度 行驶时,因此,为了获得较好的轴重识别效果,可以 适当对货车在测试路段的最高行驶速度进行一定的 限制.



Fig.9 Identification error of gross vehicle weight under different vehicle speeds



3.7 输入噪声对识别效果的影响

图 11 和图 12 为输入信号中掺入不同水平噪声 后的车重识别误差有效值.从图中可以发现,识别误 差的大小与噪声水平呈正相关关系,其中,总重识别 误差受噪声影响较为明显,当噪声水平从 1%增长到 10%时,识别误差有效值呈现了翻倍的增长;而轴重 识别误差的增长则相对平缓,这可能是由于在众多 因素的共同影响下,轴重识别误差的绝对大小较大, 而输入信号的噪声在众多影响因素中并不占主导地 位.不过尽管噪声水平增大到 10%时,总重识别误差 出现了明显增长的趋势,但实际上识别误差的有效 值仍然小于 1%;同时,尽管轴重识别误差也有一定 程度增长,但利用跨径不大于 20 m 的桥梁识别的轴 重的误差均控制在了 5%以内,表明 BWIM 技术在输 入噪声的干扰下仍具有较高的可靠性.



图 11 不同噪声水平下总重识别误差





4 结 论

通过建立不同截面类型和跨径的9座混凝土桥 梁模型,基于车桥耦合数值仿真技术对桥梁动态称 重技术在我国典型中小跨径混凝土梁桥上的适用性 进行了研究.获得的主要结论如下:

1)应变面积法和 Moses 算法两种经典 BWIM 算 法都可以获得较为理想的总重识别精度,其中 Moses 算法的识别精度略高.基于 BWIM 技术,我国常见的 不同截面类型和跨径的混凝土梁桥,均适用于移动 车辆总重的识别.

2)桥梁跨径越小,车辆轴重的识别精度越高;对 于跨径在 20 m 以内的桥梁,空心板桥的识别效果最 好,而对于跨径大于 20 m 的 T 梁桥和小箱梁桥,前 者的识别效果要好于后者.因此,将 BWIM 系统应用 于实际的公路梁桥时,首选的桥梁为小跨径的空心 板桥,而当必须应用于较大跨径的梁桥时,则应优先 选择 T 梁桥. 3)路面不平整是影响 BWIM 系统识别精度的重要因素.当路面状况劣化到一定程度时,车辆重量尤 其是轴重的识别误差可能明显增大.因此,维护桥面 平整对于保障 BWIM 系统的识别效果具有重要意义.

4)输入信号噪声可能对车重识别效果产生不利 的影响,不过对于本文研究的短跨径桥梁,车重识别 误差均可控制在可接受的范围内.

5)BWIM 系统对于桥梁响应测点的纵向位置的 敏感性较低,实际应用中并不需要严格要求传感器 安装于桥梁跨中位置.

6)车辆速度对于车辆总重的识别精度的影响没 有明确的规律,但对于研究中考虑的速度范围,总重 识别均可获得良好的效果.另外,当速度超过一定范 围时,可能导致轴重识别误差增大.因此,有必要对称 重测试区段的货车行驶速度设定合理的上限值.

需要指出的是,上述结论是基于对单个车辆通 过简支梁桥的研究而得出的.注意到 Moses 算法本身 是可适用于多车重量识别的,此时如何在复杂情况 下获得准确的车辆速度和轴距信息将是重量识别的 关键,因此 BWIM 方法在复杂因素影响下的应用效 果仍需要进行进一步的研究.

参考文献

[1] 吉伯海,傅中秋.近年国内桥梁倒塌事故原因分析[J]. 土木工程 学报,2010,43(S1):495-498.
JI B H, FU Z Q. Analysis of Chinese bridge collapse accident causes in recent years[J]. China Civil Engineering Journal,2010,43(S1): 495-498. (In Chinese)

