文章编号:1674-2974(2022)02-0031-07

DOI:10.16339/j.cnki.hdxbzkb.2022154

# 四轮驱动 EV 自适应抗差无迹粒子滤波状态估计

龙云泽\*,韦韬,封进,张瑞宾

(桂林航天工业学院汽车工程学院,广西桂林541004)

摘要:针对四轮毂电机驱动电动汽车转矩控制中整车质心侧偏角等关键状态参数无法 直接检测及车速等测量值易受到随机误差干扰的问题,建立四轮毂电机驱动电动汽车七自由 度动力学模型,进行整车行驶状态参数滤波估计.结合抗差滤波原理及无迹粒子滤波算法,提 出一种整车状态滤波估计方法.运用自适应抗差无迹粒子滤波,实现电动汽车行驶过程中纵 向速度、侧向速度和质心侧偏角的准确滤波估计.搭建CarSim与Matlab/Simulink 联合仿真实 验平台对估计算法进行验证.结果表明:所搭建四轮毂电机驱动汽车动力学模型对整车行驶 状态具有较高的预测精度;基于自适应抗差无迹粒子滤波算法能实现整车行驶状态估计,能 有效对测量参数进行滤波,且具有较高的估计精度.

关键词:四轮毂电机驱动;电动汽车;车辆状态估计;自适应抗差无迹粒子滤波 中图分类号:U461.1 文献标志码:A

# Estimation of Adaptive Robust Unscented Particle Filter State for Four–wheel Driving EV

#### LONG Yunze<sup>†</sup>, WEI Tao, FENG Jin, ZHANG Ruibin

(School of Automobile Engineering, Guilin University of Aerospace Technology, Guilin 541004, China)

Abstract: In order to solve the problem that key state parameters such as mass-center sideslip angle of the vehicle can not be directly detected in the torque control of four hub-motor driving vehicles, and the measured values such as vehicle speed are easy to be interfered by random errors, a seven degree of freedom dynamic model of four hub motor-driven electric vehicles is established, and the filtering estimation of the driving state parameters of the whole vehicle is carried out. Based on robust filtering principle and unscented particle filter algorithm, a vehicle state filtering estimation method was proposed. Using adaptive robust unscented particle filter, the accurate filtering estimation of longitudinal speed, lateral velocity and mass-center sideslip angle in the process of electric vehicle driving was realized. The joint simulation experiment platform of CarSim and MATLAB / Simulink was built to verify the estimation algorithm. The results show that the dynamic model of four hub-motor driving vehicle has high prediction accuracy for vehicle driving state, and the adaptive robust unscented particle filter algorithm can effectively filter the measured parameters and has high estimation accuracy.

Key words: four hub-motor driving; electric vehicle; vehicle state estimation; adaptive robust unscented particle filter

<sup>\*</sup> 收稿日期:2021-07-06

基金项目:广西高校中青年教师科研基础能力提升项目(2020KY21014, 2021KY0795), Guangxi University the Young and Middle-aged Teachers Basic Scientific Research Ability Enhancement Project under Grants(2020KY21014, 2021KY0795) 作者简介:龙云泽(1984—),男,广西桂林人,桂林航天工业学院工程师

<sup>†</sup>通信联系人,E-mail:yunzeqepwq@163.com

四轮驱动电动汽车(Electric Vehicle, EV)省去 了传统燃油车较长的传动链,具有车辆底盘结构简 单、传动效率高、驱动形式多样化等优点,已成为全 球汽车领域研究热点<sup>[1]</sup>.四轮驱动EV的轮毂电机驱 动力独立可控,可实现整车多动力学状态驱动,而整 车状态参数值的精确性是影响驱动模式优化及主动 安全控制的关键因素.

近年来,改进卡尔曼滤波算法在四轮毂电机汽 车整车状态估计中得到了广泛的运用[2]. 扩展卡尔 曼滤波(extended Kalman filter, EKF)理论可实现整 车非线性系统的状态估计,但此方法需要计算复杂 的雅可比矩阵,且存在线性化误差的影响[3-4].无迹 卡尔曼滤波(unscented Kalman filter, UKF)引入无损 变换的思想,有效地克服EKF估计精度低、稳定性差 的问题,在四轮驱动汽车状态估计中得到了较好的 应用,但其对整车参数估计结果在系统强非线性状 态下,精度会下降明显<sup>[5]</sup>. 粒子滤波(particle filter, PF)的思想是利用粒子集来表示概率,从后验概率中 抽取的随机状态粒子来表达其分布,该滤波方法具 有较强的非线性适应能力及多模态处理能力.但该 方法在重采样阶段会造成样本有效性和多样性的损 失,导致样本贫化现象.国内外不少学者运用粒子群 优化粒子滤波算法实现整车状态估计,取得较好效 果,但算法存在计算量较大,工程实现困难大的问 题<sup>[6-8]</sup>. 无迹粒子滤波(unscented particle filter, UPF) 算法运用无迹卡尔曼滤波方法生成建议密度函数, 使先验概率峰值与似然函数峰值具有良好的吻合 性,达到降低粒子退化的目的,但其运算精度受系统 噪声不确定性的影响,且缺少自适应调整机制,不能 对滤波增益及相关参数进行实时调节.

