文章编号:1674-2974(2021)09-0001-09

DOI:10.16339/j.cnki.hdxbzkb.2021.09.001

# 考虑剪应力水平和土体干密度影响的 锚-土界面剪切蠕变模型

陈昌富\*,温永凯,朱世民

(1. 建筑安全与节能教育部重点实验室(湖南大学),湖南长沙 410082;2. 湖南大学 土木工程学院,湖南长沙 410082)

摘要:岩土锚固工程中,土体密实度影响着锚-土界面剪切蠕变特性.为研究不同干密度 土层中灌浆锚杆锚固体-红土界面的剪切蠕变特性,研制了一套钻孔成孔的锚固单元体试样 制作装置,制备了不同干密度的锚固单元体试样.利用自行设计制作的锚-土界面剪切蠕变特 性测试系统对试样进行分级加载,并按照陈宗基等提出的蠕变曲线处理方法,得到了不同干 密度下锚-土界面分别加载下的蠕变曲线,再采用等时曲线法获得了不同干密度下锚-土界面 长期抗剪强度.选取不同干密度试样中部分应力水平下的蠕变曲线,分别采用双曲线模型对 其等时曲线进行回归分析并建立出相应的蠕变模型,再通过建立蠕变模型参数与土体干密度 的经验关系,得到可同时考虑剪应力水平和土体干密度影响的锚-土界面剪切蠕变模型.结果 表明,本文模型对已参与和未参与建模的蠕变曲线的预测精度均较高.

关键词:锚杆;界面;等时曲线;蠕变;双曲线模型中图分类号:TU 43文献标志码:A

# Creep Model for Anchor–soil Interface Considering Shear Stress and Soil Dry Density

#### CHEN Changfu<sup>†</sup>, WEN Yongkai, ZHU Shimin

(1. Key Laboratory of Building Safety and Energy Efficiency of Ministry of Education(Hunan University), Changsha 410082, China;
 2. College of Civil Engineering, Hunan University, Changsha 410082, China)

**Abstract**: In geotechnical anchorage engineering, the soil density has a influence on the shear creep behavior of anchor-soil interface. A special device for preparing the element anchor specimens in drilling method was designed and made to investigate the influence of soil dry density on anchor-soil interface shear creep behavior. Several specimens with different soil dry densities were prepared by using this device. Creep loads were applied by incremental step using a self-designed anchor – soil interface shear creep testing system. A cluster of interface shear creep curves in various stress levels for those specimens with different soil dry densities was obtained by T-K Tan's method. Anchor-soil interface long-term shear strengths in different soil dry densities were obtained by the isochronal curves method. Creep curves under partial stress levels of each specimen were selected and translated into isochronal curves. Creep models for each different soil dry density specimen considering shear stress were established by

\* 收稿日期:2020-06-22

**基金项目:**国家自然科学基金资助项目(41572298,51978254), National Natural Science Foundation of China(41572298,51978254) 作者简介:陈昌富(1963—),男,湖南祁东人,湖南大学教授,博士生导师

<sup>†</sup>通信联系人, E-mail: cfchen@163.com

2

regression analysis for those isochronous curves using a hyperbolic model. The creep model for the anchor-soil interface considering the effect of shear stress and soil dry density was obtained by establishing an empirical relationship between creep model parameters and soil dry density finally. The prediction results show that the proposed creep model has good accuracy for both participated and no participated creep curves in modeling.

Key words: anchor; interface; isochronal curve; creep; hyperbolic model

在实际工程中,预应力锚杆都会产生不同程度 的应力松弛和蠕变,其中锚固体与岩土体界面的剪 切蠕变是产生这种现象的主要原因.为此,国内外部 分学者通过室内外试验对锚固体-岩土体界面的剪 切蠕变特性开展了研究.Kim<sup>11</sup>通过开展土层灌浆锚 杆的拉拔蠕变试验和应力松弛试验,分析了锚杆的 蠕变速率和应力损失;伍国军等<sup>12</sup>基于混凝土-花岗 岩界面剪切蠕变试验结果,提出了一种基于经验的 非线性剪切蠕变模型;陈昌富等<sup>13-41</sup>根据锚固单元 体蠕变试验曲线,建立了具有良好拟合及预测效果 的锚-土界面经验蠕变模型和分数阶导数 Burgers 模型.

