文章编号:1674-2974(2020)01-0130-09

DOI:10.16339/j.cnki.hdxbzkb.2020.01.016

岩质反倾边坡复合倾倒破坏分析

孙朝燚^{1,2},陈从新¹,郑允^{1†},张伟¹,马力¹,张海娜^{1,2},张亚鹏^{1,2} (1. 中国科学院 武汉岩土力学研究所 岩土力学与工程国家重点实验室,湖北 武汉 430071; 2. 中国科学院大学,北京 100049)

摘要:针对岩质反倾边坡滑动倾倒复合破坏的研究不足,首先建立了边坡滑动-块状倾 倒-弯曲倾倒复合破坏的地质模型,具体可分为滑动区、块状倾倒区和弯曲倾倒区;然后根据 三个分区岩块的破坏机制,提出了各个分区的力学模型;并基于极限平衡理论和悬臂梁模型, 提出了边坡滑动-块状倾倒-弯曲倾倒复合破坏的逐步分析方法;最后通过一个工程实例验证 了所提地质模型和分析方法的正确性.研究结果表明: 岩质反倾边坡滑动-块状倾倒-弯曲倾 倒复合破坏的稳定性由滑动-块状倾倒复合破坏区域控制;块状倾倒区域属于主动破坏区域, 滑动区属于被动破坏区域,治理加固时应重点加固块状倾倒破坏区.

关键词:岩质反倾边坡;横向节理;边坡稳定性;数值模拟;分析方法 中图分类号:P642 文献标志码:A

Analysis of Anti-dip Rock Slopes Against Composite Toppling Failure

SUN Chaoyi^{1,2}, CHEN Congxin¹, ZHENG Yun^{1†}, ZHANG Wei¹, MA Li¹, ZHANG Haina^{1,2}, ZHANG Yapeng^{1,2}

(1. State Key Laboratory of Geomechanics and Geotechnical Engineering, Institute of Rock and Soil Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Wuhan 430071, China;
2. University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: Aiming at the insufficient research on the complex sliding-toppling failure of anti-dip rock slopes, the geological model of complex sliding-block-flexural toppling failure was constructed, firstly, which contains the sliding, block toppling and flexural toppling zones. Next, based on the failure mechanisms of these three zones, their mechanical models were established, respectively. Then, the stability analysis approach of the complex sliding-block – flexural toppling failure was proposed according to the limit equilibrium theory and the cantilever beam model. Finally, one case study was performed for practical verification on the proposed geomechanics models and analysis approach. The results show that the stability of the complex sliding-block-flexural toppling zones is controlled by the block-flexural toppling zones. Further, the block and flexural toppling zones are active and passive failure zones, respectively. Consequently, the block toppling zone plays a vital role in slope design treatment.

Key words: anti-dip rock slopes; transverse joints; slope stability; numerical simulation; analysis approach

* 收稿日期:2019-01-23

基金项目:国家自然科学基金资助项目(11472293), National Natural Science Foundation of China(11472293);国家自然科学基金青年基金 资助项目(11602284,41807280), National Science Foundation for Young Scientists of China(11602284,41807280) 作者简介:孙朝燚(1992—),男,四川眉山人,中国科学院武汉岩土力学研究所博士研究生

[†]通讯联系人, E-mail: yzheng@whrsm.ac.cn

倾倒破坏是岩质反倾边坡的主要失稳模式之 一,常见于露天采矿、水利水电、公路铁路等各类工 程边坡中,这些边坡的失稳给工程建设和人民生活 造成了严重的危害[1-6]. Goodman 和 Bray[7]从单个岩层 破坏的力学机制出发,将倾倒破坏分为弯曲倾倒、块 状倾倒和块状-弯曲复合倾倒三种类型. 若岩质边坡 中存在一组与边坡走向近似、插入坡内的主控裂隙 组如层理、页理等,边坡类似叠合悬臂梁,由于重力 作用,岩块承受着拉伸和压缩弯曲应力,当每个岩块 中的拉应力超过岩块的抗拉强度时,边坡就会发生 倾倒失稳破坏,这种破坏模式称为弯曲倾倒破坏.若 上述边坡中还存在一组与主控裂隙组成大角度相交 的横向裂隙组,此时岩块不抗拉,由于重力作用,岩 块可能绕底面发生转动,这种破坏模式称为块状倾 倒破坏.块状-弯曲复合倾倒破坏是两种破坏模式的 组合,指边坡中既有块状倾倒的岩块,也有发生弯曲 倾倒破坏的岩块.