抗差估计滤波方法,可对滤波器参数进行实时 调节,对干扰噪声具有较好的自适应性<sup>[9]</sup>.基于抗差 滤波原理及无迹粒子滤波算法,构建自适应抗差无 迹粒子滤波算法(adaptive robust unscented particle filter, ARUPF),通过整车动力学模型理论预测与实 际测量融合的方法,实现四轮驱动电动汽车状态的 精确估计.为解决四轮驱动电动汽车状态估计问题, 建立整车七自由度整车动力学模型,通过引入权矩 阵及自适应调节因子构建自适应抗差无迹粒子滤波 算法,实现对整车状态的精确估计,并运用CarSim与 Matlab/Simulink软件进行联合仿真验证该方法的有 效性.

## 1 四轮驱动电动汽车动力学建模

从七自由度整车动力学模型、车轮运动学模型、 轮胎模型三个方面搭建四轮驱动汽车动力学模型. 通过魔术公式轮胎模型计算各轮胎纵向及侧向驱动 力,并结合七自由度整车动力学模型与车轮运动学 模型进行整车动力学状态分析<sup>[10]</sup>.

#### 1.1 七自由度整车动力学模型

建立四轮毂电机驱动车七自由度动力学模型, 如图1所示.研究的目标为对整车行驶过程中纵向 速度、侧向速度、质心侧偏角进行实时准确估计.因 此模型考虑整车纵向运动、侧向运动、横摆运动及四 轮毂电机转动自由度.模型作了以下近似:1)忽略整 车垂向运动、绕y轴的俯仰运动、绕x轴侧倾3个运动 的影响;2)忽略滚动阻力影响;3)忽略风阻影响;4) 假设两前轮具有相同的转向角和侧偏角;5)采用传 统的前轮转向方式;6)假设两后轮的侧偏角一致;7) 假设各轮胎动力学特性一致.七自由度四轮毂驱动 汽车动力学方程如下<sup>[11-12]</sup>.



图1 四轮驱动电动汽车七自由度模型 Fig.1 Four-wheel driving electric vehicle model of seven degree of freedom

$$\dot{v}_x = a_x + v_y \gamma \tag{1}$$

$$v_{y} = a_{y} - v_{x}\gamma \tag{2}$$

$$\dot{\gamma} = \frac{M}{I}$$
 (3)

$$a_{x} = (F_{xfl} \cos \delta_{f} - F_{yfl} \sin \delta_{f} + F_{xfr} \cos \delta_{f} - F_{yfr} \sin \delta_{f} + F_{xrl} \cos \alpha_{rl} - F_{yrl} \sin \alpha_{rl} + F_{xrr} \cos \alpha_{rr} + F_{yrr} \sin \alpha_{rr})/m$$
(4)

$$a_{y} = (F_{xfl} \sin \delta_{f} + F_{yfl} \cos \delta_{f} + F_{xfr} \sin \delta_{f} + F_{yfr} \cos \delta_{f} + F_{xrl} \sin \alpha_{rl} + F_{yrl} \cos \alpha_{rl} + F_{xrr} \sin \alpha_{rr} + F_{yrr} \cos \alpha_{r})/m$$
(5)

$$M = l_{f}(F_{xfl} + F_{xfr})\sin\delta_{f} + l_{f}(F_{yfl} + F_{yfr})\cos\delta_{f} - \frac{d_{f}}{2}(F_{xfl} - F_{xfr})\cos\delta_{f} + \frac{d_{f}}{2}(F_{yfl} - F_{yfr})\sin\delta_{f} + l_{r}(F_{xfl}\sin\alpha_{rl} + F_{yrl}\cos\alpha_{rl} + F_{xrr}\sin\alpha_{rr} + (6))$$

$$F_{yrr}\cos\alpha_{rr}) - \frac{d_{r}}{2}(F_{xrl}\cos\alpha_{rl} - F_{yrl}\sin\alpha_{rl}) + \frac{d_{r}}{2}(F_{xrr}\cos\alpha_{rr} - F_{yrr}\sin\alpha_{rr})$$

$$\beta = \frac{v_{r}}{v_{x}}$$
(7)

$$\alpha_{\rm fl} = \delta_{\rm f} - \arctan\left(\frac{v_x + l_{\rm f}\gamma}{v_y + \frac{d_{\rm f}}{2}\gamma}\right)$$
(8)

$$\alpha_{\rm fr} = \delta_{\rm f} - \arctan\left(\frac{v_{\rm x} + l_{\rm f}\gamma}{v_{\rm y} - \frac{d_{\rm f}}{2}\gamma}\right) \tag{9}$$

$$\alpha_{\rm rl} = -\arctan\left(\frac{-v_x + l_x\gamma}{v_y + \frac{d_x}{2}\gamma}\right)$$
(10)

$$\alpha_{\rm rr} = -\arctan\left(\frac{-v_x + l_r \gamma}{v_y - \frac{d_r}{2}\gamma}\right)$$
(11)