相对于界面蠕变研究而言,国内外很多学者开展了岩土体的三轴<sup>[5-8]</sup>、直剪<sup>[9]</sup>等蠕变试验,建立了各种蠕变模型.比如,经验蠕变模型有 Singh-Mitchell 模型<sup>[10]</sup>、Mesri 模型<sup>[11]</sup>、卢萍珍等<sup>[6]</sup>提出的改进模型;而 元件模型则有各类元件的串并联模型<sup>[12]</sup>.

目前关于蠕变特性的研究,多数只利用单组蠕 变试验曲线建立模型,模型中仅考虑了单个因素(即 剪应力水平)对蠕变的影响.实际工程中,无论是岩 土体,还是锚-土界面都是在多因素(应力水平、岩土 体性质、环境条件或者注浆压力等)影响下产生剪切 蠕变,而目前除考虑应力水平外还考虑其他因素影 响的蠕变模型的研究相对较少.对于岩土体,有学者 开展了除应力水平外还考虑含水率<sup>[13]</sup>、温度<sup>[14]</sup>及冻融 循环<sup>[15]</sup>等因素影响下的蠕变模型研究.对于锚-土界 面,虽然陈昌富等<sup>[16]</sup>开展了不同注浆压力下锚固体-红黏土界面剪切蠕变试验,并基于 Kriging 模型建立 了可同时考虑剪应力水平和注浆压力影响的锚-土 界面剪切蠕变模型,但目前尚未见有同时考虑剪应 力水平和土体干密度影响的锚-土界面剪切蠕变模 型的研究.

此外,现有的岩土体蠕变模型或界面剪切蠕变 模型基本都是根据分别加载蠕变曲线建立的,而基 于蠕变等时曲线来建立蠕变模型的研究尚未见文献 报道.

为探究土体干密度对锚固体-红土界面剪切蠕 变特性的影响,本文开展了不同土体干密度的锚-土 界面分级加载蠕变试验,利用陈宗基等<sup>177</sup>提出的蠕 变曲线处理方法得到了分别加载蠕变曲线,并通过 "等时曲线法"获得不同土体干密度的锚-土界面长 期抗剪强度.利用双曲线模型对部分被选应力水平 下的蠕变等时曲线进行回归分析,然后建立出双曲 线模型参数与土体干密度和时间的经验关系,据此 进一步建立出可同时考虑剪应力水平和干密度影响 的锚-土界面剪切蠕变模型.最后,利用本文模型对 参与及未参与确定建模参数的蠕变曲线进行预测, 以验证模型预测精度.

#### 1 不同干密度下锚-土界面蠕变试验

#### 1.1 试验用料

试验所用土料为衡阳盆地红层风化残积土,取 自湖南省祁东县某边坡开挖现场,其主要物理力学 参数为:天然含水率w = 30.7%,天然干密度 $\rho_d = 1.23$ g/cm<sup>3</sup>,液限 $w_L = 54.3\%$ ,塑限 $w_p = 35.3\%$ ,塑性指数 $I_p$ = 19,比重 $d_s = 2.680$ ,最大干密度 $\rho_{max} = 1.55$  g/cm<sup>3</sup>,最 优含水率 $w_{op} = 26.5\%$ .试验土料不均匀系数 $C_u =$ 16.67,曲率系数 $C_c = 1.13$ ,属于级配良好.

#### 1.2 试验方案及装置

试样含水率 w 均为 26%, 土体干密度  $\rho_d$  设置 4 个水平, 分别为 1.1 g/cm<sup>3</sup>、1.2 g/cm<sup>3</sup>、1.3 g/cm<sup>3</sup> 和 1.4 g/cm<sup>3</sup>, 对应的饱和密度  $\rho_{sat}$  (饱和度  $S_r$ )分别为: 1.69 g/ cm<sup>3</sup>(0.485)、1.75 g/cm<sup>3</sup>(0.565)、1.81 g/cm<sup>3</sup>(0.656) 和 1.88 g/cm<sup>3</sup>(0.762). 需说明的是, 每组试验均制作 2 个平行试样, 分别用来开展瞬时拉拔试验和蠕变 试验.

