文章编号:1674-2974(2017)05-0080-08

流线型箱梁断面涡激力展向相关试验研究

刘志文1,27,龚慧星1,2,陈政清1,2

(1. 湖南大学 风工程与桥梁工程湖南省重点实验室,湖南 长沙 410082;

2. 湖南大学 土木工程学院,湖南 长沙 410082)

摘 要:针对闭口流线型主梁结构涡激力展向相关性问题,在均匀流场条件下分别对振 动状态和静止状态流线型主梁节段模型进行了不同风攻角的涡激力展向相关性试验研究, 分别分析了流线型主梁断面涡激振动响应、涡激力展向相关性及主梁表面压力等.结果表 明:振动状态主梁断面涡激力展向相关系数与振幅、锁定区风速等相关,锁定区上升段主梁 断面涡激力展向相关系数大于锁定区最大振幅处主梁断面涡激力展向相关系数,扭转涡振 锁定区升力矩展向相关系数大于竖向涡振锁定区竖向涡激力展向相关系数;振动状态主梁 断面测点压力系数展向相关系数与振幅相关,振幅越大则相关系数越大.

关键词:桥梁;流线型箱梁断面;涡激振动;展向相关性;风洞试验 中图分类号:U441.3 **文献标志码:**A

Experimental Study on Spanwise Correlation of Vortex-excited Forces of a Streamlined Box Girder

LIU Zhiwen^{1,2†}, GONG Huixing^{1,2}, CHEN Zhengqing^{1,2}

(1. Hunan Province Key Laboratory for Wind Engineering and Bridge Engineering,

Hunan University, Changsha 410082, China;

2. College of Civil Engineering, Hunan University, Changsha 410082, China)

Abstract: Aiming at spanwise correlation of vortex-induced forces (VIFs) of the main deck of bridges, wind tunnel experimens of an oscillating and stationary streamlined box girder were conducted under different wind attack angles in the smooth flow. The VIV responses, spanwise correlation of vortex-excited forces, and surface pressures of the streamlined box girder were investigated. The research results showed that the spanwise correlation coefficients of the vortex-excited forces of the streamlined box girder were related to the amplitudes and wind speeds in the lock-in region. The spanwise correlation coefficients of the vortex-excited forces of the lock-in region were larger than that of the main deck at the maximum amplitude of the lock-in region. The spanwise correlation coefficients of the pitch moments of the main deck in torsional VIV were larger than that of the lift forces of the main deck in vertical VIV. Meanwhile, the spanwise correlation coefficients of the pressures on measure points of the main deck were related to the amplitudes of the oscillating main deck, and the spanwise correlation coefficients of the oscillating main deck, and the spanwise correlation coefficients of the main deck in torsional VIV were larger than that of the spanwise correlation coefficients of the main deck in the spanwise correlation coefficients of the main deck in torsional VIV were larger than that of the pressures on measure points of the main deck were related to the amplitudes of the oscillating main deck, and the spanwise correlation coefficients of the main deck in torsional vertical v

* 收稿日期:2016-03-11

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51178181,51478180), National Natural Science Foundation of China(51178181,51478180); 湖南省高校 创新平台开放基金项目(11K015), Innovation Platform Open Funds for Universities in Hunan Province(11K015) 作者简介:刘志文(1975-), 男, 山西阳高人, 湖南大学副教授, 工学博士

[†]通讯联系人,E-mail: zhiwenliu@hnu.edu.cn

cients increased with the increase of the amplitudes.

Key words: bridges; streamlined box girder; vortex-induced vibrations(VIV); spanwise correlation; wind tunnel tests

大跨桥梁结构一般具有频率低和阻尼比小等 特性,在风作用下易发生风致振动现象,从而引起桥 梁结构疲劳,并影响行车舒适性^[1-2],工程实践中已 有多座大桥发生了涡激振动.如英国 Kessock 桥、第 二塞文桥、巴西 Rio-Niteroi 桥、日本东京湾大桥、丹 麦大海带东桥主桥、俄罗斯伏尔加河大桥以及我国 西堠门大桥等都发生过程度不同的涡激振动现象, 工程实践中一般通过采取气动措施或安装调谐质量 阻尼器(TMD)等来控制^[3].桥梁结构涡激振动属于 典型的非线性振动,具有自激、限幅的特点,同时又 受振型、风场以及主梁断面周边流场等因素影响,其 振动机理十分复杂^[4].