式中; $v_x$ 为整车纵向速度; $v_y$ 为整车侧向速度; $\gamma$ 为整 车横摆角速度; $a_x$ 为纵向加速度; $a_y$ 为侧向加速度;  $F_{xfl}$ 、 $F_{xfr}$ 、 $F_{yfl}$ 、 $F_{xrr}$ 、 $F_{yrr}$ 、 $F_{yrr}$ 分别为左前轮纵向 力、右前轮纵向力、左前轮侧向力、右前轮侧向力、左 后轮纵向力、右后轮纵向力、左后轮侧向力、右后轮 侧向力;M为横摆力矩; $\beta$ 为质心侧偏角; $\delta_f$ 为前轮转 向角;m为整车质量; $d_f$ 、 $d_f$ 分别为前、后轮轮距. $\alpha_n$ 、  $\alpha_{fr}$ 、 $\alpha_{rl}$ 、 $\alpha_{rr}$ 分别为左前轮、右前轮、左后轮、右后轮轮 胎侧偏角.

#### 1.2 车轮运动学模型

四轮驱动电动汽车车轮运动学模型为:

$$\begin{cases}
I_{w} \dot{\omega}_{f} = T_{f} - T_{bf} - R_{e} F_{xf} \\
I_{w} \dot{\omega}_{fr} = T_{fr} - T_{bfr} - R_{e} F_{xfr} \\
I_{w} \dot{\omega}_{rl} = T_{rl} - T_{brl} - R_{e} F_{xrl} \\
I_{w} \dot{\omega}_{rr} = T_{rr} - T_{brr} - R_{e} F_{xrr}
\end{cases}$$
(12)

式中: $I_w$ 为车轮转动惯量; $\omega_n$ 、 $\omega_n$ 、 $\omega_n$ 分别为左前轮、右前轮、左后轮、右后轮转动角速度; $T_n$ 、 $T_n$ 、 $T_n$ 分别为左前轮、右前轮、左后轮、右后轮驱动转矩;

 $T_{\rm bft}$ 、 $T_{\rm bfr}$ 、 $T_{\rm br}$ 、 $T_{\rm brr}$ 分别为左前轮、右前轮、左后轮、右后轮制动转矩; $R_{\rm e}$ 为车轮滚动半径.

#### 1.3 魔术公式轮胎模型

魔术公式轮胎模型能较好地模拟轮胎非线性动 力学特性,得出各轮的纵向力与侧向力.魔术公式轮 胎模型公式如下:

$$F_{xij} = D \sin \left\{ C \arctan \left[ B\lambda_{ij} - E(B\lambda_{ij} - arctan(B\lambda_{ij})) \right] \right\}$$
(13)  
$$F_{yij} = D \sin \left\{ C \arctan \left[ B\alpha_{ij} - E(B\alpha_{ij} - b) \right] \right\}$$
(13)

$$\arctan(B\alpha_{ii})]$$
 (14)

式中: $F_{,ij}$ 为车轮纵向力; $F_{,ji}$ 为车轮侧向力;B为刚度 因子;C为曲线形状因子;D为峰值因子;E为曲线曲 率因子; $\lambda_{ij}$ 为纵向滑移率; $\alpha_{ij}$ 为侧偏角.其中纵向滑 移率 $\lambda_{ii}$ 分为驱动与制动两情况<sup>[13]</sup>:

$$\begin{cases} \lambda_{ij} = \frac{r_e \omega_{ij} - v_{ij}}{r_e \omega_{ij}} \quad ( 驱动 ) \\ \lambda_{ij} = \frac{r_e \omega_{ij} - v_{ij}}{v_{ij}} \quad ( 制动 ) \end{cases}$$
(15)

式中:r<sub>e</sub>为车轮有效滚动半径;ω<sub>i</sub>为车轮滚动角速度;v<sub>i</sub>为车轮冲心运动速度.

### 2 ARUPF 整车状态估计算法

以七自由度汽车动力学模型为基础,四轮驱动 电动汽车行驶状态估计原理如图2所示.基于 ARUPF算法,运用整车状态预测值与传感器观测值 相结合,实现对整车行驶状态的实时估计<sup>[14]</sup>.