对于上述三种倾倒破坏模式,国内外很多学者已做了大量工作并取得了显著的成果^[8-17].然而由于 岩石的脆性和节理的不规则性,岩质反倾边坡还可 能发生滑动--倾倒复合破坏. Alejano等^{[11}通过西班牙 的一个失稳矿山边坡,详细分析了边坡上部块状倾 倒-下部圆弧滑动的破坏机制,并提出了相应的稳定 性分析方法. Amini 和 Mohtarami 等^[18-19]通过室内模 型试验,研究了边坡上部圆弧滑动-下部弯曲倾倒破 坏的复合破坏机制,并推导了安全系数计算公式. 当 横向节理或裂隙并未由坡脚贯通到坡顶时,坡脚岩 层由于岩块高宽比较小,可能沿横向节理发生平面 滑动破坏,中部岩层可能发生块状倾倒破坏,而上部 岩层由于未被横向节理切割可能发生弯曲倾倒破 坏,这类破坏可称之为滑动-块状倾倒-弯曲倾倒复 合破坏.

本文首先建立边坡滑动-块状倾倒-弯曲倾倒复 合破坏的地质模型和力学模型,然后基于极限平衡 理论和悬臂梁模型提出边坡复合破坏的稳定性分析 方法,最后通过山西浑源某花岗岩矿山边坡来验证 所提地质力学模型和分析方法的正确性.

1 复合倾倒破坏分析

1.1 复合倾倒破坏过程

底部横向节理未完全贯通的倾倒破坏过程如图 1 所示. 横向节理将岩层切割成离散的岩块,岩块区 域的上部岩块由于高宽比大,在自重和层间推力作 用下发生块状倾倒变形,推挤下部岩块,发生滑动-块状倾倒复合破坏;未被横向节理贯通的顶部岩层 失去前缘岩块的支撑抗力之后形成悬臂段,在自重 作用下发生悬臂弯曲,形成弯曲倾倒破坏;边坡完全 倾倒破坏后,形成"L"型的破坏形态.

复合倾倒破坏主要为边坡前缘和中部岩块发生 滑动-块状倾倒复合破坏,而后伴随后缘岩层发生弯 曲倾倒破坏.因此,可将此类复合破坏分为3个分 区:滑动区、块状倾倒区和弯曲倾倒区(如图1所示).



1.2 地质几何模型

岩质反倾边坡复合倾倒破坏的分析模型如图 2 所示,图中 h 为边坡高度,h_i为岩块 i 的高度,t 为岩 块厚度, α 为边坡坡度, θ 为裂隙带倾角, β 为反倾结 构面法线倾角, θ_i 为裂隙带与反倾结构面法线夹角, $\theta_r = \theta - \beta$, η 为反倾结构面倾角, $\eta = 90^\circ - \beta$. (1)



Fig.2 Geological geometric model of complex toppling failure

 $w_i = \gamma h_i t.$

式中:γ为岩体重度;i为自坡脚向上的四边形岩块 编号,1≤i≤i_{total}(1为横向节理贯通的坡脚第一个岩 块,i_{total}为横向节理贯通的最后一个岩块).

1.3 力学分析方程

复合倾倒破坏是一个十分复杂的过程,要想构 建完全精确的力学分析方程是不太可能的,但是可 以通过合理的假设和简化得到满足工程精度要求的 分析方程.本文沿用了以下几条基本假设来简化复 合倾倒破坏的分析过程^[7-15].

1)底部横向节理起始于坡脚位置,且滑动区和 块状倾倒区岩块沿横向节理发生破坏.

2)岩块发生滑动破坏时,假设岩层间无相互错动,只考虑层面法向力 P_i ,底滑面满足极限摩擦平衡条件 $S_i = N_i \tan \varphi_1, S_i, N_i 和 \varphi_1$ 分别为滑动破坏面的切向力、法向力和摩擦角.

3)岩块发生块状倾倒破坏时,层间相互作用力 简化成集中力,作用点位于岩块界面最上端,层面满 足极限摩擦平衡条件 $Q_i = T_i \tan \varphi_2, Q_i, T_i 和 \varphi_2$ 分别 为倾倒层面的切向力、法向力和摩擦角.

4)所有潜在破坏岩层具有相同的安全系数,且 都等于边坡的整体安全系数 *F*_s.

根据反倾边坡的复合倾倒过程,从坡脚向坡顶 的方向逐步对岩块进行稳定性分析,首先对坡脚第 1个岩块进行力学分析,如图 3 所示.

对于坡脚第1个岩块,按照剪切滑移进行分析, 沿破坏面和垂直破坏面建立平衡方程如下:

 $w_1 \sin \theta + P_1 \cos \theta_r = N_1 \tan \varphi_1 / F_s, \qquad (2)$

$$N_1 = w_1 \cos \theta - P_1 \sin \theta_r.$$
(3)

整理上式可得发生剪切滑移破坏时所需第2个 岩块作用的最小推力为:

$$P_{1} = \frac{(\cos\theta \tan\varphi_{1}/F_{s} - \sin\theta)w_{1}}{\cos\theta_{r} + \sin\theta_{r}\tan\varphi_{1}/F_{s}}.$$
(4)



Fig.3 Mechanical model of the first block located at the slope toe

对于坡脚第1个岩块,按照块状倾倒破坏进行 分析,以岩块破坏面下端点为转折点,建立力矩平衡 方程如下:

$$T_1 \cdot h_1 + w_1 \sin \beta \cdot 0.5 h_1 - w_1 \cos \beta \cdot 0.5 t = T_1 \tan \varphi_2 / F_s \cdot t.$$
(5)