试样直径 D 为 30 cm,高度 H 为 10 cm,锚孔直 径 d为 4.8 cm.试样直径与锚孔直径之比 D/d = 6.25> 5,因此,边界效应对试验结果的影响可忽略不计<sup>[18]</sup>.

实际锚固工程通常以钻孔方式形成锚孔,为模 拟实际成孔方式,本文对文献[19]的制样方法进行了 改进,设计制作了一套螺旋干钻法成孔的锚固单元 体试样制备装置,如图1所示.



基于滑轮组增力原理设计制作了蠕变拉拔试验 装置,其增力效率为2倍,即试样承受的拉拔力是加 载砝码质量的2倍.该装置由蠕变加载系统和数据 采集系统两部分组成,具体结构如图2所示.



Fig.2 Device for testing anchor - soil interface creep behavior

#### 1.3 试验方法

试验流程包括土坯制作、钻孔成孔、灌浆及试样 养护以及蠕变加载等,具体如下:

1)土坯制作.利用自行研制的制样装置<sup>19</sup>,对含 水率为26%的重塑红土料按控制干密度的方式进行 分层击实,以此制备土坯.

2)钻孔成孔.首先,将土坯放置到钻孔装置的底 盘中间,并利用一内径略大于锚孔直径的盖盘固定 土坯;然后,转动钻杆使直径为48 mm的钻头以10 r/min的速率向下钻土;钻穿土坯后,回转钻杆,提出 钻头,即获得以钻孔方式成孔的试样.需注意的是, 为确保钻孔所成锚孔的均匀性,钻孔前,在土坯的上 下面各设置高度为 5 cm 的增高土坯.观察锚孔可 知,孔壁呈细螺纹状,粗糙度较大.

3)灌浆及试样养护. 首先,将 Φ16 mm 螺纹钢筋 竖直放置在锚孔中心;然后,将水泥砂浆(m<sub>\*</sub>:m<sub>x</sub>: m<sub>w</sub>=0.45:1:1)灌入锚孔并振捣密实;水泥砂浆初 凝后,将试样移至密封袋中养护 28 d.

4)试样蠕变加载. 蠕变试验的加载方式为分级 加载. 具体地,预先制作平行试样,并测定其瞬时剪 切强度,再基于荷载比例(蠕变荷载与瞬时剪切强度 之比)的分级方法设定蠕变加载等级为 7~8 级. 由于 筋体-注浆体界面强度远大于锚固体-土体界面强 度,因此筋体-注浆体界面不会发生剪切位移. 这样, 本文测定的筋体位移便为锚-土界面剪切位移,如图 2 所示. 此外,本试验选用的蠕变稳定标准为连续 24 h 内剪切位移增量小于 0.01 mm<sup>[20]</sup>.

#### 2 试验结果及分析

对试样进行蠕变加载,获得分级加载全过程曲线.利用陈宗基等<sup>177</sup>提出的蠕变曲线处理方法获得 了分别加载蠕变曲线,得到分别加载条件下剪切位 移 *u* 与时间 *t* 的关系曲线,如图 3 所示.





Fig.3 Shear creep curves in different stress levels

由图 3 可知,土体干密度对锚-土界面剪切蠕变 特性影响显著. 拉拔荷载相近时,随着干密度的增 大,锚-土界面剪切蠕变位移减小,蠕变稳定时间变 短. 例如,剪应力近似为 35 kPa 时,土体干密度从 1.1 g/cm<sup>3</sup>增加至 1.4 g/cm<sup>3</sup>,锚-土最终界面剪切蠕变位 移 u 由 3.0 mm 减小至 0.25 mm, 蠕变稳定时间由 160 h 缩减至 70 h.