Fig.2 Structure and theory of vehicle driving state estimation algorithm

传统的粒子滤波算法存在迭代过程中粒子退化 的缺陷,造成计算资源浪费、估计结果精度偏低等问 题.为解决以上问题,常运用增加粒子数、重采样、选 择合理的建议密度函数等方法对滤波算法进行优 化.增加粒子数可有效缓解粒子退化,但增加了系统 计算工作量.重采样方法可增加粒子的多样性,避免 粒子退化.自适应抗差无迹粒子滤波算法利用无迹 变换算法为每个粒子计算均值和协方差并建立合理 建议密度函数,并结合抗差滤波估计算法自动调节 增益矩阵及系统方差,使样本点分布较好地与最大 似然函数吻合.无迹粒子滤波算法易于工程实现,能 有效减少系统计算工作量,其具体方法如下:

1)初始化, k=0, 从先验分布抽取初始状态粒子.

$$\begin{bmatrix} \overline{\boldsymbol{x}}_{0}^{(i)} = E[\boldsymbol{x}_{0}^{(i)}] \\ P_{0}^{(i)} = E[(\boldsymbol{x}_{0}^{(i)} - \overline{\boldsymbol{x}}_{0}^{(i)})(\boldsymbol{x}_{0}^{i} - \overline{\boldsymbol{x}}_{0}^{(i)})^{\mathrm{T}}] \\ \begin{bmatrix} \overline{\boldsymbol{x}}_{0}^{(i)a} = E[\overline{\boldsymbol{x}}_{0}^{(i)a}] = [(\overline{\boldsymbol{x}}_{0}^{(i)})^{\mathrm{T}} \mathbf{0} \mathbf{0}]^{\mathrm{T}} \\ \begin{bmatrix} P_{0}^{(i)} \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} P_{0}^{(i)} \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

$$\begin{cases} P_{0}^{(i)a} = E \Big[ (\mathbf{x}_{0}^{(i)a} - \overline{\mathbf{x}}_{0}^{(i)a}) (\mathbf{x}_{0}^{(i)a} - \overline{\mathbf{x}}_{0}^{(i)a})^{\mathrm{T}} \Big] = \begin{bmatrix} P_{0} & 0 & 0 \\ 0 & Q & 0 \\ 0 & 0 & R \end{bmatrix} \\ (17)$$

式中: $\mathbf{x}_{0}^{(i)}$ 、 $P_{0}^{(i)}$ 分别为初始粒子数学期望和方差; $\mathbf{x}_{0}^{(i)a}$ 、  $P_{0}^{(i)a}$ 分别为初始Sigma点数学期望和方差;Q、R分别 为系统协方差矩阵及观测协方差矩阵.

2)重要性采样.运用无迹卡尔曼算法计算均值 与方差.

(1)抽取 Sigma 点集合.  $\mathbf{x}_{k-1}^{(i)a} = \begin{bmatrix} \overline{\mathbf{x}_{k-1}^{(i)a}} & \overline{\mathbf{x}_{k-1}^{(i)a}} & -\sqrt{(n+\lambda)\mathbf{p}_{k}^{(i)a}} & \overline{\mathbf{x}_{k-1}^{(i)a}} & + \end{bmatrix}$ 

$$\sqrt{(n_a + \lambda) \boldsymbol{p}_{k-1}^{(i)a}}$$

$$(18)$$

式中: $\mathbf{x}_{k-1}^{(i)a}$ , $\mathbf{p}_{k-1}^{(i)a}$ 分别为抽取粒子数学期望和方差;  $n_a$ 、 $\lambda$ 分别为状态维数和缩放比例因子.

(2)对Sigma点集进行一步预测.

$$\begin{pmatrix} \boldsymbol{x}_{k|k-1}^{(i)a} = f(\boldsymbol{x}_{k-1}^{(i)x}, \boldsymbol{i}_{k-1}) \\ \overline{\boldsymbol{x}}_{k|k-1}^{(i)} = \sum_{j=0}^{2n_a} \boldsymbol{W}_j^{\mathrm{m}} \boldsymbol{x}_{j,k|k-1}^{(i)x} \\ \boldsymbol{P}_{k|k-1}^{(i)} = \sum_{j=0}^{2n_a} \boldsymbol{W}_j^{\mathrm{c}} [\boldsymbol{x}_{j,k|k-1}^{(i)x} - \overline{\boldsymbol{x}}_{k|k-1}^{(i)}] [\boldsymbol{x}_{j,k|k-1}^{(i)x} - \overline{\boldsymbol{x}}_{k|k-1}^{(i)}]$$

$$(19)$$

$$\begin{cases} \boldsymbol{Z}_{k|k-1}^{(i)} = h(\boldsymbol{x}_{k|k-1}^{(i)x}, \boldsymbol{x}_{k|k-1}^{in}) \\ \overline{\boldsymbol{Z}}_{k|k-1}^{(i)} = \sum_{i=0}^{2n_{a}} \boldsymbol{W}_{j}^{c} \boldsymbol{Z}_{j,k|k-1}^{(i)} \end{cases}$$
(20)