整理上式可得发生块状倾倒破坏时所需第2个 岩块作用的最小推力为:

$$T_1 = 0.5w_1 \cos\beta \frac{t - h_1 \tan\beta}{h_1 - t \tan\varphi_2/F_s}.$$
(6)

 P_1 、 T_1 的相对大小决定坡脚第1个岩块的潜在 破坏模式. 若 $P_1 \leq T_1$,则坡脚第1个岩块潜在的破 坏模式为剪切滑移破坏;若 $P_1 > T_1$,则坡脚第1个岩 块潜在的破坏模式为块状倾倒破坏.

同理,岩块*i*按照剪切滑移进行分析时,力学模型如图 4(a)所示,沿破坏面和垂直破坏面建立平衡 方程如下:

 $w_i \sin \theta + P_i \cos \theta_r = N_i \tan \varphi_1 / F_s + \min(T_{i-1}, P_{i-1}) \cos \theta_r,$ (7)

$$N_i = w_i \cos \theta - P_i \sin \theta_r + \min(T_{i-1}, P_{i-1}) \sin \theta_r.$$
(8)



破坏面以上任意岩块的自重为:

整理上式可得发生剪切滑移破坏时所需上部岩 块作用的最小推力为:

$$P_{i} = \min(T_{i-1}, P_{i-1}) + \frac{(\cos\theta \tan\varphi_{1}/F_{s} - \sin\theta)w_{i}}{\cos\theta_{r} + \sin\theta_{r}\tan\varphi_{1}/F_{s}}.$$
(9)

岩块*i*按照块状倾倒破坏进行分析时,力学模型如图4(b)所示,以岩块破坏面下端点为转折点, 建立力矩平衡方程如下:

$$T_i \cdot h_i - \min(T_{i-1}, P_{i-1}) \cdot h_{i-1} + w_i (\sin \beta \cdot 0.5h_i - 1)$$

$$\cos \boldsymbol{\beta} \cdot 0.5t = T_i \tan \varphi_2 / F_s \cdot t. \tag{10}$$

整理上式可得发生块状倾倒破坏时所需上部岩 块作用的最小推力为:

$$T_{i} = \frac{\min(T_{i-1}, P_{i-1})h_{i-1} + 0.5w_{1}\cos\beta(t - h_{i}\tan\beta)}{h_{i} - t\tan\varphi_{2}/F_{s}}.$$
(11)

若块状倾倒区中先有部分岩块和滑动区岩块发 生滑动-块状倾倒复合破坏,块状倾倒区后部存在残 留岩块,岩块处于临空状态,层间作用力变为零,力 学模型如图 5 所示,以岩块破坏面下端点为转折点, 建立力矩平衡方程如下:

$$w_i \sin \beta (0.5h_i + 0.5t \cdot \tan \theta_r) = w_i \cos \beta \cdot 0.5t.$$
(12)

整理上式可得处于临空状态的岩块发生块状倾 倒破坏时所需满足的最小高宽比_{Xmin}为:



图 5 块状倾倒区处于临空状态的岩块力学模型 Fig.5 Mechanical model of the block toppling at the free surface

滑动区和块状倾倒区的岩块全部发生破坏后, 对弯曲倾倒区形成反坡临空面,其后缘岩块处于悬 臂状态.因为下部岩块破坏后与上部岩块分离,层间 作用力变为零,所以弯曲倾倒区的岩块稳定性问题 可转化为"斜置悬臂梁"问题,左保成^[4]、卢海峰等^[20]、 陈从新等^[21]基于图 6 所示的斜置悬臂梁模型,推导 了单岩层折断所需满足的最小高度 h_{min}为:



Fig.6 Mechanical model of the flexural toppling^[4,20-21]

1.4 破坏类型和分析方法

本文所提反倾边坡滑动-块状倾倒-弯曲倾倒复 合破坏,主要为边坡前缘和中部岩块先发生滑动-块 状倾倒复合破坏,而后伴随后缘岩层发生弯曲倾倒 破坏.从复合倾倒破坏过程来看,块状倾倒区的岩块 可能全部和滑动区岩块先发生滑动-块状倾倒复合 破坏,也可能只有部分和滑动区岩块先发生滑动-块 状倾倒复合破坏.

1.4.1 块状倾倒区岩块全部发生复合破坏

以式(9)和(11)作为迭代方程,取 $F_s = 1$,从坡脚 岩块向横向节理贯通的最后一个岩块计算,将每一 步迭代得到的 min(T_{i-1} , P_{i-1})值作为下一步迭代计算 中的 T_i 和 P_i ,取 $F_i = min(T_i,P_i)(1 \le i \le i_{total})$,即边坡 失稳破坏时所需的附加外力.若横向节理贯通的最 后一个岩块计算所得附加外力 $F_{i-1} < 0$,则块状倾倒 区的岩块全部发生破坏.滑动区和块状倾倒区的岩 块发生复合破坏后,形成反坡临空面,其后缘弯曲倾 倒区岩块的稳定性可通过式(14)计算分析.