桥梁主梁结构涡激振动具有三维特性,即主梁 涡激力沿展向并不完全同步.国内外学者分别针对 典型断面和桥梁主梁断面开展了气动力展向相关性 研究. Vickery 分别进行了均匀流和紊流中静止方 柱升力和阻力展向相关性研究,结果表明均匀流场 和紊流场条件下静止方柱的升力展向相关长度分别 为 5.6D 和 3.3D(D 为方柱截面边长)^[5].Wilkinson 针对方柱振动响应对柱体表面脉动压力展向相 关性影响进行了研究,结果表明柱体表面压力展向 相关性与结构振动幅值有关^[6]. Ehsan 等针对宽高 比为4的H形断面气动力展向相关性进行了研究, 结果表明主梁气动力展向相关性还与结构振动自由 度有关^[7]. Haan 等对宽高比为 6.67 的矩形柱体进 行气动力展向相关性试验研究,得到该矩形柱体的 升力及扭矩的展向相关性与紊流度的关系^[8]. Nagao 等对不同形状平板表面压力进行了试验测试, 并对其气动力相关性进行研究,结果表明分离再附 区附近压力对气动力展向相关性起着至关重要的作 用^[9]. Matsumoto 等分别在均匀流场、紊流场以及 正弦脉动风条件下针对矩形断面和带风嘴矩形断面 表面压力展向相关性进行了试验研究,研究发现断 面分离点之前脉动压力对断面抖振力具有重要影 响^[10]. Ricciardelli 针对宽高比为 5 的矩形断面主梁 研究了不同振动形态对气动力展向相关性影响,结 果表明结构振动形态对气动力展向相关性有较大影 响[11]. 刘志文等针对宽高比为5的矩形断面柱体涡 激力展向相关性进行了试验研究,结果表明涡振锁 定区内涡激力展向相关系数大于锁定区外涡激力展 向相关系数^[12].刘小兵等对宽高比为5:1的静止 矩形断面进行节段模型测压风洞试验,研究了气动 力展向相关性随展向间距与来流风攻角的变化规 律^[13].鲜荣等考虑振型影响采用拉条模型试验研究 了钝体箱型断面涡振激力展向相关性^[14].Li Hui 等对西侯门大桥涡激振动进行现场实测,发现沿桥 轴线风压相关性很大,且沿展向并未出现明显衰 减^[4].张冠华等针对闭口流线型箱梁断面风荷载空 间相关性进行了风洞试验研究,研究表明升力、扭矩 展向相关性远大于风速及阻力相关性^[15].

综上所述,尽管已有许多学者针对不同几何形 状断面进行了气动力展向相关性研究,并取得了一 定的成果,但对于闭口流线型主梁断面涡激力展向 相关性研究相对较少.本文针对闭口流线型箱梁在 均匀流场条件下进行了不同风攻角下振动状态和静 止状态风洞试验,对其涡激振动响应、涡激力展向相 关性及主梁表面压力等进行研究.

1 试验简介

1.1 工程概况

江顺大桥位于广东省江门至顺德之间,跨越西 江,主桥为双塔五跨闭口流线型钢箱梁斜拉桥,桥跨 布置 60+176+700+176+60=1 172 m,桥宽为 39.0 m,梁高为 3.5 m.中跨采用闭口流线型钢箱梁 结构,边跨采用闭口流线型混凝土箱梁,成桥主梁梁 底设置检修车轨道和导流板.桥塔塔高为 186 m,塔 柱截面采用箱形截面.全桥总体布置见图 1,主梁标 准横断面见图 2.



Fig. 1 The general layout of Jiangshun Bridge(cm)



图 2 主梁标准横断面图(cm) Fig. 2 Cross-section of the main girder (cm)

1.2 试验模型

综合考虑,确定主梁节段模型几何缩尺比为 1/80,模型长度为L=2.00 m,宽度为B=0.488 m, 高度为 D=0.044 m,模型长宽比约为 L/B=4.1. 为了保证模型周围流场为二维状态,在模型两端设 置尺寸较大的端板,具体尺寸为 600 mm(长)×170 mm(宽).为了进行模型气动力测试,在主梁节段模 型展向不同位置布置了5排测压孔,每排测压截面 共布置 48 个测压点,总计 240 个测压点,在风嘴、栏 杆、检修道等流场变化大区域测压孔布置加密,模型 测点布置如图 3 所示. 在每排测压断面附近布置一 个 64 通道的压力扫描模块,将压力扫描阀置于模型 内部,粘于模型底板之上,测压管和模型表面测压孔 相连,测压管与压力扫描阀模块连接长度约为40 cm,以确保测试结果的准确性. 压力扫描阀采样频 率为 331 Hz,采样时间为 20 s. 主梁节段模型试验 参数见表 1.