- MOSES F. Weigh-in-motion system using instrumented bridges[J]. Journal of Transportation Engineering, 1979, 105(3):233-249.
- [3] JACOB B, O'BRIEN E J, JEHAES S. COST 323: Weigh-in-motion of road vehicles-final report [R]. Paris: Laboratoire des Ponts et Chaussees, 2002:18-30.
- [4] OH J, KIM J, KIM H, et al. BWIM -based overweight vehicle enforcement technique for intelligent transportation systems of ubiquitous city [C]// Proceeding of Singapore International NDT Conference & Exhibition 2013. Singapore, 2013: 19–20.
- [5] KALIN J,ZNIDARIC A,LAVRIC I. Practical implementation of nothing-on-the-road bridge weigh-in-motion system [R]. Ljubljana:Slovenian National Building and Civil Engineering Institute, 2006:3-5.
- [6] YU Y, CAI C S, DENG L. Vehicle axle identification using wavelet analysis of bridge global responses [J]. Journal of Vibration and Control, 2017, 23(17):2830–2840.
- [7] YU Y, CAI C S, DENG L. Nothing-on-road bridge weigh-in-motion considering the transverse position of the vehicle [J]. Structure and Infrastructure Engineering, 2018, 14(8):1108–1122.
- [8] YU Y, CAI C S, DENG L. State-of-the-art review on bridge weigh-

in - motion technology [J]. Advances in Structural Engineering, 2016,19(9):1514-1530.

- [9] 任伟新, 左小哈, 王宁波, 等. 非路面式桥梁动态称重研究综述 [J].中国公路学报, 2014, 27(7):45-53. REN W X, ZUO X H, WANG N B, et al. Review of non-pavement bridge weigh-in-motion [J]. China Journal of Highway and Transport, 2014, 27(7):45-53. (In Chinese)
- [10] 王宁波. 桥梁动态称重技术适用范围与测试精度研究 [J]. 桥梁 建设,2015,45(5):36-41.
 WANG N B. Study of application scope and test precision of bridge weigh-in-motion technology [J]. Bridge Construction,2015,45 (5):36-41. (In Chinese)
- [11] O'BRIEN E J,QUILLIGAN M,KAROUMI R. Calculating an influence line from direct measurements [J]. Bridge Engineering,Proceedings of the Institution of Civil Engineers, 2006, 159 (BE1): 31-34.
- [12] OJIO T, YAMADA K. Bridge weigh -in -motion systems using stringers of plate girder bridges [C]// Third International Conference on Weigh-in- Motion (ICWIM3). Iowa State University, Ames, 2002:209-218.
- [13] 陈惟珍,王志平,徐俊.一种用于钢桁架桥的 BWIM 方法[J].桥 梁建设,2009(4):72-75.
 CHEN W Z, WANG Z P, XU J. A BWIM method used for steel truss bridges[J]. Bridge Construction,2009(4):72-75. (In Chinese)
- [14] 何维. 中小跨径梁桥动力冲击系数研究[D].长沙:湖南大学土 木工程学院,2015:8-10.
 HE W. Study of dynamic impact factor for medium and small span beam bridge[D]. Changsha: College of Civil Engineering, Hunan University,2015:8-10. (In Chinese)
- [15] DENG L, CAI C S. Development of dynamic impact factor for performance evaluation of existing multi-girder concrete bridges [J]. Engineering Structures, 2010, 32(1):21-31.
- [16] 中华人民共和国交通运输部.公路桥梁结构上部构造系列通用 设计图[M].北京:人民交通出版社,2010.
 Ministry of Transport of the People's Republic of China. General design drawing of superstructure series of highway bridge structure
 [M]. Beijing: China Communications Press, 2010. (In Chinese)
- [17] ZHANG Y, CAI C S, SHI X, et al. Vehicle-induced dynamic performance of FRP versus concrete slab bridge[J]. Journal of Bridge Engineering, 2006, 11(4):410-419.
- [18] SHI X M, CAI C S. Simulation of dynamic effects of vehicles on pavement using a 3D interaction model[J]. Journal of Transportation Engineering, 2009, 135(10):736-744.
- [19] 邓露,段林利,何维,等.中国公路车-桥耦合振动车辆模型研究
 [J].中国公路学报,2018,31 (7):96—104.
 DENG L, DUAN L L, HE W, *et al.* Study on vehicle model for vehicle-bridge coupling vibration of highway bridges in China[J]. China Journal of Highway and Transport,2018,31 (7):96—104. (In Chinese)
- [20] O'BRIEN E J, ROWLEY C, GONZÁLEZ A. A regularised solution to the bridge weigh-in-motion equations [J]. International Journal of Heavy Vehicle Systems, 2009, 16(3):310–327.
- [21] JIANG R J, AU F T K, CHEUNG Y K. Identification of vehicles moving on continuous bridges with rough surface [J]. Journal of Sound and Vibration, 2004, 274(3-5):1045-1063.