此外滑动区与块状倾倒区的边界可通过式(15) 获得^[21].若岩块 *i*_{st} 及 *i*_{st}+1 破坏时需要上部岩块作用 的推力满足式(15),则[1,*i*_{st}]属于潜在滑动区,(*i*_{st},*i*_{total}] 属于潜在块状倾倒区.

$$\begin{cases} P_{i_{s}} \leqslant T_{i_{s}}, \\ P_{i,1} > T_{i,1}, \end{cases}$$

$$\tag{15}$$

式中:Pia和 Pia+1分别为式(9)求得岩块 iat 及 ia+1 破坏

时需要上部岩块作用的推力; T_i和 T_i+1分别为式(11) 求得岩块 i_{st}及 i_{st}+1 破坏时需要上部岩块作用的 推力.

边坡安全系数 F_s 主要由滑动-块状倾倒复合破 坏区域的岩块稳定性决定. 先假定一个初始安全系 数 F⁰,以式(9)和(11)作为迭代方程,从坡脚岩块开 始向该复合破坏区域的最后一个岩块计算,求出附 加外力 F,直到假定的 F_s满足 F 为零的要求. 1.4.2 块状倾倒区岩块部分发生复合破坏

以式(9)和(11)作为迭代方程,取 $F_s = 1$,从坡脚 岩块向横向节理贯通的最后一个岩块计算,将每一 步迭代得到的 $\min(T_{i-1}, P_{i-1})$ 值作为下一步迭代计算 中的 T_i 和 P_i ,取 $F_i = \min(T_i, P_i)(1 \le i \le i_{total})$,即边坡 失稳破坏时所需的附加外力.若横向节理贯通的最 后一个岩块计算所得附加外力 $F_{i,a} \ge 0$,前面存在附 加外力 $F_{i,a} < 0$ 的岩块,则块状倾倒区的岩块只有部 分发生复合破坏,滑动-块状倾倒区的岩块只有部 分发生复合破坏,滑动-块状倾倒反合破坏的区域为 $[1, i_m], 进一步由式(15)可得[1, i_s]属于潜在滑动区,$ $(i_s, i_m]属于潜在块状倾倒区.若块状倾倒区的所有岩$ $块计算所得附加外力<math>F_i \ge 0$,则岩块处于稳定状态. 若岩块计算所得的附加外力 $F_i = 0$,则岩块处于临界 平衡状态.

块状倾倒区中,[1,i_m] 区域岩块发生复合破坏形成反坡临空面,其后缘(i_m,i_{total}]区域的岩块失去层间作用力,其稳定性通过式(13)计算分析.若边坡后缘(i_m,i_{total}]区域的块状倾倒区岩块全部发生块状倾倒破坏,则需通过式(14)计算弯曲倾倒区岩块稳定性.

边坡安全系数 F_s也由滑动-块状倾倒复合区域的岩块稳定性决定.通过先假定一个初始安全系数 F⁰⁰,迭代求解坡脚岩块至该复合破坏区域的最后一个岩块,直到假定的 F_s满足岩块附加外力 F 为零的要求.

2 工程实例数值模拟

山西省浑源县某花岗岩矿于 2017 年 8 月 23 日 发生复合倾倒破坏. 倾倒破坏主体位于 1 950 m 高程 平台下部 5~15 m 范围内, 倾倒破坏区内岩块沿裂 隙带发生滑动-块状倾倒复合破坏,往正面临空方 向倾倒,后缘岩块因正面临空发生弯曲倾倒变形, 形成"L"形的凹腔,边坡倾倒破坏前后的概貌如图 7 所示.



(a) 滑动-块状倾倒复合破坏前状态



(b) 滑动-块状倾倒复合破坏后状态
 图 7 反倾边坡复合倾倒破坏
 Fig.7 Complex toppling failure of anti-dip slope

通过倾倒破坏区域的地质调查可知,反倾边坡 中存在三组优势结构面和底部裂隙带:第一组结构 面 J1 产状为 67°∠73°, 倾向北东, 节理密度约为 3.63 条/m,裂隙间距的平均值为 27.6 cm;与坡面形 态近似垂直,解除了倾倒岩体的侧向约束(因图7为 反倾边坡复合倾倒破坏的侧视图,结构面 J1 垂直于 反倾边坡坡面,故未展示 J1 的分布). 第二组结构面 J2 产状为 136°∠81°, 倾向北西, 节理密度约为 2 条/ m,裂隙间距的平均值为50cm;结构面呈张性,延伸 性较好,对倾倒破坏起主控作用.第三组结构面 J3 产状为 172° ∠ 25°~45°, 倾向南, 节理密度约为 1.5 条/m,裂隙间距的平均值为65 cm;延伸性较差,对边 坡稳定性影响较小.反倾边坡底部发育一条裂隙带, 顺坡向倾向外,倾角 30°,厚 0.2 m,延伸约 13 m. 结 合边坡地质结构,考虑陡倾结构面_J2、缓倾结构面 J3 和底部裂隙带,得到反倾边坡地质剖面图(如图 8 所示).