表 1 主梁节段模型试验参数 Tab. 1 Experimental parameters of the main deck model

竖弯振动模态			扭转振动模态		
质量 /kg	频率 f _b /Hz	阻尼比 /%	质量矩 /(kg•m ²)	频率 f _t /Hz	阻尼比 /%
8.74	4.69	0.326	0.243	9.96	0.225

根据主梁节段模型几何缩尺比和频率等确定主 梁节段模型风洞试验风速比为 $\lambda_v = 1:4.94$,试验 风速为0~10 m/s,非涡振锁定区试验风速步长为 $\Delta V_1 = 0.30 \text{ m/s}$,涡振锁定区试验风速步长为 ΔV_2 =0.10 m/s,试验雷诺数为 $Re = 0 \sim 30 \times 10^4$ (以模 型梁高为参考). 主梁节段模型风洞试验在湖南大学 风工程试验中心 HD-2 边界层风洞中进行,该试验 段截面尺寸长 17 m,宽 3 m,高 2.5 m,试验风速范 围为 0~58 m/s,均匀流场紊流度小于 0.5%. 试验 风速采用澳大利亚 TFI 公司眼镜蛇风速仪测试,模 型振动响应采用激光位移计进行测试.由江顺大桥 主梁节段模型抗风性能试验结果可知[16],该桥主梁 在一3°,-5°风攻角下均未观测到涡振现象,故本试 验仅针对风攻角为 0°,+3°和+5°进行主梁节段模 型涡激力展向相关性试验研究,试验模型如图4所 示.具体试验工况见表 2.

表 2 主梁节段模型试验工况 Tab. 2 Test cases of the main deck model

工况	模型状态	试验内容
工况 1	振动状态	测试各攻角(0°,+3°,+5°)不同风速下主梁模型位移 及表面压力
工况 2	静止状态	测试各风攻角(-5°,-3°,0°,+3°,+5°)不同风速下 模型表面压力



(a) 弹性悬挂主梁节段模型照片



(b) 主梁节段模型桥面布置照片

图 4 主梁节段模型风洞试验照片 Fig. 4 Wind tunnel test photos of the main deck model

2 试验结果

2.1 主梁涡振响应试验结果

图 5 所示为主梁节段模型涡激振动响应随折算 风速变化曲线.由图 5 可知,0°风攻角下在试验风速 范围内主梁断面未发生明显的竖向涡激共振现象, 仅发生了扭转涡激共振,锁定区折算风速为 V_r = $U/f_{t}B=15.0\sim 20.0$,对应的最大扭转响应根方差 为 0.35°.+3°风攻角下在试验风速范围内,主梁断 面出现了两个竖向涡振锁定区,锁定区折算风速分 别为 $V_r = V/f_h B = 9.0 \sim 14.0, 20.0 \sim 29.0,$ 对应最 大无量纲振幅分别为 y/D = 0.055 和 0.080;在试 验风速范围内出现了两个扭转涡振锁定区,对应锁 定区折算风速分别为 $V_r = U/f_B = 8.0 \sim 10.0, 13.$ 5~18.5,相应最大扭转位移响应根方差分别为 0. 1°和 0.7°.+5°风攻角下在试验风速范围内主梁断 面竖向、扭转涡振锁定区与+3°攻角下相应涡振锁 定区相近,竖弯及扭转第一锁定区振幅与+3°攻角 下相应涡振最大振幅接近,竖弯第二锁定区最大无 量纲振幅为 y/D=0.135,比+3°风攻角下涡振最大



振幅偏大约 68%;扭转第二锁定区最大扭转位移根 方差与+3°攻角下第二锁定区最大扭转位移根方差 接近.