绘制各组试样在 t 为 0 h、0.5 h、1 h、2 h、5 h、10 h、20 h、40 h、60 h、80 h、100 h 和 120 h 时的蠕变等时 曲线,如图 4 所示. 将各组试样等时曲线转折点(该转折点对应的应力即为锚-土界面屈服应力,当荷载 大于屈服应力后,剪切位移会显著增加,此时锚-土 界面由黏弹性状态转向黏塑性状态)连线的水平渐 进线在纵轴(剪应力  $\tau$  轴)上的截距作为锚-土界面 长期抗剪强度  $\tau_{s}$ . 绘制土体干密度  $\rho_{d}$  与锚-土界面 长期抗剪强度  $\tau_{s}$ . 及瞬时抗剪强度  $\tau_{f}$ 关系曲线,如图 5 所示.

由图 4 可知: ①各组试样的等时曲线均呈非线性,曲线形状类似于双曲线;② 土体干密度 ρ<sub>d</sub> 越小、时间 *t* 越大,等时曲线非线性特征越明显.



Fig.4 Isochronal curves of shear stress  $(\tau)$ -displacement(u)





由图 5 可知,锚-土界面长期抗剪强度  $\tau_x$ 和瞬时抗剪强度  $\tau_f$ 均随土体干密度  $\rho_d$ 的增加而增加,两者大致呈线性关系.因此,为简化起见,本文以线性 拟合的方式建立锚-土界面剪切强度随土体干密度 变化经验公式.可以看出,锚-土界面长期抗剪强度  $\tau_x$ 约为其瞬时抗剪强度  $\tau_f$ 的 60%~80%.

#### 3 锚-土界面双曲线剪切蠕变模型

锚-土界面剪切蠕变等时曲线实际上就是某一 时刻下的剪应力-剪切位移曲线.本文试验结果表 明,蠕变等时曲线的曲线形状类似于双曲线,且不同 土体干密度和不同时间对应的等时曲线的曲线形态 不同.因此,如果利用双曲线模型对等时曲线进行回 归分析,然后建立双曲线模型参数与土体干密度和 时间的经验关系,就可以进一步建立出考虑剪应力 水平和干密度影响的锚-土界面剪切蠕变模型.基于 该建模思路,下面以干密度 ρ<sub>d</sub> = 1.3 g/cm<sup>3</sup> 试样的衰 减蠕变试验曲线为例来探讨锚-土界面衰减蠕变模 型的建模方法及其合理性.

#### 3.1 锚-土界面剪切双曲线蠕变模型

双曲线模型具有参数少、物理意义明确等优点, 其方程为:

$$\tau = \frac{u}{a+bu} \tag{1}$$

式中:7为锚-土界面剪应力;u为界面剪切位移;a、b 为模型参数.

定义初始剪切模量 G<sub>0</sub>为锚-土界面剪应力-剪 切位移等时曲线在剪应力为 0 处的斜率,界面极限 抗剪强度  $\tau_{ult}$  为等时曲线渐近线对应的极限值.由式 (1)可知,模型参数  $a \approx b$  分别代表  $G_0 \approx \tau_{ult}$  的倒数. 对于同一试样不同时刻下的等时曲线,对应有不同 的  $G_0 \approx \tau_{ult}$ .因此,参数  $a \approx b$  与时间 t 相关,假定符 合一定的函数关系:

$$a = a(t)$$
  

$$b = b(t)$$
(2)

将式(2)代至式(1),可得到考虑时间效应的锚-土界面剪切双曲线模型,再对其进行变换,即可建立 出锚-土界面剪切双曲线蠕变模型:

$$u = \frac{a(t)\tau}{1 - b(t)\tau} \tag{3}$$

#### 3.2 锚-土界面蠕变模型参数辨识方法

下面就采用土体干密度为 1.3 g/cm<sup>3</sup>的锚-土界 面衰减蠕变试验结果(图 3(c)),来阐述如何确定本 文提出的双曲线蠕变模型参数.

首先,利用式(1)分别对应力水平为 $\tau_1,\tau_3,\tau_4,\tau_6$ 和 $\tau_7$ 的蠕变等时曲线进行回归分析,拟合结果见图 6,模型参数a和b如表1所示.