2.1 数值模型和材料参数

反倾边坡倾倒破坏的诱发因素是持续降雨,但 是期间持续降雨的累积降雨量较小,坡体中未见明 显水流,故本文不考虑裂隙水在岩体裂隙间的动静 水压力^[22-23],只考虑降雨对结构面力学参数的弱化作 用.因此,数值模拟主要包括天然工况和降雨工况, 采用 UDEC 的摩尔库仑模型,计算所采用的材料参 数通过室内试验、工程类比和参数反演综合得出^[24] (见表 1),天然工况采用天然材料参数,降雨工况采 用饱和材料参数.基于图 8 所示的反倾边坡地质剖 面图,建立了反倾边坡的数值模型(如图 9 所示).

 表 1 数值模拟所采用的材料参数

 Tab.1 Material parameters using in numerical simulation

 密度ρ 弹性模量 泊松比 抗拉强度 黏聚力 摩擦角

米団	密度 ρ	弾性惧重	泪松比	玑拉强度	貓衆刀	摩擦用	
矢刑	$/(kg \cdot m^{-3})$	E/GPa	μ	$\sigma_{ m t}/{ m MPa}$	c/MPa	$arphi/(\circ$)	
片麻岩	2 700	45 [*]	0.21^{*}	7.5^{*}	1.0^{*}	45 [*]	
		(42**)	(0.23^{**})	(6.6**)	(0.3**)	(40**)	
结构面	—			0	0	391*	
		_	_			(29**)	
裂隙带	_			0	0	401*	
		_	_	0	0	(31**)	

注:* 表示天然材料参数;** 表示饱和材料参数.



Fig.9 UDEC numerical model of anti-dip slope

边坡模型高 25 m, 长 35 m; 坡高 15 m, 坡度 65°;内部发育两组结构面:陡倾结构面 J2 倾角 81°、 间距 1 m,缓倾结构面 J3 倾角 25°、间距 0.8m;底部 发育一条裂隙带,倾角 30°,延伸约 13 m.

2.2 天然工况模拟

天然工况下数值计算收敛,总共计算 229 867 步,最终边坡位移矢量图和坡面位移量如图 10 所示. 边坡整体位移变形较小,说明该边坡在天然状态下 是稳定的.从图 10 中具体来看:边坡坡脚岩块位移 很小,底部裂隙面闭合且无滑动;坡顶岩块在自重作 用下,有水平向外的倾倒趋势,但倾倒位移量较小, 坡面位移量随坡高的增加近似呈线性增长,最大位 移量 4.4×10⁻³ m,位于靠近坡肩的位置,边坡整体呈 稳定状态.



图 10 天然工况边坡位移矢量图和坡面位移量(单位:m) Fig.10 The displacement vector diagram and slope surface displacement in natural condition (unit:m)

2.3 降雨工况模拟

雨水的弱化作用导致边坡岩体和结构面的力学 参数降低,在饱和力学参数条件下,数值计算不收 敛,说明该边坡在降雨状态下是失稳的.

图 11 所示为降雨工况下,边坡计算 50 万步时 的位移矢量图和坡面位移量.

从图 11 中可以看出,降雨工况下边坡整体位移 变形较大,坡面位移量随坡高不再呈线性增长,而是 呈现明显的分区特征,具体可分为滑动区、块状倾倒 区和弯曲倾倒区,岩块最大位移 7.5×10⁻² m,位于块 状倾倒区后缘顶部的位置.根据边坡的位移矢量特 征(箭头方向表示位移方向,箭头长度表示位移大 小)可进一步得出三个分区的岩块位移特征:滑动区 集中在坡脚位置,主要为前三个岩块,位移方向为平 行于底部裂隙面向下,岩块各高度位移大小近似相 等,呈整体向下剪切滑动的特征.块状倾倒区主要位 于滑动区上方,位移方向近似水平向外,岩块顶部位 移大,底部位移小,位移矢量近似垂直于反倾结构 面,呈现沿底部裂隙面下端点向外转动倾倒的特征. 弯曲倾倒区岩块底部没有贯通的裂隙带,发生弯曲 倾倒变形,处于弯曲变形状态.因此复合倾倒主要破 坏为块状倾倒区岩块先发生倾倒破坏,挤压推动前 部岩块,触发前缘岩块发生滑动破坏.