2.2 涡激力展向相关性系数定义

相关系数是反映变量之间相互关系程度的系数,其取值范围为[-1,1]. *X* 与 *Y* 变量之间的相关系数*R*_{xy}可由式(1)表达:

$$R_{XY} = \frac{\sum (X - \overline{X})(Y - \overline{Y})}{\sqrt{\sum (X - \overline{X})^2 \sum (Y - \overline{Y})^2}}$$
(1)

式中:X,Y变量换为不同断面间的气动参数变量. 根据已有研究成果可知,均匀流场中静止主梁气动 力展向相关性系数可表示为式(2)形式,即

$$R_{C_i}(\delta/d) = \exp\left[-c_i \frac{\delta}{D}\right]$$
(2)

式中:c_i 为与气动力系数 C_i 相对应的指数衰减系数.静止主梁气动力系数 C_i 的展向相关性大小也可以用相关长度 L_i 来表示,即

$$L_i/D = \int_0^\infty R_{C_i}(\delta/D) \,\mathrm{d}(\delta/D) = 1/c_i \tag{3}$$

对于振动主梁断面,其气动力是由外部激励力和与振动相关的自激力组成.为了考虑气动力中与 主梁运动相关的自激力影响,Ricciardelli提出了如 式(4)公式^[11]:

$$R_{C_i}(\delta/D) = (1 - d_i) \exp\left[-c_i \frac{\delta}{D}\right] + d_i \qquad (4)$$

式中:*d_i*为该指数衰减函数的水平渐近线,即为气动参数中完全相关的部分;*c_i*,*d_i*可通过对试验数据进行最小二乘拟合得到.

2.3 振动状态涡激力展向相关性

2.3.1 竖向振动

表 3,表 4 分别给出了涡振时气动力展向相关 性分析在竖向涡振区间所选的代表性风速.图 6 (a),(b)所示分别为+3°,+5°风攻角下不同风速对 应的升力系数展向相关系数随展向间距变化曲线. 值得注意的是,图 6(b)中部分试验数据(y/D=0. 129 9)与拟合曲线之间有较大的差别,可能与试验 数据的采集有关;在进行数据拟合时将离散较大的 数据剔除后对应的拟合决定系数为 0.988.从图 6 中可以看出,闭口流线型主梁断面涡激力展向相关 系数随展向间距增加而衰减;锁定区起始点和结束 点升力系数展向相关系数随展向间距衰减较快,且 趋于 0;第一锁定区上升段对应涡激力展向相关系 数略大于第一锁定区最大振幅对应涡激力展向相关系 定区上升段对应涡激力展向相关系数最大,且明显大 于第二锁定区上升段对应涡激力展向相关系数;第二 锁定区最大振幅对应涡激力展向相关系数与第一锁定 区最大振幅对应涡激力展向相关系数接近.+3°,+5° 风攻角下主梁断面涡激力展向相关系数随锁定区不同 振幅变化趋势一致,+5°风攻角下第2锁定区上升段对 应涡激力展向相关系数比+3°风攻角下第2锁定区上 升段对应涡激力展向相关系数略大.

表 3 +3°风攻角下涡激力展向相关性分析风速选取 Tab. 3 Wind speeds selection for spanwise correlation analysis of VIF at +3° wind attack angle

风速点位置	风速 /(m・s ⁻¹)	折算风速 V _r =V/f _b B	无量纲振幅 y/D
第一锁定区起振点	1.73	8.383 4	0.000 3
第一锁定区上升点	2.31	11.194 0	0.036 3
第一锁定区最高点	2.56	12.405 5	0.052 4
第一锁定区下降点	2.66	12.890 1	0.050 5
第一锁定区结束点	2.84	13.762 4	0.000 6
第二锁定区上升点	5.03	24.374 9	0.055 3
第二锁定区最高点	5.84	28.300 1	0.081 0

表 4 +5°风攻角下涡激力展向相关性分析风速选取 Tab. 4 Wind speeds selection for spanwise correlation analysis of VIF at +5° wind attack angle

风速点位置	风速 /(m・s ⁻¹)	折算风速 V _r =V/f _b B	无量纲振幅 y/D
第一锁定区起振点	1.91	9.255 7	0.001 3
第一锁定区上升点	2.28	11.048 7	0.044 4
第一锁定区最高点	2.48	12.017 8	0.058 2
第一锁定区下降点	2.56	12.405 5	0.056 6
第一锁定区结束点	2.66	12.890 1	0.000 6
第二锁定区上升点	4.86	23.551 1	0.086 8
第二锁定区最高点	5.83	28.251 6	0.129 9

表 5,表 6 分别给出了+3°,+5°风攻角下主梁 断面涡振锁定区不同风速对应的涡激力展向相关系 数参数拟合值.表中参数 c_i为与气动力系数 C_i所 相对应的指数衰减系数;d_i为该指数衰减函数水平 渐近线,即为气动参数中完全相关部分,反映涡激力 中自激力部分;展向相关长度 1/c_i反映了涡激力中 强迫力部分.