由表 1 可知, 土体干密度  $\rho_d$  = 1.3 g/cm<sup>3</sup> 的试样 的等时曲线拟合相关指数  $R^2$  均大于 0.99,这表明双 曲线模型对本文蠕变等时曲线具有较好的拟合效果. 此外,还可以看出,模型参数 1/a 随时间 t 的增加而 减小,两者大致呈双曲线函数形式;模型参数 b 随时 间 t 的变化不显著.

鉴于此,采用式(4)所示双曲线函数描述模型参数 a 随时间的变化关系,而模型参数 b 取均值 b<sub>a</sub>.

$$\frac{1}{a(t)} = \frac{A}{1 + (Bt)^c} + D$$
(4)

式中:A、B、C、D为待定参数.

Tab.1 Fitting results of isochronous curves for all specimens in different dry density												
时间/h	$ ho_{\rm d}$ =1.1 g·cm <sup>-3</sup>			$ ho_{\rm d}$ =1.2 g·cm <sup>-3</sup>			$ ho_{\rm d} = 1.3 \ { m g} \cdot { m cm}^{-3}$			$\rho_{\rm d}$ =1.4 g·cm <sup>-3</sup>		
	1/a	b	$R^2$	1/a	b	$R^2$	1/a	b	$R^2$	1/a	b	$R^2$
0	483.4	0.025 7	0.983	1324.6	0.020 3	0.984	830.1	0.013 5	0.984	1 151.0	0.012 4	0.995
0.5	369.8	0.025 2	0.993	987.9	0.021 0	0.993	599.2	0.013 5	0.992	780.3	0.012 6	0.998
1	356.5	0.025 3	0.996	936.6	0.021 3	0.995	540.1	0.013 9	0.995	735.3	0.012 3	0.995
2	324.5	0.025 5	0.996	743.9	0.020 5	0.988	490.2	0.013 0	0.997	617.9	0.012 1	0.998
5	269.9	0.025 5	0.993	662.5	0.020 8	0.995	417.1	0.012 8	0.995	542.6	0.012 3	0.998
10	222.0	0.025 4	0.988	450.2	0.019 5	0.985	371.1	0.012 7	0.991	497.3	0.012 1	0.998
20	199.6	0.025 5	0.994	354.4	0.019 3	0.984	319.1	0.012 8	0.993	392.7	0.011 9	0.997
40	146.5	0.025 3	0.996	278.2	0.019 3	0.989	264.8	0.012 6	0.992	315.2	0.012 0	0.997
60	135.8	0.025 6	0.999	249.4	0.019 6	0.992	235.1	0.012 6	0.997	285.1	0.012 3	0.995
80	126.7	0.025 6	0.999	221.7	0.019 9	0.996	219.9	0.012 8	0.998	265.2	0.012 6	0.992
100	112.9	0.025 6	0.999	203.9	0.020 2	0.998	205.4	0.012 9	0.999	250.5	0.012 7	0.999
120	102.7	0.025 1	0.999	192.3	0.020 6	0.998	194.9	0.013 0	0.997	239.7	0.012 9	0.999

表1 各组干密度下等时曲线拟合结果

采用式(4)对参数 a 随时间 t 变化曲线进行拟 合,得到:

$$\begin{cases} a(t) = \frac{1 + (0.38t)^{0.31}}{850.2 + 11.7[1 + (0.38t)^{0.31}]} \\ b(t) = 0.013 \end{cases}$$
(5)

将式(5)代入式(3),即可得到土体干密度 $\rho_{d}$ 为 1.3 g/cm3 的锚-土界面剪切蠕变模型:

$$u_{p_{a=1,3}} = \frac{\tau [1 + (0.38t)^{0.31}]}{(1 - 0.013\tau) \{850.2 + 11.7[1 + (0.38t)^{0.31}]\}}$$
(6)

为验证所建模型的蠕变预测效果,利用式(6)对 参与建模(应力水平为 T1、T3、T4、T6 和 T7)及未参与建 模(应力水平为 $\tau_2$ 和 $\tau_5$ )的蠕变试验曲线进行预测, 结果如图7所示.