图 11 降雨工况边坡位移矢量图和坡面位移量(单位:m) Fig.11 The displacement vector diagram and slope surface displacement in rainfall condition (unit:m)

图 12 所示为降雨工况下,边坡计算 50 万步时 的塑性区和局部破坏图.弯曲倾倒区位于块状倾倒 区的上方,岩块底部后侧出现局部拉伸屈服破坏,前 侧出现局部剪切破坏(图 12 中小圆圈表示拉伸破坏 塑性区,星号表示剪切破坏塑性区),呈现向外弯曲 倾倒的特征.因弯曲倾倒区的岩块弯曲拉应力未达 到其抗拉强度,故弯曲倾倒区的岩块未出现倾倒破 坏,处于弯曲变形状态.因此,降雨工况下边坡先发 生前缘和中部滑动-块状倾倒破坏,并伴随后缘岩块 弯曲倾倒变形.

此外,从滑动区最后一个岩块失稳的局部放大 图(A1)可看出滑动区岩块的破坏特征:该岩块底部 与裂隙带(破坏面)压密闭合,相互剪切错动,发生压 剪滑移破坏;岩块后部出现图中所示的明显张裂隙, 张裂隙呈现顶部窄底部宽的形态,这主要是由于后 部岩块沿底部下端点发生转动倾倒,上部变形大于 下部,上部挤推前部岩块,致使滑动区后缘岩块的下 部形成"张裂隙",此张裂隙可作为滑动区和块状倾 倒区的分界面.从块状倾倒区的最后一个岩块失稳 的局部放大图(A2)可看出:块状倾倒区的岩块在底 部和后部存在两条张裂隙,底部张裂隙沿破坏面呈 现前窄后宽的形态,后部张裂隙沿岩块高度呈现顶 宽底窄的形态,表现出明显的块状倾倒特征.因此, 从岩块失稳的局部放大图进一步肯定了该边坡的滑 动-块状倾倒复合破坏特征.



图 12 降雨工况边坡塑性区和局部破坏图 Fig.12 The plastic zone and local failure in rainfall condition

图 11 和图 12 的 UDEC 模拟结果均一致反映了 底部横向节理未贯通的反倾边坡的复合破坏机制, 表现为前缘和中部滑动-块状倾倒破坏,而后伴随后 缘岩块弯曲倾倒变形.

为便于理论公式的计算分析,提出了反倾边坡 简化地质模型,即不考虑缓倾结构面 J3 的影响.对 该简化地质模型采用相同的饱和材料参数,计算 50 万步可得降雨工况下边坡位移矢量和局部破坏如图 13 所示.

从图 13 中简化地质模型边坡的位移矢量来看, 依然呈现滑动区、块状倾倒区和弯曲倾倒区三个分 区特征,滑动区和块状倾倒区的位移矢量特征和原 始地质模型完全一致,弯曲倾倒区由于不考虑缓倾 结构面 J3,岩块的变形比原始地质模型稍微偏小.总 体来看,简化地质模型的边坡位移矢量特征和塑性 区分布也表现出滑动-块状倾倒-弯曲倾倒复合破坏 机制,这和图 11 与图 12 原始边坡地质模型所得结 果一致.此外,对比分析滑动区岩块的局部失稳图 A1′和 A1,后部张裂隙形状均呈现压剪滑移破坏特 征;块状倾倒区的局部失稳图 A2′和 A2,底部和后部 两条张裂隙形状均一致呈现出块状倾倒特征.因此从 边坡位移矢量和局部破坏特征可知该反倾边坡中的 缓倾结构面 J3 对边坡的破坏无显著影响,采用简化 地质模型研究边坡破坏机制和分析方法是合理的.



3 对比分析

文中实例边坡的复合倾倒破坏机制,通过数值 模拟具体表现为边坡前缘和中部岩块发生滑动-块 状倾倒破坏,后缘岩块发生弯曲倾倒变形.在表1所 示的材料参数条件下采用本文所提复合倾倒破坏分 析方法对该反倾边坡简化地质模型进行计算分析, 计算模型如图14所示.



Fig.14 Simplified calculation model of complex toppling failure

按照 1.4 节的分析步骤,首先取 $F_s = 1$,以式(9) 和(11)作为迭代方程,从坡脚岩块(i=1)向横向节理 贯通的最后一个岩块(i=8)计算,将每一步迭代得到 的 min ($T_{i=1}, P_{i=1}$) 值作为下一步迭代计算中的 T_i 和 P_i ,取 $F_i = \min(T_i, P_i)(1 \le i \le 8)$,即边坡失稳破坏时 所需的附加外力.在饱和材料参数条件下,滑动-块 状倾倒破坏区域的各岩块发生滑动破坏或块状倾倒 破坏所需附加外力 P_i 和 T_i ,见表2.从表 2 中各岩块 滑动破坏或块状倾倒破坏时所需附加外力来看,依 据较小附加外力所对应的类型即为岩块的潜在破坏 类型,可清楚地判定各岩块的破坏类型,如表2所示. 此外,第8号坡顶岩块所需附加外力小于零,处于失 稳状态,顶部岩块倾倒加压于下部块体是导致边坡 发生滑动-块状倾倒复合破坏的根本原因,故对该类 边坡治理加固时应及早采取措施,重点加固块状倾 倒破坏区.