式中: $\mathbf{x}_{k|k-1}^{(i)a}, \mathbf{x}_{k|k-1}^{(i)}, \mathbf{P}_{k|k-1}^{(i)}$ 分别为一步预测后 Sigma 粒 子状态值、数学期望和方差; $\mathbf{Z}_{kk-1}^{(i)}, \mathbf{\overline{Z}}_{kk-1}^{(i)}$ 分别为一步 预测后 Sigma 点输入观测方程所得观测值和观测均 值. $\mathbf{W}_{j}^{m}, \mathbf{W}_{j}^{e},$ 分别为 Sigma 对应的均值计算权值和协 方差计算权值.

(3)融入观测数据,更新Sigma点集均值、卡尔曼

增益及协方差.

$$\begin{cases} \boldsymbol{P}_{\overline{Z}_{k},\overline{Z}_{k}} = \sum_{j=0}^{2n_{a}} \boldsymbol{W}_{j}^{(c)} [\boldsymbol{Z}_{j,k|k-1}^{(i)} - \boldsymbol{Z}_{k|k-1}^{(i)}] [\boldsymbol{Z}_{j,k|k-1}^{(i)} - \boldsymbol{Z}_{k|k-1}^{(i)}]^{\mathrm{T}} \\ \boldsymbol{P}_{x_{k},Z_{k}} = \sum_{j=0}^{2n_{a}} \boldsymbol{W}_{j}^{(c)} [\boldsymbol{x}_{j,k|k-1}^{(i)} - \overline{\boldsymbol{x}}_{k|k-1}^{(i)}] [\boldsymbol{x}_{j,k|k-1}^{(i)} - \overline{\boldsymbol{x}}_{k|k-1}^{(i)}]^{\mathrm{T}} \\ \boldsymbol{K}_{k} = \boldsymbol{P}_{\overline{Z}_{k},\overline{Z}_{k}} \boldsymbol{P}_{x_{k},Z_{k}} \\ \overline{\boldsymbol{x}}_{k}^{(i)} = \overline{\boldsymbol{x}}_{k|k-1}^{(i)} + \boldsymbol{K}_{k} (\boldsymbol{Z}_{k} - \overline{\boldsymbol{Z}}_{k|k-1}^{(i)}) \\ \hat{\boldsymbol{P}}_{K}^{(i)} = \boldsymbol{P}_{k|k-1}^{(i)} - \boldsymbol{K}_{k} \boldsymbol{P}_{\overline{Z}_{k},\overline{Z}_{k}} \boldsymbol{K}_{k}^{\mathrm{T}} \end{cases}$$

$$(21)$$

式中: $P_{\overline{z}_k \overline{z}_k}$ 、 $P_{x_k \overline{z}_k}$ 分别为加权计算所得观测协方差和 系统方差; $K_k \overline{x}_k \stackrel{(i)}{,} P_K$ 分别为状态更新后系统增益矩 阵、状态值和方差.

3) ARUPF 算法. ARUPF 算法基于抗差估计滤 波理论,对动力学模型观测量值异常情况加以控制, 并构建自适应因子对动力学模型误差加以控制. 设  $\overline{P_i}$  为状态向量  $\overline{x}_{k}^{(i)}$  的权矩阵,则等价权阵为 $\overline{P}$  = diag( $\overline{P_1}, \overline{P_2}, \dots, \overline{P_k}$ ). 运用 IGG (Institute of Geodesy&Geophysics)方法产生等价权函数,其原理如下:

$$\overline{P_{K}} = \begin{cases} P_{K} & (\left| V_{K} \right| \leq K_{0}) \\ P_{K} \frac{K_{0}}{\left| V_{K} \right|} \left( \frac{K_{g} - \left| V_{K} \right|}{K_{g} - K_{0}} \right)^{2} & (K_{0} \leq \left| V_{K} \right| \leq K_{g}) \\ 0 & (\left| V_{K} \right| \geq K_{g}) \end{cases}$$

$$(22)$$

式中: $V_k = A_k \overline{x}_k^{(i)} - \overline{Z}_{kk-1}^{(i)}$ 为传感器探测残差值;调节 因子参考取值范围 $K_0 \in (1, 1.5)$ ;调节因子参考取值 范围 $K_g \in (3, 8)$ .