Fig.7 Prediction results of creep curves ( $\rho_d = 1.3 \text{ g/cm}^3$ )

由图 7 可知,低应力水平下的蠕变曲线预测效 果稍好于高应力水平下蠕变曲线预测效果. 但整体 而言,无论是参与还是未参与建模的蠕变曲线,本文 提出的双曲线蠕变模型的预测效果均较好.

#### 3.3 不同干密度下锚-土界面蠕变模型

采用上述建模方法,对其余3组试样(干密度分 别为 1.1 g/cm3、1.2 g/cm3 和 1.4 g/cm3)的蠕变试验结 果进行分析,并建立出相应的蠕变模型.而且,这3 组试样也均选用应力水平为 71、73、74、76 和 77 的蠕变 试验数据进行建模,其余试验数据用以模型预测.

这3组试样的蠕变等时曲线拟合结果如表1所 示. 双曲线模型参数 a 随时间 t 变化关系的拟合结果 及模型参数 b 的均值 b<sub>u</sub> 如表 2 所示. 最后,将表中参数回代至式(4)和式(3),即可得到各组干密度下锚-土界面剪切双曲线蠕变模型.

表 2 模型参数拟合结果

Tab.2 Fitting results of model parameters

干密度		参数 b 均值				
$ ho_{\rm d}/({\rm g}\cdot{\rm cm}^{-3})$	A	В	С	D	$R^2$	$b_{u}$
1.1	450.1	0.273	0.65	59.3	0.991	0.025
1.2	1 190.0	0.340	0.53	42.1	0.993	0.020
1.3	850.2	0.379	0.31	11.7	0.981	0.013
1.4	1 251.0	0.450	0.27	-90.0	0.978	0.012

获得其他3组试样的锚-土界面剪切双曲线蠕 变模型如下:



## 4 考虑剪应力水平和土体干密度影响的锚-土界面剪切蠕变方程

第3节针对4组不同土体干密度的试样,分别 建立了仅考虑剪应力水平影响的锚-土界面剪切双 曲线蠕变模型.由表2可知,蠕变模型参数A、B、C、 D和b。均与土体干密度相关,于是通过回归分析可 得到模型参数A、B、C、D和b。与土体干密度的函数 关系式,将其代入式(4)和式(3),便可得到同时考虑 剪应力水平和土体干密度影响的锚-土界面剪切蠕 变模型如下:

$$u = \frac{\tau [1+(Bt)^{c}]}{(1-b_{u}\tau) \{A+D[1+(Bt)^{c}]\}}$$

$$A = 1 \ 439 \ 230\rho_{d}^{3} - 1 \ 146 \ 233\rho_{d}^{2} + 303 \ 401\rho_{d} - 599 \ 588; R^{2} = 0.99$$

$$B = 0.57\rho_{d} - 0.35; R^{2} = 0.98$$

$$C = -303.3 + 81.2\rho_{d} + 375.3\rho_{d}^{-1} - 153.0\rho_{d}^{-2}; R^{2} = 0.99$$

$$D = 23 \ 290.1\rho_{d}^{-1} + 50 \ 207.1\rho_{d} - 14 \ 232.4\rho_{d}^{2} - 59 \ 120.2; R^{2} = 0.99$$

$$b_{u} = 8.28 - 6.79\rho_{d} + 1.84\rho_{d}^{-1} - 3.31\rho_{d}^{-2}; R^{2} = 0.99$$

利用本文所建立的同时考虑剪应力水平和干密

(8)

度影响的锚-土界面剪切蠕变模型,分别对土体干密 度为 1.1 g/cm<sup>3</sup>、1.2 g/cm<sup>3</sup> 和 1.4 g/cm<sup>3</sup>的蠕变试验曲 线进行预测,获得参与建模的蠕变曲线预测效果如 图 8 所示,未参与建模的蠕变曲线预测效果如图 9 所示.