	表 2 理论计算结果
Tab.2	The results by theoretical calculation methods

岩块编号(i)	P_i/kN	T_i/kN	破坏类型
1	0.49	10.97	滑移
2	1.49	9.02	滑移
3	3.01	7.62	滑移
4	5.04	6.73	滑移
5	7.59	6.36	块状倾倒
6	9.42	5.37	块状倾倒
7	8.95	2.26	块状倾倒
8	6.35	-2.89	块状倾倒

进一步对理论方法和数值模拟的计算结果作对 比分析,如表 3 所示.从表 3 中可看出,利用本文所 提的理论方法和数值模拟得到的结果近似一致,两 种方法计算的边坡稳定性结果均处于失稳状态,两 种方法确定的滑动区和块状倾倒区的范围基本相 同,均与实际相符.此外,对于弯曲倾倒区的岩块,通 过式(14)计算得岩块最小折断高度为 24 m,远大于 该边坡弯曲倾倒区的岩块悬臂长度 10 m,因此岩块 仅处于弯曲变形状态,并未发生弯曲倾倒破坏,这也 与数值模拟的结果一致.

表 3 两种计算方法结果对比 Tab.3 Comparison of the results by two kinds of different calculation methods

计位于计	岩:	块编号	生神经宫树生去	
1月7次 -	滑动区	块状倾倒区	一 辺圾梞足性扒芯	
理论模型	1~4	5~8	失稳	
数值模拟	1~3	4~8	失稳	

边坡安全系数 F_s以式(9)和(11)作为迭代方程, 从坡脚岩块开始向该复合破坏区域的最后一个岩块 计算,求出附加外力 F,直到假定的 F_s满足 F 为零的 要求.对该实例边坡采用天然材料参数计算得安全 系数 F_s为 1.35,F_s>1 说明边坡处于稳定状态;采用 饱和材料参数计算得安全系数 F_s为 0.96,F_s<1 说明 边坡处于失稳状态.从边坡安全系数角度考虑,理论 方法和数值模拟的结果亦一致.

4 结 论

 1)基于底部横向裂隙未完全贯通的反倾边坡, 建立了包含滑动区、块状倾倒区和弯曲倾倒区的复 合倾倒破坏地质模型.

2)利用三个分区的岩块破坏特点,基于极限平 衡理论和悬臂梁模型,提出了岩质反倾边坡复合倾 倒破坏自下而上逐步分析的理论方法.

3)岩质反倾边坡滑动-块状倾倒-弯曲倾倒复合 破坏的稳定性由滑动-块状倾倒复合破坏区域控制.

4)滑动-块状倾倒复合破坏区中块状倾倒区域 属于主动破坏区域,滑动区属于被动破坏区域,治理 加固时应重点加固块状倾倒破坏区.

参考文献

- [1] ALEJANO L R, GÖMEZ-MÁRQUEZ I, MARTÍNEZ-ALEGRÍA R. Analysis of a complex toppling-circular slope failure [J]. Engineering Geology, 2010, 114(1/2):93–104.
- [2] 邱俊,任光明,王云南. 层状反倾-顺倾边坡倾倒变形形成条件及发育规模特征[J]. 岩土力学,2016,37(S2):513-524.
 QIU J, REN G M, WANG Y N. Characteristics of forming conditions and development scale of toppling in anti-dip and dip stratified slopes [J]. Rock and Soil Mechanics,2016,37(S2):513-524. (In Chinese)
- [3] 刘顺昌. 如美水电站岩质边坡倾倒破坏机理研究[D].武汉:中国地质大学工程学院,2013:7-14.
 LIU S C. Study on toppling failure mechanism of rock slope in Rumei hydropower station [D]. Wuhan: Faculty of Engineering, China University of Geosciences, 2013:7-14. (In Chinese)
- [4] 左保成.反倾岩质边坡破坏机理研究[D].武汉:中国科学院武汉岩土力学研究所,2004:7-13.
 ZUO B C. Study on losing stability mechanics of counter-tilt rock slopes [D]. Wuhan:Institute of Rock and Soil Mechanics, Chinese Academy of Sciences,2004:7-13. (In Chinese)
- [5] 卢海峰,刘泉声,陈从新.反倾岩质边坡悬臂梁极限平衡模型的改进[J].岩土力学,2012,33(2):577-584.
 LUHF,LUQS,CHENCX.Improvement of cantilever beam limit equilibrium model of counter-tilt rock slopes [J]. Rock and Soil Mechanics,2012,33(2):577-584. (In Chinese)
- [6] 谭强,高明忠,魏进兵,等. 岩质边坡浅表层改造蠕动破坏机理 探索与稳定性分析[J]. 湖南大学学报(自然科学版),2014,41 (11):103-109.
 TAN Q, GAO M Z, WEI J B, *et al.* A case study on creep destruction

resulted from exogenetic reconstruction and stability evaluation of rock slope [J]. Journal of Hunan University (Natural Sciences), 2014,41(11):103—109. (In Chinese)