令传感器感知矩阵为A<sub>k</sub>,根据权矩阵,对系统状态向量进行更新.可得自适应抗差卡尔曼滤波的系 「 统状态解向量为:

$$\boldsymbol{x}\boldsymbol{r}_{k} = \left(\alpha_{k}\boldsymbol{P}_{\overline{x}_{i}} + \boldsymbol{A}_{k}^{\mathrm{T}}\overline{\boldsymbol{P}_{K}}\boldsymbol{A}_{k}\right)^{-1} \left(\alpha_{k}\boldsymbol{P}_{\overline{x}_{i}}\overline{\boldsymbol{x}}_{k}^{(i)} + \boldsymbol{A}_{k}^{\mathrm{T}}\overline{\boldsymbol{P}_{K}}\boldsymbol{Z}_{kk-1}^{(i)}\right)$$
(23)  
$$\boldsymbol{\alpha}_{k} = \begin{cases} 1 \qquad (\left|\Delta\overline{\boldsymbol{x}}_{k}\right| \leq c_{0}) \\ \frac{c_{0}}{\Delta\overline{\boldsymbol{x}}_{k}} \left(\frac{c_{1} - \left|\Delta\overline{\boldsymbol{x}}_{k}\right|}{c_{1} - c_{0}}\right)^{2} \quad (c_{0} \leq \left|\Delta\overline{\boldsymbol{x}}_{k}\right| \leq c_{1}) \\ 0 \qquad (\left|\Delta\overline{\boldsymbol{x}}_{k}\right| \geq c_{1}) \\ \Delta\overline{\boldsymbol{x}}_{k} = \left\|\boldsymbol{x}\boldsymbol{r}_{k} - \overline{\boldsymbol{x}}_{k}^{(i)}\right\| / \sqrt{\operatorname{tr}(\sum\overline{\boldsymbol{x}}_{k}^{(i)})} \end{cases}$$
(24)

式中:a,为自适应因子;调节因子c。参考取值范围

 $c_0 \in (1, 1.5);$ 调节因子 $c_1$ 参考取值范围 $c_1 \in (3, 8);$ tr 为矩阵求迹运算符.

上述公式中通过判断残差获得权矩阵 $\overline{P_k}$ ;通过 状态估计值与预报值的差值运算获得自适应因子  $\alpha_k$ .运用两个参数同时调节Kalman增益、采样粒子均 值及粒子权值,更新粒子并归一化权重.

$$\begin{cases} \mathbf{K}_{k}^{*} = \mathbf{\hat{P}}_{K}^{(i)} \mathbf{\overline{P}}_{k}^{-1} \\ \mathbf{\bar{x}}_{k}^{(i)*} = \mathbf{\bar{x}}_{kk-1}^{(i)} + \mathbf{K}_{k}^{*} (\mathbf{Z}_{k} - \mathbf{\overline{Z}}_{kk-1}^{(i)}) \\ \mathbf{\hat{P}}_{K}^{(i)*} = \alpha_{k} \mathbf{P}_{kk-1}^{(i)} - \mathbf{K}_{k}^{*} \mathbf{P}_{\mathbf{\overline{Z}}_{k}, \mathbf{\overline{Z}}_{k}} \mathbf{K}_{k}^{T*} \\ \mathbf{W}_{k}^{(i)*} \propto \frac{p(\mathbf{Z}_{k} | \mathbf{\hat{X}}_{k}^{(i)*}) p(\mathbf{\hat{X}}_{k}^{(i)*} | \mathbf{X}_{k-1}^{(i)})}{q(\mathbf{\hat{X}}_{k}^{(i)*} | \mathbf{X}_{0:k}^{(i)*}, \mathbf{Z}_{1:k})} \end{cases}$$
(25)

式中: $K_{k}^{*}$ 为抗差算法计算后 Kalman 增益; $\bar{x}_{k}^{(i)*}$ 为状态

样本均值;  $P_{k}$  为样本方差.  $W_{k}^{(i)*}$  为更新后的粒子权 重值. 利用重采样算法,基于归一化权值对粒子集合 进行淘汰与复制,对新粒子重新设置权重. 当预测模 型存在过大的异常干扰时,自适应因子 $\alpha_{k}$ 减小,可以 减弱干扰的影响. 当观测模型存在较大干扰时,通过 调节权矩阵  $\overline{P_{k}}$ 减小干扰造成的异常影响. 运用自适 应抗差无迹粒子滤波算法可有效解决系统观测粗大 误差问题及状态异常问题,建立合理的粒子分布,有 效地解决了粒子的退化问题.

#### 3 仿真实验验证

运用CarSim与Matlab/Simulink软件进行联合仿 真实验对估计算法进行验证.CarSim软件专门针对 车辆动力学特性搭建出各种车型动力学仿真模型, 其模型的仿真性能接近于实车,仿真结果被国际众 多汽车制造商和零部件供应商所采用.在CarSim软 件中搭建四轮毂驱动电动汽车模型,将其部分运行 参数作为整车传感器测量参数输入Simulink仿真软 件.在Simulink软件中搭建车辆动力学模型及 ARUPF滤波算法,进行车辆运行状态估计,并将估 计值与CarSim软件车辆模型进行对比验证<sup>[15]</sup>.整车 关键参数如表1所示.