由图 8 和图 9 可知,随着剪应力水平的提高,本 文建立的同时考虑剪应力水平和干密度影响蠕变模 型,无论是对已参与建模还是未参与建模的蠕变曲 线,其预测效果均较好,这表明本文模型能够综合考 虑土体干密度和剪应力水平对锚-土界面剪切蠕变 特性的影响,具有较强的适用性和较高的预测精度.

### 5 结 论

1)为探究土体干密度对锚固体-红土界面剪切

蠕变特性的影响,研制了螺旋干钻成孔的锚固单元 体试样制样装置以及基于滑轮组增力原理的试样蠕 变加载装置,以此开展了4组不同土体干密度的锚 固单元体试样界面剪切蠕变试验,获得分级加载蠕 变全过程曲线.

2)土体干密度对锚-土界面剪切蠕变特性影响 显著.应力相近时,干密度越大,锚-土界面剪切蠕变 位移越小,蠕变稳定的时间越短.此外,随着土体干 密度的增加,锚-土界面长期抗剪强度呈线性增长, 锚-土界面长期抗剪强度约为其瞬时抗剪强度的 60%~80%.

3)利用双曲线模型对部分应力水平下的蠕变等时曲线进行回归分析,然后建立双曲线模型参数与 土体干密度和时间的经验关系,以此进一步建立出 了同时考虑剪应力水平和干密度影响的锚-土界面 剪切蠕变模型.结果表明,本文模型对参与建模还有 未参与建模的蠕变曲线的预测效果均较好.

### 参考文献

- KIM N K. Performance of tension and compression anchors in weathered soil [J]. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 2003, 129(12): 1138–1150.
- [2] 伍国军,陈卫忠,贾善坡,等. 岩石锚固界面剪切流变试验及模型研究[J]. 岩石力学与工程学报,2010,29(3):520—527.
  WUGJ,CHENWZ,JIASP,et al. Shear creep experiments for anchorage interface mechanics and nonlinear rheological model of rocks [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2010,29(3):520—527. (In Chinese)
- [3] 陈昌富,刘俊斌,徐优林,等. 锚-土界面剪切蠕变试验及其经验 模型研究[J]. 岩土工程学报,2016,38(10):1762—1768.
  CHEN C F,LIU J B,XU Y L,*et al.* Tests on shearing creep of anchor-soil interface and its empirical model [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering,2016,38 (10):1762—1768. (In Chinese)
- [4] 陈昌富,高傑,刘俊斌,等.基于分数阶导数的膨胀土锚固边坡 土-锚界面蠕变模型[J].安全与环境学报,2018,18(5):1847-1854.

CHEN C F,GAO J,LIU J B,*et al.* A factional –derivative –based creep model for the soil–anchor interface in the anchored slope with the soil expanding[J]. Journal of Safety and Environment,2018,18 (5):1847–1854. (In Chinese)

- [5] 朱世民,陈昌富,高傑. 基于 ANFIS 神经网络的红黏土蠕变模型
  [J]. 湖南大学学报(自然科学版),2019,46(11):137—145.
  ZHU S M, CHEN C F, GAO J. Creep model of red clay based on ANFIS neural network [J]. Journal of Hunan University (Natural Sciences),2019,46(11):137—145. (In Chinese)
- [6] 卢萍珍,曾静,盛谦.软黏土蠕变试验及其经验模型研究[J]. 岩

土力学,2008,29(4):1041-1044.

LU P Z,ZENG J, SHENG Q. Creep tests on soft clay and its empirical models [J]. Rock and Soil Mechanics, 2008, 29 (4): 1041-1044. (In Chinese)

[7] 陈卫忠,谭贤君,吕森鹏,等. 深部软岩大型三轴压缩流变试验 及本构模型研究[J].岩石力学与工程学报,2009,28(9):1735— 1744.