由表 5,表 6 可知,起振点和结束点 d_i,1/c_i 值 最小,故相对于其它曲线展向相关性较小;上升点 d_i,1/c_i 值较大,受自激力和强迫力影响最大,故其 展向相关性最大.第二锁定区间无论是上升点还是 最高点,d_i 值均大于第一锁定区间,但 1/c_i 值小于 第一锁定区间,表明第二锁定区间受涡激力主要成 份为自激力,而强迫力成份则相对较小,故其展向相 关性收敛速度更快且最终展向相关性收敛结果偏 大.+5°风攻角下竖弯涡振锁定区内涡激力展向相 关系数相应拟合参数变化规律与+3°接近,由于+ 5°风攻角下第二锁定区振幅较大,故对应 d_i值比+ 3°风攻角对应 d_i值大,即+5°风攻角下第二锁定区 涡激力中自激力占主导,即随着风攻角增大涡振锁 定区上升段、振幅最大值对应自激力部分对涡激力 展向相关性的影响增大.





表 5 +3°风攻角下涡激力展向相关系数参数拟合值 Tab. 5 Parameter fitting values of spanwise correlation coefficients of VIFs at +3° wind attack angle

振动状态描述	拟合参数 _{Ci}	拟合参数 d_i	强迫力相关 长度 1/c _i
第一锁定区起振点	0.177	0.123	5.650
第一锁定区上升点	0.047	0.494	21.277
第一锁定区最高点	0.047	0.421	21.277
第一锁定区下降点	0.082	0.364	12.195
第一锁定区结束点	0.214	0.103	4.673
第二锁定区上升点	0.116	0.724	8.621
第二锁定区最高点	0.106	0.513	9.434

表 6 +5°风攻角下涡激力展向相关系数参数拟合值 Tab. 6 Parameters fitting values of spanwise correlation coefficients of VIFs at +5° wind attack angle

振动状态描述	拟合参数 _{Ci}	拟合参数 d_i	强迫力相关 长度 1/c _i
第一锁定区起振点	0.196	0.148	5.110
第一锁定区上升点	0.028	0.389	36.220
第一锁定区最高点	0.028	0.288	36.141
第一锁定区下降点	0.055	0.340	18.151
第一锁定区结束点	0.169	0.091	5.902
第二锁定区上升点	0.151	0.788	6.631
第二锁定区最高点	0.141	0.643	7.112

2.3.2 扭转振动

图 7 所示为 0°,+3°及+5°风攻角下扭转涡振 锁定区第二锁定区上升段、振幅最大值对应的扭转 力矩展向相关系数随展向间距的变化曲线.





从图 7 中可以看出,扭转力矩展向相关系数随 展向间距增大整体呈减小趋势,与竖向涡激力展向 相关系数相比变化较为缓慢;流线型箱梁断面涡振 锁定区升力矩展向相关系数大于竖向涡振锁定区竖 向涡激力展向相关系数.

2.4 静止状态升力展向相关性

为了进一步研究锁定区风速、振幅等对升力展 向相关性的影响,首先针对+5°风攻角下静止状态 主梁断面升力系数展向相关性进行试验,试验风速 选取如表4所示;然后分别针对-5°,-3°,0°,+3° 及+5°风攻角在5 m/s和10 m/s两个风速下进行 静止状态主梁断面升力系数展向相关性试验.考虑 到静止状态主梁断面升力系数展向相关性试验.考虑 的强迫力决定,故采用式(2)对主梁断面升力系数展 向相关系数实测值进行拟合.图 8(a)所示为+5°风 攻角下静止状态主梁断面升力系数展向相关系数随 展向间距变化曲线.图 8(b)所示为不同风攻角不同 风速下静止状态主梁断面升力系数展向相关系数随 展向间距变化曲线.