CarSim 整车模型选用 B 型车, 仿真实验工况选用 ISO 双移线实验工况, 车速为 30 km/h, 路面附着系数为 0.6. 所搭建 CarSim 与 Matlab/ Simulink 联合仿真模型如图 3 所示.

表1 整车动力学模型关键参数 Tab.1 Key parameters of vehicle dynamics model

参数	数值
整车质量/kg	1 110
整车质心高度/m	0.54
质心至前轴距离/m	1.04
质心至后轴距离/m	1.56
整车绕 $z$ 轴的转动惯量/(kg·m <sup>2</sup> )	1 343.1
前后轴距/m	2.6
前轮轮距/m	1.695
后轮轮距/m	1.695
车轮有效滚动半径/m	0.298
车轮转动惯量/(kg·m <sup>2</sup> )	1.2



Fig.3 Schematic diagram of joint simulation model

基于 ARUPF 算法,选取所估计的状态向量为  $x = [v_x v_y \beta]^T$ . 以 Carsim 整车模型部分参数,作为传感 器所测得的车辆状态真实值,输入至 Simulink 整车 动力学模型,进行状态预测. Carsim 整车模型的前轮 转角、车轮转速、纵向加速度、侧向加速度、横摆角速 度如图 4(a)~图 4(e)所示.将预测值与观测状态加 入随机噪声,共同输入 ARUPF 滤波器进行状态估 计.将粒子滤波、无迹粒子滤波与自适应抗差无迹粒 子滤波后整车状态估值与理想值对比,所得结果如 图 5(a)~图 5(c)所示.

由仿真结果可知,CarSim软件输出的真实值与 Simulink中所搭建仿真动力学模型的ARUPF状态估 计值相接近,验证了动力学模型的正确性.PF估计 值在后期由于粒子退化的原因易造成较大的估计误 差,所采用ARUPF状态估计算法有效地解决了传统 粒子滤波算法样本贫化造成的精度下降问题,其状 态估计的精度优于UPF算法.所搭建ARUPF滤波器 针对过程噪声的滤波效果较好,具有较好的自适应 性及抗干扰能力.



Fig.4 Input parameters of vehicle sensors



#### 4 结 论

1)基于四轮驱动汽车结构特征及魔术公式轮胎 模型,建立了前轮转向的四轮分布式驱动电动汽车 七自由度动力学模型.模型采用低成本传感参数作 为输入量,实现对整车纵向车速、侧向车速及质心侧 偏角的估计,具有实现成本低、工程易实现、抗干扰 能力较强的优点.为四轮分布式驱动电动汽车状态 估计提供了一种新的思路.

2)给出了一种采用等价权矩阵解决四轮分布式 驱动汽车传感器数据粗大误差干扰问题的新方法. 运用IGG方法产生等价权函数,通过自适应调节权 矩阵,可有效抑制车辆传感器检测过程中因非线性 因素造成的随机误差,减小干扰造成的数据失真影 响,提高了整车状态估计精度. 3)运用自适应抗差滤波原理,结合无迹粒子滤 波算法,提出一种新的四轮驱动电动汽车整车的状 态估计方法.该ARUPF方法具有噪声滤除效果好、 精度高等优点.搭建CarSim与Matlab/Simulink联合 仿真平台,对整车状态估计进行仿真分析验证.仿真 结果表明,基于ARUPF算法的整车状态估计具有精 度高、抗干扰能力强、稳定性好的特点.

### 参考文献

- [1] 王震坡,丁晓林,张雷.四轮轮毂电机驱动电动汽车驱动防滑 控制关键技术综述[J].机械工程学报,2019,55(12):99-120.
   WANG Z P, DING X L, ZHANG L. Overview on key technologies of acceleration slip regulation for four-wheel-independentlyactuated electric vehicles [J]. Journal of Mechanical Engineering,2019,55(12):99-120.(In Chinese)
- [2] 卫绍元,解瑞春,李刚. 基于容积卡尔曼滤波的车辆行驶状态 估计[J]. 机械设计与制造,2015(1):69-73.
   WEISY,XIERC,LIG. Study on vehicle driving state estimation based on cubature Kalman filter[J]. Machinery Design & Manufacture,2015(1):69-73.(In Chinese)
- [3] 冉星浩,陶建锋,杨春晓.基于无迹卡尔曼滤波和权值优化的改进粒子滤波算法[J].探测与控制学报,2018,40(3):74-79.
   RAN X H, TAO J F, YANG C X. An improved particle filter algorithm based on UKF and weight optimization [J]. Journal of Detection & Control, 2018,40(3):74-79.(In Chinese)
- [4] 邢德鑫,魏民祥,赵万忠,等. 基于自适应容积粒子滤波的车辆 状态估计[J]. 南京航空航天大学学报,2020,52(3):445-453. XING D X, WEI M X, ZHAO W Z, et al. Vehicle state estimation based on adaptive cubature particle filtering[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics & Astronautics, 2020, 52(3):445-453.(In Chinese)
- [5] LUO J, HUANG B, WU S, et al. State estimation of four-wheel independent drive electric vehicle based on adaptive unscented Kalman filter [J]. International Journal of Electric and Hybrid Vehicles, 2017, 9(2):151-168.
- [6] 付翔,孙威,黄斌,等.四轮独立驱动车辆状态参数的UKF估计[J].武汉理工大学学报(交通科学与工程版),2017,41(3): 379-384.