CHEN W Z, TAN X J, LÜ S P, *et al.* Research on large-scale triaxial compressive rheological test of soft rock in depth and its constitutive model [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2009,28(9):1735—1744. (In Chinese)

- [8] 王元战,黄东旭,肖忠.天津滨海地区两种典型软黏土蠕变特性 试验研究[J].岩土工程学报,2012,34(2):379—384.
  WANG Y Z, HUANG D X, XIAO Z. Experimental research on creep properties of two typical soft clays in coastal region of Tianjin[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2012, 34 (2):379— 384. (In Chinese)
- [9] 赵明华,肖燕,陈昌富.软土流变特性的室内试验与改进的西原 模型[J].湖南大学学报(自然科学版),2004,31(1):48-51.
  ZHAO M H,XIAO Y,CHEN C F. Laboratory experiment of the rheological property of soft clay and the improved Xiyuan model[J].
  Journal of Hunan University (Natural Sciences),2004,31(1):48-51. (In Chinese)
- [10] SINGH A, MITCHELL J K. General stress-strain-time function for soils [J]. Geotechnical Special Publication, ASCE, 1968, 94 (1): 21-46.
- [11] MESRI G, FEBRES -CORDERO E, SHIELDS D R, et al. Shear stress-strain-time behaviour of clays [J]. Géotechnique, 1981, 31 (4):537-552.
- [12] 王者超,乔丽苹. 土蠕变性质及其模型研究综述与讨论[J]. 岩土 力学,2011,32(8);2251—2260.
  WANG Z C,QIAO L P. A review and discussion on creep behavior of soil and its models [J]. Rock and Soil Mechanics,2011,32(8); 2251—2260. (In Chinese)
- [13] 于永江,张伟,张国宁,等. 富水软岩的蠕变特性实验及非线性 剪切蠕变模型研究[J]. 煤炭学报,2018,43(6):1780—1788.

YU Y J,ZHANG W,ZHANG G N,*et al.* Study of nonlinear shear creep model and creep property experiment of water-rich soft rock [J]. Journal of China Coal Society,2018,43 (6):1780–1788.(In Chinese)

- [14] 王春萍,陈亮,梁家玮,等.考虑温度影响的花岗岩蠕变全过程本构模型研究[J].岩土力学,2014,35(9):2493-2500.
  WANG C P,CHEN L,LIANG J W,*et al.* Creep constitutive model for full creep process of granite considering thermal effect[J]. Rock and Soil Mechanics,2014,35(9):2493-2500. (In Chinese)
- [15] 张峰瑞,姜谙男,杨秀荣,等. 冻融循环下花岗岩剪切蠕变试验 与模型研究[J]. 岩土力学,2020,41(2):509—519.
  ZHANG F R,JIANG A N,YANG X R,*et al.* Experimental and model research on shear creep of granite under freeze-thaw cycles[J].
  Rock and Soil Mechanics,2020,41(2):509—519. (In Chinese)
- [16] 陈昌富,朱世民,高傑,等.考虑注浆压力影响锚-土界面剪切蠕变 Kriging 模型[J]. 岩土工程学报,2019,41(S1):125—128.
  CHEN C F,ZHU S M,GAO J,et al. Kriging method-based creep model for anchor-soil interface considering grouting pressure[J].
  Chinese Journal of Geotechnical Engineering,2019,41(S1):125—128. (In Chinese)
- [17] TAN T-K,KANG W F. Locked in stresses, creep and dilatancy of rocks, and constitutive equations [J]. Rock Mechanics, 1980, 13 (1):5-22.
- [18] COOKE R W, PRICE G, TARR K. Jacked piles in London Clay:a study of load transfer and settlement under working conditions [J]. Géotechnique, 1979, 29(2):113—147.
- [19] 陈昌富,梁冠亭,刘晓明,等.一种用于锚或桩与土界面摩阻性 能试验的样坯制作装置及方法:10176979.8[P].2014-07-23. CHEN C F,LIANG G T,LIU X M, et al. Sample blank manufacturing device and method for anchor or pile and soil interface friction performance test:10176979.8[P].2014-07-23. (In Chinese)
- [20] 孙钧. 岩土材料流变及其工程应用[M]. 北京:中国建筑工业出版社,1999:60—61.
   SUN J. Rheological behavior of geomaterials and its engineering ap-

plications [M]. Beijing:China Architecture and Building Press, 1999:60-61. (In Chinese)