由图 8(a)可知,+5°风攻角下静止状态主梁断 面在各风速下升力系数展向相关系数随展向间距的 增加而呈指数衰减,并趋于 0;不同风速对应主梁断 面升力系数展向相关系数随展向间距变化曲线较为 接近.由图 8(b)可知,不同风攻角下静止状态主梁 断面在各风速下升力系数随展向间距增加呈指数衰 减,并趋于 0;相对而言攻角绝对值较大时对应升力 系数展向相关系数也越大,其主要原因是流线型断 面攻角绝对值较大时对应的流动分离强烈,导致升 力展向相关性增强.需要说明的是,+3°风攻角在 5 m/s风速时升力系数展向相关性明显偏大,其主要 原因是该试验风速恰好位于锁定区间上升段,由于 试验时模型固定不紧而导致的.

2.5 流线型主梁断面压力分布

从表面压力分布角度对闭口流线型主梁断面涡 激力展向相关性进行分析.图9所示为+5°风攻角 第二锁定区最大振幅对应风速(5.83 m/s)作用下, 振动状态和静止状态主梁断面不同测试断面压力均 值及脉动根方差分布图,图中仅标出了测试断面 3 对应压力数值.由图 9 可知,主梁断面不同测压断面 压力系数均值与均方差分布总体较为接近;振动状 态与静止状态主梁表面压力系数均值接近,且在检 修车轨道下游侧梁底均出现了明显的局部负压区; 振动状态主梁断面压力系数根方差明显大于静止状 态主梁断面压力系数根方差.



图 9 主梁断面表面压力系数均值及根方差(V=5.83 m/s) Fig. 9 Mean and RMS values of pressure coefficients on the main deck(with wind speed of 5.83 m/s)

图 10 所示为+5°风攻角下流线型主梁断面表 面 26[#],33[#]测点压力系数展向相关系数随展向间 距变化曲线.







由图 10 可知,振动状态测点压力系数展向相关 系数大于静止状态测点压力系数展向相关系数;振 动状态测点压力展向相关系数与振幅相关,振幅越 大则展向相关系数越大;静止状态测点压力系数展 向相关系数总体比振动状态小,随展向间距增大而 趋近于 0.振动状态 26[#]测点(位于下游斜腹板靠近 风嘴处)压力系数展向相关系数大于 33[#]测点(位于 底板靠近斜腹板处)压力系数展向相关系数.

3 结 论

在均匀流场条件下进行了不同振动状态、不同 风攻角流线型主梁断面涡激力展向相关性试验研 究,得到如下主要结论:

1)振动状态主梁断面涡激力展向相关系数与振 幅、锁定区风速等相关,锁定区上升段对应涡激力展 向相关系数大于锁定区最大振幅对应涡激力展向相 关系数;扭转涡振锁定区升力矩展向相关系数大于 竖向涡振锁定区竖向涡激力展向相关系数.

2)静止状态不同风攻角不同风速下主梁断面升 力系数随展向间距增加呈指数衰减,并趋于0,攻角 绝对值较大时对应升力系数展向相关系数也越大.

3)振动状态主梁断面测点压力系数展向相关系 数与振幅相关,振幅越大则相关系数越大.

参考文献

- [1] 项海帆,葛耀君,朱乐东,等.现代桥梁抗风理论与实践[M]. 北京:人民交通出版社,2005:1-6.
 XIANG Haifan, GE Yaojun, ZHU Ledong, *et al.* Modern theory and practice on bridge wind resistance[M]. Beijing: China Communication Press, 2005:1-6. (In Chinese)
- [2] 陈政清.工程结构的风致振动、稳定与控制[M].北京:科学出版社,2013:371-419.
 CHEN Zhengqing. Wind induced vibration, stability and control of engineering structures[M]. Beijing: China Science Pub-
- lishing & Media Ltd, 2013:371-419. (In Chinese)
 [3] 陈政清,黄智文,王建辉,等.桥梁用 TMD 的基本要求与电涡 流 TMD[J]. 湖南大学学报:自然科学版,2013,40(8):6-10. CHEN Zhengqing, HUANG Zhiwen, WANG Jianhui, *et al.* Basic quirements of tuned mass damper for bridges and the eddy current TMD[J]. Journal of Hunan University: Natural Sciences, 2013, 40(8): 6-10. (In Chinese)
- [4] LI Hui, LAIMA Shujin, OU Jinping, et al. Investigation of vortex—induced vibration of a suspension bridge with two separated steel box girders based on field measurements[J]. Engineering Structures, 2011, 33: 1894-1907.
- [5] VICKERY B J. Fluctuating lift and drag on a long cylinder of square cross section in a smooth and in a turbulent stream[J].
 Journal of Fluid Mechanics, 1966, 25(3): 481-494.
- [6] WILKINSON R H. Fluctuating pressures on an oscillating square prism. Part II: spanwise correlation and loading[J]. Aeronautical Quarterly, 1981, 32(2): 111-125.
- [7] EHSAN F, SCANLAN R H, BOSCH H R. Modeling spanwise correlation effects in the vortex-induced response of flexible bridges[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 1990, 36(2): 1105-1114.
- [8] HAAN JR F L, KAREEM A, SZEWCZYK A A. Experimental measurements of spanwise correlation of self-excited forces