FU X, SUN W, HUANG B, *et al.* UKF estimation of state parameters of four wheel independent drive vehicle[J]. Journal of Wuhan University of Technology (Transportation Science & Engineering), 2017, 41(3): 379–384. (In Chinese)

 [7] 陈特,蔡英凤,陈龙,等. 车辆纵向力和质心侧偏角层级估计方法设计与验证[J]. 西安交通大学学报,2019,53(11): 131-140.

CHEN T, CAI Y F, CHEN L, et al. Design and verification for ve-

hicle longitudinal force and sideslip angle hierarchical estimation method[J]. Journal of Xi'an Jiaotong University, 2019, 53(11): 131–140. (In Chinese)

- [8] JIN X J, YIN G D. Estimation of lateral tire-road forces and sideslip angle for electric vehicles using interacting multiple model filter approach[J]. Journal of the Franklin Institute, 2015, 352(2): 686-707.
- [9] 杨元喜,任夏,许艳. 自适应抗差滤波理论及应用的主要进展
  [J]. 导航定位学报,2013,1(1):9-15.
  YANG Y X, REN X, XU Y. Main progress of adaptively robust filter with applications in navigation [J]. Journal of Navigation and Positioning,2013,1(1):9-15.(In Chinese)
  [10] 陈特,陈龙,蔡英凤,等. 四轮独立驱动电动汽车行驶状态级联
- [10] 陳行, 厥龙, 秦英风, 守. 四花魚立弧幼屯幼八千11変れ念数联 估计[J]. 中南大学学报(自然科学版),2019,50(1):241-249.
   CHEN T, CHEN L, CAI Y F, *et al.* Cascaded method for running state estimation of four-wheel independent drive electric vehicles
   [J]. Journal of Central South University (Science and Technology),2019,50(1):241-249.(In Chinese)
- [11] 李刚,解瑞春,宗长富,等. 基于强跟踪容积卡尔曼滤波的车辆 行驶状态估计[J]. 汽车技术,2015(9):53-58.
  LI G, XIE R C, ZONG C F, et al. Research on vehicle driving state estimation based on strong tracking cubature Kalman filter
  [J]. Automobile Technology,2015(9):53-58.(In Chinese)
- [12] 李宁,李刚,解瑞春,等. 多信息融合车辆行驶状态估计方法研究[J]. 计算机仿真,2015,32(12):113-118.
  LI N,LI G,XIE R C, *et al.* Study on vehicle driving state estimation based on multiple information fusion[J]. Computer Simulation,2015,32(12):113-118.(In Chinese)
- [13] 刘志强,刘逸群.四轮毂驱动EV双容积卡尔曼路面附着系数 估计[J].长沙理工大学学报(自然科学版),2019,16(3): 55-62.
  LIUZQ,LIUYQ. Estimation of road adhesion coefficient of four

wheel hub driven electric vehicle [J]. Journal of Changsha University of Science & Technology (Natural Science), 2019, 16(3): 55–62. (In Chinese)

- [14] 薛丽,高社生,王建超. 一种新的抗差自适应 Unscented 粒子滤波[J]. 西北工业大学学报,2011,29(3):470-475.
  XUE L, GAO S S, WANG J C. Proposing a robust adaptive unscented particle filtering (RAUPF) algorithm [J]. Journal of Northwestern Polytechnical University, 2011, 29(3): 470-475. (In Chinese)
- [15] 陈建兵,向青青.分布式驱动电动汽车Simulink/Carsim联合仿 真平台的建立[J]. 机械科学与技术,2018,37(10):1496-1500.

CHEN J B, XIANG Q Q. Establishing Simulink/Carsim cosimulation platform for distributed drive electric vehicle[J]. Mechanical Science and Technology for Aerospace Engineering, 2018,37(10):1496-1500.(In Chinese)