- [7] GOODMAN R E, BRAY J W. Toppling of rock slopes[C]//Proceedings of ASCE Specialty Conference, Rock Engineering for Foundations and Slopes: Vol.2. Colorado: Boulder, 1976:201-234.
- [8] ADHIKARY D P, DYSKIN A V, JEWELL R J, et al. A study of the mechanism of flexural toppling failure of rock slopes [J]. Rock Mechanics & Rock Engineering, 1997, 30(2):75–93.
- [9] ZHENG Y, CHEN C X, LIU T T, et al. Stability analysis of rock slopes against sliding or flexural-toppling failure [J]. Bulletin of Engineering Geology & the Environment, 2017(1):1-21.
- [10] BOBET A. Analytical solutions for toppling failure [J]. Internation-

al Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 1999, 36(7): 971–980.

- [11] LIU C H, JAKSA M B, MEYERS A G. Toppling mechanisms of rock slopes considering stabilization from the underlying rock mass [J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2008,45(8):348–354.
- [12] LIU C H, JAKSA M B, MEYERS A G. Improved analytical solution for toppling stability analysis of rock slopes [J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2008, 45(8):1361— 1372.
- [13] LIU C H, JAKSA M B, MEYERS A G. A transfer coefficient method for rock slope toppling [J]. Canadian Geotechnical Journal, 2009,46(1):1-9.
- [14] 刘才华,陈从新. 地震作用下岩质边坡块体倾倒破坏分析[J]. 岩石力学与工程学报,2010,29(S1):3193—3198.
 LIU C H, CHEN C X. Analysis of toppling failure of rock slopes due to earthquakes [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2010,29(S1):3193—3198. (In Chinese)
- [15] 郑允,陈从新,刘婷婷,等. 坡顶荷载作用下岩质边坡倾倒破坏 分析[J]. 岩土力学,2015,36(9):2639-2647.
 ZHENG Y, CHEN C X, LIU T T, *et al.* Analysis of toppling failure of rock slopes under the loads applied on the top [J]. Rock and Soil Mechanics,2015,36(9):2639-2647. (In Chinese)
- [16] AMINI M, VESHADI M A. Stability analysis of rock slopes against block-flexure toppling failure [J]. Rock Mechanics & Rock Engineering, 2012, 45(4):519-532.
- [17] AMINI M, GHOLAMZADEH M, KHOSRAVI M H. Physical and theoretical modeling of rock slopes against block-flexure toppling failure [J]. International Journal of Mining and Geo-Engineering, 2015,49(2):155-171.
- [18] MOHTARAMI E, JAFARI A, AMINI M. Stability analysis of slopes against combined circular-toppling failure [J]. International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 2014, 67(2):43-56.
- [19] AMINI M, ARDESTANI A, KHOSRAVI M H. Stability analysis of slide-toe-toppling failure [J]. Engineering Geology, 2017, 228–96.
- [20] 卢海峰,刘泉声,陈从新.反倾岩质边坡悬臂梁极限平衡模型的改进[J].岩土力学,2012,33(2):577-584.
 LUHF,LIUQS,CHENCX. Improvement of cantilever beam limit equilibrium model of counter-tilt rock slopes [J]. Rock and Soil Mechanics,2012,33(2):577-584. (In Chinese)
- [21] 陈从新,郑允,孙朝燚. 岩质反倾边坡弯曲倾倒破坏分析方法研究[J]. 岩石力学与工程学报,2016,35(11):2174—2187.
 CHEN C X,ZHENG Y,SUN C Y. Analytical approach on flexural toppling failure of counter-tilt slopes of layered rock [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2016, 35(11):2174—2187. (In Chinese)
- [22] 舒继森,唐震,才庆祥.水力学作用下顺层岩质边坡稳定性研究
 [J].中国矿业大学学报,2012,41(4):521-525.
 SHU J S,TANG Z,CAI Q X. Research on stability of bedding rock slopes under hydraulic pressure [J]. Journal of China University of Ming & Technology, 2012,41(4):521-525. (In Chinese)
- [23] 郑俊杰, 鱼欢, 郭震山, 等. 降雨条件下拓宽路堤稳定性数值分析[J]. 湖南大学学报(自然科学版), 2017, 44(7):150-155. ZHENG J J, YU H, GUO Z S, et al. Numerical analysis of the stability of widened embankment under rainfall conditions [J]. Journal of Hunan University (Natural sciences), 2017, 44(7):150-155. (In Chinese)
- [24] 陈从新,肖国峰,鲁祖德,等.新利花岗岩矿边坡稳定性研究
 [R].武汉:中国科学院武汉岩土力学研究所,2015:41-92.
 CHEN C X,XIAO G F,LU Z D,*et al.* Report on the stability evaluation of Xinli granite mine slope [R]. Wuhan: Institute of Rock and Soil Mechanics, Chinese Academy of Sciences, 2015:41-92. (In Chinese)