on a rectangular cross section[C]// NIEMANN H J. Proc 4th International Colloquium on Bluff Body Aerodynamics and its Applications. Bochum: Ruhr-University, 2000.

- [9] NAGAO F, UTSUNOMIYA H, NODA M, et al. Basic study on spatial correlations of fluctuating lifts acting on plates[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2003, 91: 1349-1361.
- [10] MATSUMOTO M, HIROMICHI S, KENJI A, et al. Spanwise coherence characteristics of surface pressure field on 2-D bluff bodies[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2003, 91(1/2): 155-163.
- [11] RICCIARDELLI F. Effects of the vibration regime on the spanwise correlation of the aerodynamic forces on a 5 : 1 rectangular cylinder[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2009, 98(4/5): 215-225.
- [12] 刘志文,黄来科,陈政清.宽高比为5的矩形断面柱体涡激力 展向相关性试验研究[C]//中国土木工程学会桥梁及结构工 程分会风工程委员会,第十六届全国结构风工程学术会议暨第 二届全国风工程研究生论坛论文集.成都:西南交通大学出版 社,2013;101-102.

LIU Zhiwen, HUANG Laike, CHEN Zhengqing. Experimental study on spanwise correlation of vortex-induced forces of rectangular cylinder with aspect ratio of 5[C]// Wind Engineering Committee of Bridge and Structural Engineering Branch of China Civil Engineering Society, The Conference of the 16th National Conference on Structural Wind Engineering and the 2rd National Forum on Wind Engineering for Graduate Students. Chengdu: Southwest Jiaotong University Press, 2013;101-102. (In Chinese)

- [13] 刘小兵,张海东,王彦彪. 宽高比为 5 的矩形断面梁气动力展向相关性研究[J]. 工程力学,2015,32(Suppl): 50-54.
 LIU Xiaobing, ZHANG Haidong, WANG Yanbiao. Study on spanwise correlation of aerodynamic force of rectangular cylinder with aspect ratio of 5[J]. Engineering Mechanics, 2015, 32(Suppl): 50-54. (In Chinese)
- [14] 鲜荣.大跨度桥梁沿跨向主梁涡激振动研究[D].成都:西南交 通大学土木工程学院,2008;78-96.
 XIAN Rong. Investigation of long-span bridge girder spanwise vortex-induced vibration[D]. Chengdu:College of Civil Engineering, Southwest Jiaotong University, 2008;78-96. (In Chinese)
- [15] 张冠华,赵林,葛耀君. 流线型闭口箱梁大断面风荷载空间相 关性试验研究[J]. 振动与冲击,2012,31(2):76-80.
 ZHANG Guanhua, ZHAO Lin, GE Yaojun. Spatial correlation of wind loads for cross-section of a streamlined closed box girder[J]. Journal of Vibration and Shock, 2012, 31(2):76-80. (In Chinese)
- [16] 刘志文,洪涵,梁立农,等. 广东江顺大桥抗风性能试验研究
 [J]. 湖南大学学报:自然科学版,2015,42(3):112-119.
 LIU Zhiwen, HONG Han, LIANG Linong, et al. Experimental investigation of the wind-resistant performance of Jiangshun bridge in Guangdong[J]. Journal of Hunan University: Natural Sciences, 2015, 42(3): 112-119. (In Chinese)